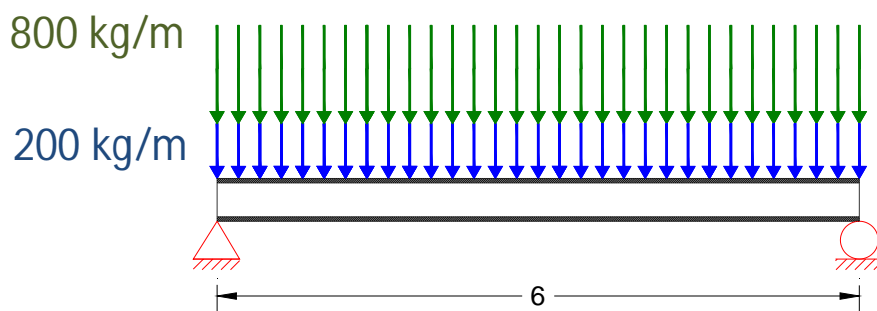


Select the lightest IPE section to carry a uniformly distributed dead load of  $200 \text{ kg/m}$  and  $800 \text{ kg/m}$  live load the simply supported span is  $6 \text{ m}$ . the compression flange of the beam is fully supported against lateral movement .use load resistance factor design and select for the following steel : **st-37**

الف) سبکترین مقطع IPE که توانایی تحمل بار مرده گسترده یکنواخت  $200 \text{ kg/m}$  و بار گسترده زنده  $800 \text{ kg/m}$  را بر روی تیر دوسر ساده با دهانه  $6$  متر دارد انتخاب کنید.

ب) با فرض نیروی زلزله  $250 \text{ kg/m}$  باشد مقطع را تقویت کنید  
بال فشاری تیر در برابر حرکت جانبی مقید شده. با استفاده از روش حالت حدی نهایی





## اهداف مورد بررسی در طی حل تمرین

- طراحی تیر به روش LRFD

- کنترل مقطع فشرده لرزه ای

- اعمال بار تشدید یافته

- طراحی و تقویت تیر

- تعیین مقاومت برشی اسمی

- کنترل تسلیم موضعی جان

- کنترل خمش موضعی بال

- کنترل لهیدگی جان

- کنترل افتادگی



$$W = 1.25W_D + 1.5W_L = 1.25 \times 200 + 1.5 \times 800 = 1450 \text{ kg/m}$$

$$M = \frac{WL^2}{8} = \frac{1450 \times 6^2}{8} = 6525 \text{ kg.m}$$

$$\text{St 37} \Rightarrow f_y = 2400 \text{ kg/cm}^2$$

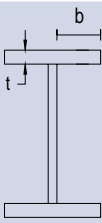
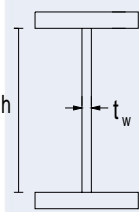
$$Z = \frac{M_u}{\phi_b \times f_y} = \frac{6525 \times 100}{0.9 \times 2400} = 302,08 \text{ cm}^3$$

S.F =  $\frac{Z}{s}$  در مقاطع IPE در بازه (۱/۱-۱/۲) در نظر گرفته می شود

Lightest : Select IPE 240 s=324 --> z=1.1×324=356.4 ok

طبق بند ۱۰-۳-۸-۱-۲-۱-الف

مقطع تیرها باید از نوع فشرده ی لرزه ای مطابق تعریف بند ۱۰-۳-۴-۲ در نظر گرفته شود

مثال	حداکثر نسبت پهنا به ضخامت $\lambda_{ps}$	نسبت پهنا به ضخامت	شرح اجزا	
	$0.3 \sqrt{\frac{E}{F_Y}}$	$\frac{b}{t}$	بال تیر نورد شده   شکل تحت اثر خمش	اجزا با یک لبه ی منگی
	$2.45 \sqrt{\frac{E}{F_Y}}$	$\frac{h}{t_w}$	جان مقاطع   شکل تحت اثر خمش	اجزا با دو لبه ی منگی



### کنترل مقطع فشرده لرزه ای

$$= \frac{12}{2 \times 0.98} = 6.12 < 0.3 \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 0.3 \sqrt{\frac{2.1 \times 10^6}{2400}} = 8.87 \quad \text{ok} \frac{b}{2t}$$

$$= \frac{19}{0.62} = 30.6 < 2.45 \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 2.45 \sqrt{\frac{2.1 \times 10^6}{2400}} = 72.4 \quad \text{ok} \frac{h}{t_w}$$

طبق بند ۴-۴-۳-۱۰

ترکیب بار زلزله تشدید یافته با جایگزینی نیروی زلزله E با  $\Omega_o E$  در ترکیب عادی بارها به دست می آید

ب- در طراحی به روش حدی:

$$D + 1.2L + 1.2 \Omega_o E$$

$$W = W_D + 1.2W_L + 1.2\Omega_o W_E = 200 + 1.2 \times 800 + 1.2 \times 2.8 \times 250 = 2000$$

$\frac{\text{kg}}{\text{m}}$

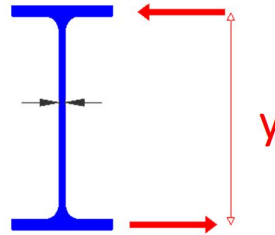
$$M = \frac{WL^2}{8} = \frac{2000 \times 6^2}{8} = 9000 \text{ kg.m}$$

مورد نیاز  $Z = \frac{M_u}{\phi_b \times f_y} = \frac{9000 \times 100}{0.9 \times 2400} = 416.67 \text{ cm}^3$

$$416.67 > 372.6$$

نیاز به تقویت دارد

$$A_w \sim 0$$



مرکز سطح ناحیه فشاری

مرکز سطح ناحیه کششی

تقویت  $Z = 416.67 - 372.6 = 44.07$

$$Z = \frac{A y}{2} = \frac{A d}{2} = 44.07 \rightarrow y = \left(\frac{d}{2} + \frac{d}{2}\right)$$

$$A d = 88.14, d = 24 \rightarrow A = 3.67$$

با فرض استفاده از ورق 5 میلیمتری  $0.5 \times b = 3.67 \rightarrow b = 7.34$

$$0.9 \times z \times f_y = 0.9 \times 372.6 \times 2400 = 8048.16 \text{ kg.m}$$

$$M = \frac{wL}{2} x - \frac{w}{2} x^2 = \frac{2000 \times 6}{2} x - \frac{2000}{2} x^2 = 8048.16$$

$$X = 2.02, 3.97$$

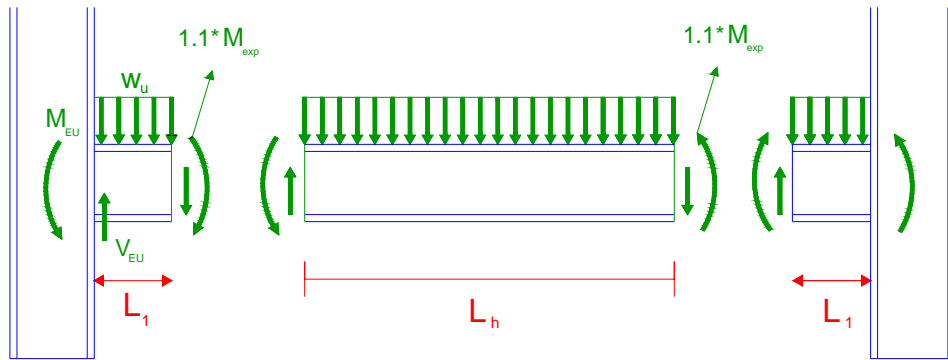
$$L = 6 - 2 \times 2.02 = 1.96$$

Use PL 200×80×5



طبق بند ۱۰-۳-۸-۲-۲-۱

در طراحی تیرها برای خمش ضابطه اضافی خاصی در قاب خمشی ویژه وجود ندارد ولی در طراحی آنها برای برش باید نیروی برشی اضافی ناشی از ایجاد لنگرهای خمشی قابل انتظار در مفصل پلاستیک دو انتهای تیر در نظر گرفته شود. طراحی تیر برای برش بر اساس ضوابط زیر صورت می گیرد



$$V_{EU} = \frac{2 \times 1.1 \times M_{exp}}{L_h} + v_u + w_u$$

محل تشکیل مفصل پلاستیک در دو انتهای تیر باید در فاصله به اندازه ی  $0.5d$  -  $d$  باشد

$D=24\text{ cm}$  یا فرض تشکیل مفصل پلاستیک در

$w_u$ : کل بار قائم ضریب دار تیر در بازوی  $L1$

$M_{exp}$ : لنگر پلاستیک مورد انتظار تیر  $\times F_y z_b$

$v_u$ : نیروی برشی موجود در محل مفصل پلاستیک فقط به علت بار قائم

ضریب دار در طول  $Lh$

$L_h$ : فاصله ی بین مقاطع تشکیل مفصل پلاستیک در تیر



$$V_{EU} = \frac{2 \times 1.1 \times M_{exp}}{L_h} + v_u + w_u$$

$$M_{exp} = z_b F_{ye} = 372.6 \times 1.15 \times 2400 = 10283.72 \text{ kg.m}$$

$$w_u = 0.24 \times 2000 = 480 \text{ kg}$$

$$v_u = \frac{(6 - 2 \times 0.24) \times 2000}{2} = 5520 \text{ kg}$$

$$V_{EU} = \frac{2 \times 1.1 \times 10283.72}{(6 - 2 \times 0.24)} + 5520 + 480 = 10098 \text{ kg}$$

طبق بند ۲-۱-۶-۲-۱۰

مقاومت برشی اسمی، مقاطع با جان سخت نشده و سخت شده بر اساس حالت حدی تسلیم برشی و کمانش برشی به صورت زیر محاسبه می شود

$$\frac{h}{t_w} = \frac{24}{0.62} = 38 < 2.24 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 64 \rightarrow C_v = 1, \phi_v = 1$$

$$V_n = 0.6 F_y A_w C_v = 0.6 \times 2400 \times 19 \times 0.62 \times 1 = 14284 \text{ kg}$$

$$\phi_v V_n > V_u \quad 14284 > 10098 \quad \text{OK}$$

-کنترل خمش موضعی بال



طبق بند ۱۰-۲-۱۰-۹

$$R_n = 6.25 (t_f)^2 F_{yf}$$

$$R_n = 6.25 \times 0.98^2 \times 2400 = 14406 \text{ kg}$$

$$\phi R_n > R_u \quad \phi = 0.9 \quad 14406 > 10098 \quad \text{OK}$$

کنترل تسلیم موضعی جان

طبق بند ۱۰-۲-۱۰-۹-۳

$$R_n = (2.5k + N) F_{yw} t_w$$

$$R_n = (2.5 \times 2.48 + 2.48) \times 2400 \times 0.62 = 12915 \text{ kg}$$

$$\phi R_n > R_u \quad \phi_n = 1 \quad 12915 > 10098 \quad \text{OK}$$

کنترل لهیدگی جان

طبق بند ۱۰-۲-۱۰-۴-۹-۱۰

در حالتی که بار متمرکز در فاصله ی  $\frac{d}{2}$  از انتهای عضو وارد می شود کمتر از

$$R_n = 0.4 t_w^2 \left( 1 + 3 \left( \frac{N}{d} \right) \left( \frac{t_w}{t_f} \right)^{1.5} \sqrt{\frac{E F_{yw}}{t_w}} \right)$$





$$R_n = 0.4 \times 0.62^2 \left( 1 + 3 \left( \frac{2.48}{24} \right) \left( \frac{0.62}{0.98} \right)^{1.5} \sqrt{\frac{2.1 \times 10^6 \times 2400}{0.62}} \right) = 15864$$

$$\phi R_n > R_u \quad \phi = 0.75 \quad 15864 \times 0.75 = 11898 > 10098 \quad \text{OK}$$

### کنترل افتادگی

#### طبق بند ۱۱-۴-۲-۱۰

در محاسبه ی تغییر مکان باید از بارهای بدون ضریب استفاده شود زیرا تغییر مکان به هنگام استفاده نگران کننده است نه شکست

$$\Delta_{max} = \frac{5WL^4}{384EI} = \frac{5 \times 10 \times 600^4}{384 \times 2.1 \times 10^6 \times 5042} = 1.59 < \frac{L}{240} = 2.5 \quad \text{OK}$$

$$\Delta_{max} = \frac{5WL^4}{384EI} = \frac{5 \times 8 \times 600^4}{384 \times 2.1 \times 10^6 \times 5042} = 1.27 < \frac{L}{360} = 1.67 \quad \text{OK}$$