

## مؤلف اول، عبدالحسین آزادمنش

۱- عنوان و آدرس کوتاه مؤلف اول دانشآموخته مهندسی عمران از دانشگاه صنعتی اصفهان

آدرس پست الکترونیکی نویسنده رابط (abazad2000@gmail.com)

### چکیده

کنترل کیفیت بتن چه ازنظر دوام یا مقاومت فشاری و سایر مشخصات موردنیاز به دلیل حصول اطمینان از نقش کلیدی آن در دوام و پایداری سازه از اهمیت زیادی برخوردار است. کنترل کیفیت در همه مراحل، از تهیه مصالح، ساخت بتن و اجرا لازم بوده که عموماً با انجام آزمایش‌های استاندارد و یا بررسی‌های میدانی پایش می‌گردد. علاوه بر این در همه مراحل یادشده داده‌های آزمایشگاهی و بررسی‌های کیفی و توصیفی بستری برای تحلیل چگونگی روند نتایج بر اساس روش‌های آماری فراهم آورده که نقش مدیریتی در جهت بهبود کیفیت، جذب مشتری و کاهش هزینه‌های تولید را در بردارد. در اینجا با توجه به گستردگی روش‌های آماری کنترل کیفیت بحث را محدود به نتایج آزمایشگاهی مقاومت فشاری نمونه‌های بتن در سن ۲۸ روزه معطوف می‌شود. روش‌های آماری پرکاربرد کنترل کیفیت شامل موارد زیر است:

- (۱) نمودارهای کنترل کیفیت بتن: نمودارهای کنترل کیفیت بتن مدنظر این مقاله بوده که در ادامه به شرح آن پرداخته می‌شود.
- (۲) توزیع نرمال: این نوع نمودار توزیع فراوانی داده‌ها را نسبت به میانگین و انحراف معیار تبیین می‌نماید. این موضوع خود بحثی جداگانه می‌طلبد.
- (۳) نمودار CUSUM: در این نوع نمودار تفاوت میان هر میانگین و مقدار هدف بر حسب زمان رسم می‌شود. این نمودار از دقت بالایی در مشاهده تغییرات کوچک دارد.

---

كلمات کلیدی: کنترل کیفیت آماری، بتن، مقاومت ۲۸ روزه،

---

بسیاری از صنایع تولیدی از نمودارهای کنترل کیفیت برای کاهش تغییرات، افزایش کارایی تولید و شناسایی سریع روند تغییرات نتایج فرایند استفاده می‌کنند. از مواردی که در زمینه‌ی تولید بتن به صورت راهنمای بررسی نتایج مقاومت فشاری بتن آمده است می‌توان به ACI ۲۱۴R-11 اشاره کرد. روند تغییرات نتایج آزمایش نمونه‌های بتن بر اساس الگوی نتایج قبلی و حدود مشخصات تعریف شده آشکارتر می‌شوند. داده‌هایی که در خارج از محدوده تعیین شده قرار دارند نشان می‌دهند که عامل یا عواملی در کنترل فرایند تأثیر داشته است و غالباً نیاز به اقدامات اصلاحی در متغیرهای فرایند برای بازگرداندن مجدد آن به مسیر تحت کنترل است.

این اقدامات یا عوامل مؤثر بر فرآیند، معمولاً با استفاده از روش‌های آماری از جمله نمودارهای کنترل کیفیت و بر اساس مشخصات فنی شناسایی می‌شوند. چنین بررسی‌هایی برای یک پروژه با توجه به معیارهای پذیرش و مشترک می‌تواند چشم‌اندازی نیز برای دیگر پروژه‌های مشابه باشد. در این مقاله جهت کنترل کیفی نتایج مقاومت فشاری (توسط آزمایشگاه آزمونه فولاد مستقر در کارگاه) یکی از طرح‌های اختلاط بتن رده C۳۵ کارگاه سد داریان در دوره‌ای کوتاه‌مدت که به دلایل مختلف نوساناتی داشته و هم‌زمان تلاش برای بهبود نتایج، انتخاب شده است.

## ۱. نمودار Run chart

نمودار Run chart داده‌های فرآیند را باگذشت زمان نشان می‌دهد. از این نمودار برای ردیابی تغییرات خاص و داده‌های غیر تصادفی در فرآیند استفاده می‌شود. چنانچه در آزمون آماری احتمال داده‌ها (probability value p-value) بزرگ‌تر از  $0,05$  باشد. می‌توان نتیجه گرفت که هیچ‌گونه نشانه‌ای از تغییر ناشی از علتی خاص یا داده غیر تصادفی وجود ندارد. در چنین حالتی نقاط به طور تصادفی در اطراف خط میانه (میانگین) تغییر می‌کنند. توضیح‌اً در خصوص آزمون آماری p-value اشاره می‌گردد که برای بررسی یک فرض آماری، آزمایش تصادفی جمع‌آوری داده‌ها انجام می‌گردد. اگر نتیجه‌ی آزمایش تفاوت «معناداری» با آنچه انتظار هست، داشته باشد وقتی که فرض موردنظر را صحیح فرض کرده‌ایم، فرض را رد می‌کنیم و در غیر این صورت نمی‌توانیم آن را رد کنیم.

تنوع داده‌ها در کلیه فرایندها رخ می‌دهد. تنوع عادی یک بخش طبیعی از روند است. علت تغییرات خاص، خارج از سیستم ناشی می‌شود و باعث ایجاد الگوهای تغییرات یا روندهای قابل تشخیص در داده‌ها می‌شود. نمودار Run chart به صورت گرافیکی نشان می‌دهد که آیا دلایل خاص بر روند تأثیر می‌گذارد یا خیر.

در این نمودار آزمایش‌هایی برای کنترل داده‌های تصادفی انجام می‌شود که اطلاعات مربوط به علل تغییر غیر تصادفی را نشان می‌دهد.

این علل به چهار دسته تقسیم می‌شوند

### ۱) الگوی ترکیب Mixture patterns

به طور معمول داده‌های یک فرآیند با عبور مکرر از خط مرکز یا میانگین مشخص می‌شوند. در غیر این صورت اغلب نشانگر داده‌های ترکیبی از دو فرایند هستند. اگر p-value for mixtures کمتر از  $0,05$  باشد، ممکن است در داده‌ها ترکیب وجود داشته باشد.

### ۲) الگوهای خوش‌ای Cluster patterns

خوش‌های گروههایی از نقاط هستند که در یک منطقه از نمودار قرار می‌گیرند. خوش‌های ممکن است تغییرات ناشی از دلایل خاص، مانند مشکلات اندازه‌گیری یا نمونه‌برداری یا مربوط به تنظیمات ابزاری‌های سنجش و آزمایش باشد. اگر p-value for clustering کمتر از  $0,05$  باشد، ممکن است داده‌های خوش‌ای وجود داشته باشد.

### ۳) الگوهای نوسان Oscillating patterns

نوسان هنگامی اتفاق می‌افتد که داده‌ها از بالا و پایین نوسان می‌کنند و این نشان می‌دهد که روند پایدار نیست. اگر p-value for oscillation کمتر از  $0,05$  باشد، ممکن است در داده‌های نوسان وجود داشته باشد. در این حالت، داده به طور متناوب بالا و پایین می‌روند.

### ۴) الگوهای گرایش Trend patterns

گرایش یعنی یکروند پیوسته صعودی یا نزولی در داده‌ها وجود دارد. گرایش داده‌ها ممکن است هشدار دهنده که یک فرآیند احتمالاً بوزودی از کنترل خارج خواهد شد. بروز آن به دلیل عواملی مانند ابزارهای فرسوده، دستگاه خارج از تنظیمات یا چرخش دوره‌ای اپراتورها است. اگر مقدار p-value for trends کمتر از  $<0.05$  باشد، ممکن است گرایشی در داده‌ها رخداده باشد. [1]

قبل از توضیحات مربوط به نمودار لازم است مفاهیمی که در متن مقاله به کرات استفاده شده تبیین شود.

- منظور از آزمونهای نمونه‌های استوانه‌ای تهیه شده از یک بتن است و آزمایش، تعیین مقاومت فشاری مجموعه از آزمونهای (۲ یا ۳) در یک سن مشخص است.

- مقاومت هدف  $f_{cm}$  (معادل  $f_{c1}$  در ACI) مقاومتی است که تضمین کننده مقاومت مشخصه در مرحله اجراست؛ و با استفاده از مقررات ملی مبحث ۹ بند ۱-۳-۲-۹ تعیین می‌شود. جدول (۱)

#### جدول ۱ تعیین مقاومت فشاری هدف [۲]

درصورتی که مقدار انحراف استاندارد از داده‌های گذشته در دسترس نباشد، مقاومت فشاری متوسط لازم طبق رابط باید محاسبه شود:	مقابومت فشاری متوسط لازم برای تعیین نسبت مخلوط بتن پر مقاومت، باید بیشترین مقدار از بین دو مقدار به دست آمده از روابط زیر باشد:
$f_{cm}=1.1f_c+6 \text{ MPa} \quad (3)$	$f_{cm}=0.9f_c+20.33S \text{ MPa} \quad (2)$ $f_{cm}=f_c+1.34S \text{ MPa} \quad (1)$

$f_c$  مقاومت فشاری نمونه استوانه‌ای  $15 \times 30 \times 30$  سانتیمتر

در نمودار (۱) مقاومت فشاری آزمونهای سه‌تایی هر آزمایش همراه با خطوط مبنای کاربرد شرایط پذیرش بتن آمده است.

$f_{cm}$  = مقاومت فشاری هدف، حداقل مقاومت فشاری طرح اختلاط بتن در سن ۲۸ روزه ۴۱ مگاپاسکال

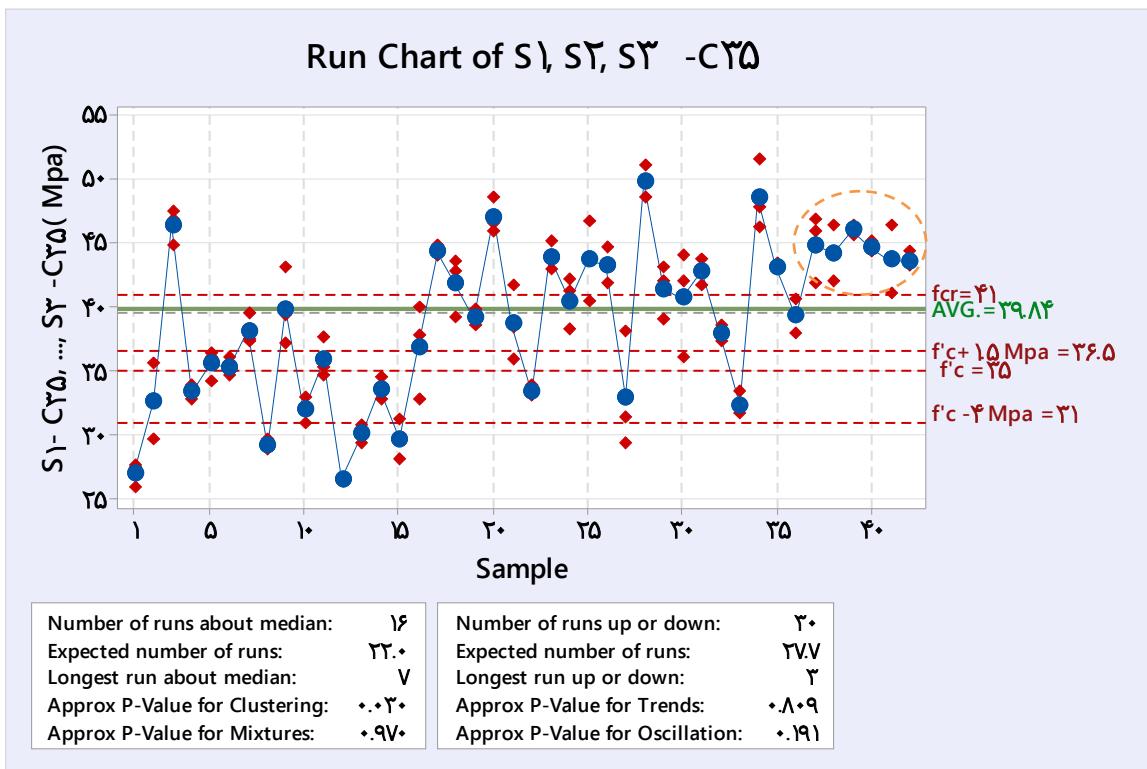
•  $f_c = \text{مقابومت مشخصه } 35 \text{ مگاپاسکال}$

• خطوط مبنای مربوط به ضوابط پذیرش بتن

○  $= f_c + 1.5$  ○ مقاومت مشخصه به اضافه  $1.5$  مگاپاسکال

○  $= f_c - 4$  ○ مقاومت مشخصه منهای  $4$  مگاپاسکال

در این نمودار  $p$ -value for clustering به جزء  $p$ -value for clustering که از مقدار  $<0.05$  کمتر بوده که به معنای داده‌های خوشای است. این داده‌ها در انتهای دوره مشهود است.



نمودار ۱ مقاومت فشاری آزمونهای هر آزمایش بتن در سن ۲۸ روزه

## ۲. نمودار تک مشاهده‌ای I chart

یکی از ساده‌ترین نمودارهای کنترل کیفیت نمودار تک مشاهده‌ای است. در این نمودار نتایج حاصل از آزمایش مقاومت فشاری متوسط آزمونهای (۲ یا ۳ آزمونه) بتن در سن ۲۸ روزه بر حسب تاریخ اجرا، موقعیت یا شماره نمونه ترسیم می‌شود. نمونه‌ای از این نوع نمودار (۲) متوسط مقاومت فشاری هر آزمایش شامل میانگین ۳ آزمایش را به همراه مقادیر مبنای نشان می‌دهد.

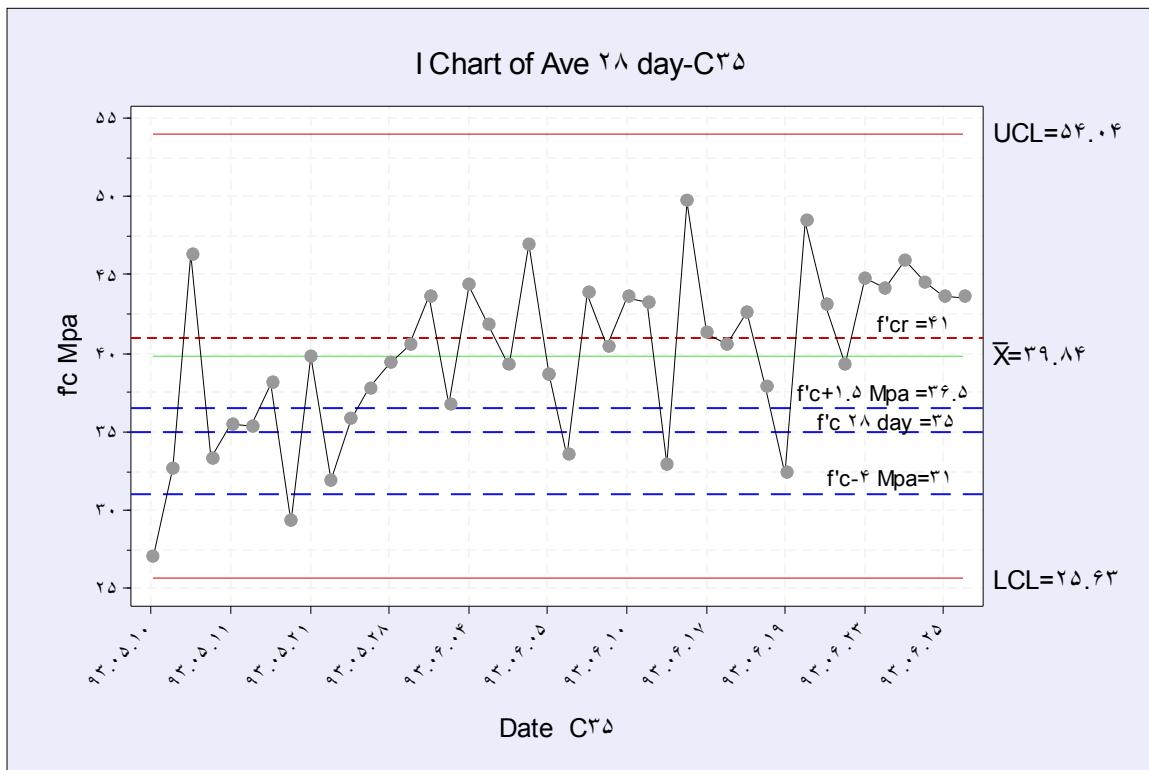
- $\bar{X}$  = مقاومت فشاری متوسط کلی شامل میانگین همه آزمایش‌های تعیین مقاومت فشاری در دوره مورد بررسی و برابر ۳۹.۸ مگاپاسکال است.
- $f_{cr}$  = مقاومت فشاری هدف، حداقل مقاومت فشاری طرح اختلاط بتن در سن ۲۸ روزه ۴۱ مگاپاسکال - تعداد آزمایش‌های کمتر از مبنای ۲۰ مورد از ۴۲ آزمایش است.
- $f'c$  = مقاومت مشخصه ۳۵ مگاپاسکال - تعداد آزمایش‌های کمتر از مبنای ۸ مورد از تعداد ۴۲ آزمایش است.
- $f'c + 1.5$  = مقاومت مشخصه به اضافه ۱.۵ مگاپاسکال - تعداد آزمایش‌های کمتر از مبنای ۱۱ مورد از تعداد ۴۲ آزمایش است.
- $f'c - 4$  = مقاومت مشخصه منهای ۴ مگاپاسکال - تعداد آزمایش‌های کمتر از مبنای ۲ مورد از ۴۲ تعداد آزمایش است.
- کلیه نتایج در محدوده کنترلی میانگین به اضافه و منهای ضریبی از انحراف معیار قرار دارند. جدول (۲) البته می‌توان همان حدود توزیع نرمال یعنی مقادیر  $\bar{X} \pm 3\sigma$  بکار برد. در اینجا از پیش‌فرض برنامه Minitab استفاده شده است.

جدول ۲ حدود نمودار کنترل [۱]

حد پایین کنترل LCL	$\bar{X} - k\sigma$	حد بالایی کنترل UCL	$\bar{X} + k\sigma$
(۵)	(۶)	(۷)	(۸)

که در آن  $\sigma$  انحراف معیار،  $K$  ضریبی از انحراف معیار معمولاً ۳ و  $\bar{X}$  میانگین هر آزمایش

مطابق این نمودار روند تولید بتن به سمت افزایش مقاومت فشاری بوده است. با توجه به اینکه نتایج در محدوده LCL و UCL فرآیند تولید بتن تحت کنترل هست.



نمودار ۲ مقاومت فشاری متوسط بتن در سن ۲۸ روزه بر حسب تاریخ اجرا

### ۳. میانگین متحرک I-MR

نمودار میانگین متحرک I-MR باعث کاهش نوسانات و پراکندگی در نمودار نتایج مقاومت فشاری آزمونهای هر آزمایش می‌شود. روند عملکرد به راحتی شناسایی و عواملی از جمله تغیرات فصلی و تغیر در مصالح به طور مؤثر نشان داده می‌شود. این نمودار معمولاً با ترسیم میانگین متحرک سه آزمایش، شاخص خوبی است؛ اما هرچه تعداد بیشتر آزمایش برای محاسبه میانگین استفاده شود، نمودار برای شناسایی روند تغیرات قدرتمندتر است. با این وجود روش مناسبی برای شناسایی سریع روند تغیرات بوده تا در دنباله آن اقدامات اصلاحی مناسب انجام شود. از آنجاکه میانگین متحرک سه آزمایش مقاومت فشاری متواالی یکی از معیارهای انطباق ACI ۳۱۸ است، این پارامتر اغلب در نمودارهای کنترل رديابی می‌شود. ولی رديابی میانگین متحرک سه آزمایش ممکن است قدرت تحلیلی کافی را نداشته لذا، توصیه می‌گردد، از میانگین متحرک ۵ آزمایش مقاومت فشاری متواالی نیز استفاده شود.

تعداد مناسب آزمایش‌ها برای این نوع نمودار کنترل برای هر کار متفاوت است؛ اما برای ردبایی میانگین متغیرک حداقل به ۱۰ یا ۱۵ به ویژه جهت تعیین تغییرات و انحراف معیار برای مشخص کردن مقدار مقاومت قراری هدف  $f_{cm}$  لازم است.<sup>[۳]</sup>

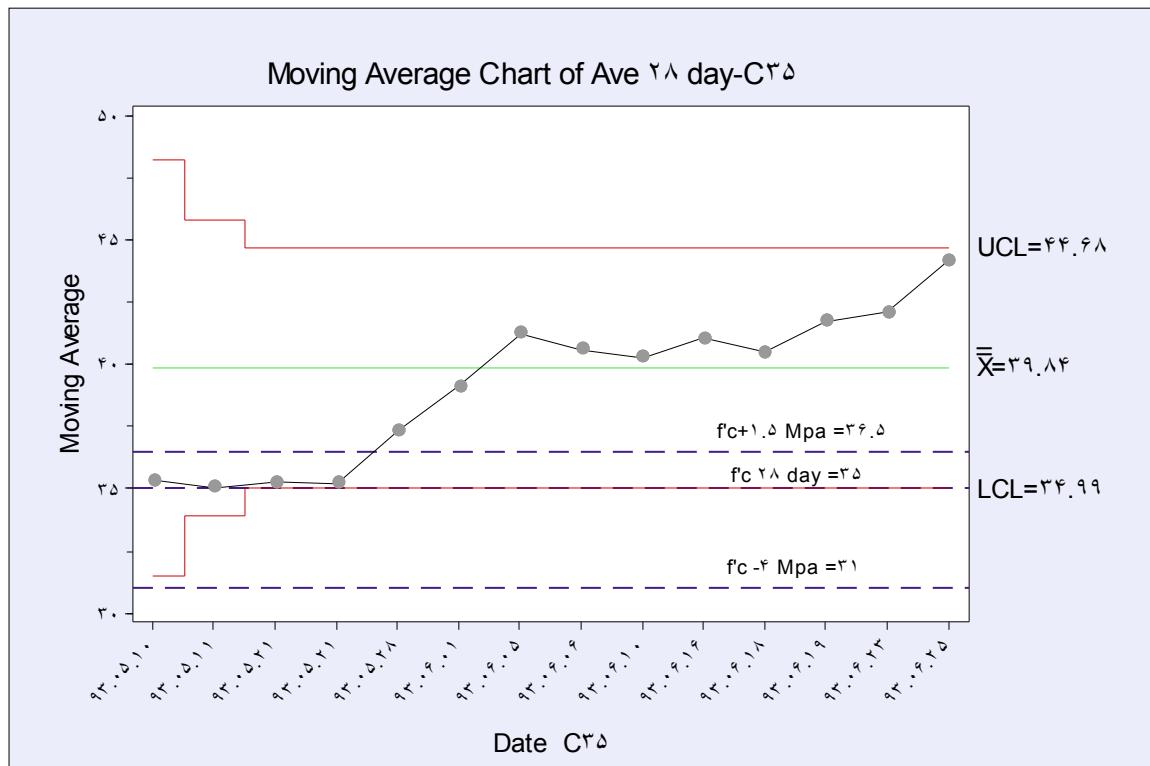
#### ۴. نمودار میانگین متغیرک

روند تغییرات میانگین متغیرک مقاومت فشاری بتن به علت عوامل برون آزمایشی مانند کیفیت سیمان و سایر مصالح، نحوه اختلاط و میزان دقت در توزیع مصالح بتن است. چنانچه این میانگین بالاتر از مقاومت مشخصه قرار داشته باشد شرایط مطلوبی را نمایان می‌سازد. در نمودار (۳) و (۴) به ترتیب برای میانگین متغیرک هر سه و پنج آزمایش متوالی (در اینجا هر آزمایش شامل ۳ آزمونه) ترسیم شده است. این منحنی به همراه خطوط مبدأ آمده است.

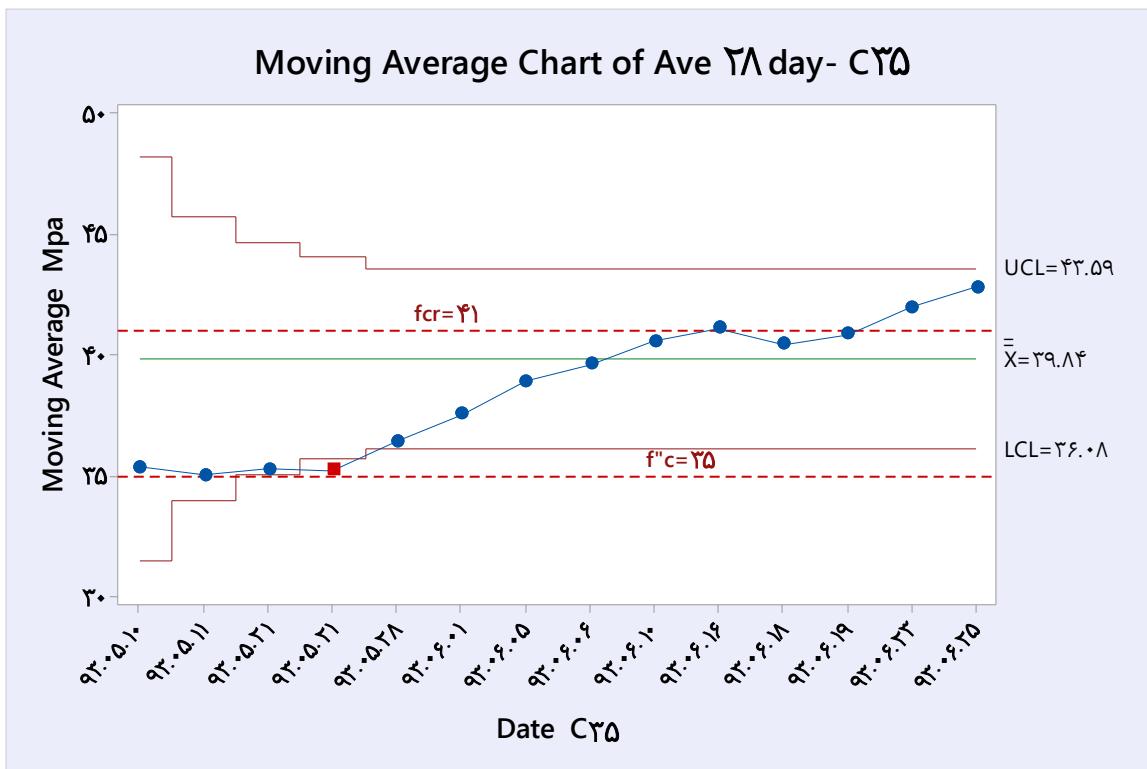
$f_{c+1.5} =$  مقاومت فشاری بعلاوه ۱,۵ Mpa - تعداد آزمایش‌های کمتر از مبدأ ۴ از تعداد ۱۴ میانگین شامل ۳ آزمایش است.

$f_{c^-}$  = مقاومت مشخصه - تعداد آزمایش‌های کمتر از مبدأ ۰ از تعداد ۱۴ میانگین شامل ۳ آزمایش است.

$f_{c-4} =$  مقاومت مشخصه منتهای ۴ تعداد آزمایش‌های کمتر از مبدأ ۰ از تعداد ۱۴ میانگین شامل ۳ آزمایش است.



نمودار ۳ منحنی میانگین متغیرک هر سه مقاومت فشاری متوالی



نمودار ۴ میانگین متحرک هر پنج مقاومت فشاری متوالی

## ۵. تحلیل دامنه

دامنه تغییرات برابر است با حداقل اختلاف بین نتایج آزمونهای استوانه‌ای در یک آزمایش مقاومت فشاری که خود شامل دو یا سه آزمون است.

از آنجاکه مسئولیت دامنه تغییرات مقاومت بین آزمونهای نمونه بتن بر عهده آزمایشگاه است، از این نمودار برای نظارت بر تکرار آزمایش‌ها توسط آزمایشگاه که مسئول دقت در آزمایش بوده استفاده می‌شود. آزمایشگاه ممکن است یک نمودار کنترل برای دامنه‌ها را به عنوان بررسی یکنواختی در عملکرد خود حفظ کند. تغییرات آزمایش‌ها، از جمله عمل آوری، کپینگ و موارد مرتبط با انجام آزمایش با ترسیم میانگین متحرک دامنه ۱۰ آزمایش متوالی قبلی تعیین می‌شود. نقش این نمودار کنترل سطح مطلوب انجام آزمایش تعیین مقاومت فشاری متوسط است. [۳]

## ۱.۵. محاسبه تغییر قابل قبول آزمایش مقاومت فشاری

محاسبه دامنه متوسط قابل قبول بین آزمونهای استوانه‌ای یک آزمایش بستگی به تعداد نمونه‌های گروه و تغییرات درون‌گروهی دارد، مقدار دامنه متوسط انتظار  $R_m\text{-bar}$  از روابط (۶) الی (۹) تعیین می‌شود:

$$\overline{R_m} = f_{cr}^* V_1 d_2 \quad (6)$$

$$V_1 = \frac{5}{8} \times 100 \quad (7)$$

$$d_2 = \frac{1}{d_1} R \quad (8)$$

$$X = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n} \quad (9)$$

که در آن:

V ضریب پراکندگی درون‌گروهی انحراف معیاری که بر حسب درصدی از مقاومت متوسط بیان می‌شود.

$\bar{X}$  متوسط مقاومت فشاری آزمونهای در هر آزمایش  $X_i$  مقاومت فشاری هر آزمایش

n تعداد آزمایش‌ها

S<sub>1</sub> انحراف معیار درون‌گروهی

R<sub>m-bar</sub> حداکثر دامنه متوسط است

R دامنه مقاومت‌ها اختلاف عددی بین بالاترین و پایین‌ترین مقاومت آزمایش‌های مورد بررسی

R-bar میانگین دامنه آزمایش در یک سن

که در مبحث ۹ با عبارت f<sub>cm</sub> نامیده شده است برابر است با مقاومت فشاری هدف یعنی متوسط مقاومت فشاری موردنیاز

f<sub>c</sub> برای اطمینان از تأمین حداقل مقاومت فشاری مشخصه

d<sub>2</sub> مطابق جدول (۳)

جدول ۳ عوامل مؤثر در محاسبه انحراف معیار درون‌گروهی دامنه آزمایش‌ها دو، سه یا چهار نمونه‌ای

No. of specimens	$d_2$
2	1.128
3	1.693
4	2.059

ضریب تغییرات درون‌گروهی یا درون آزمایشی V برای کنترل خوب نمونه‌ها نباید بیشتر از ۵٪ باشد.

بنابراین، برای آزمایش‌های با دو آزمونه استوانه‌ای برابر است با:

$$\overline{R_m} = (0.05 \times 1.128) f_{cr}^* = 0.05640 f_{cr}^* \quad (10)$$

برای آزمایش‌های با سه آزمونه استوانه‌ای برابر است با:

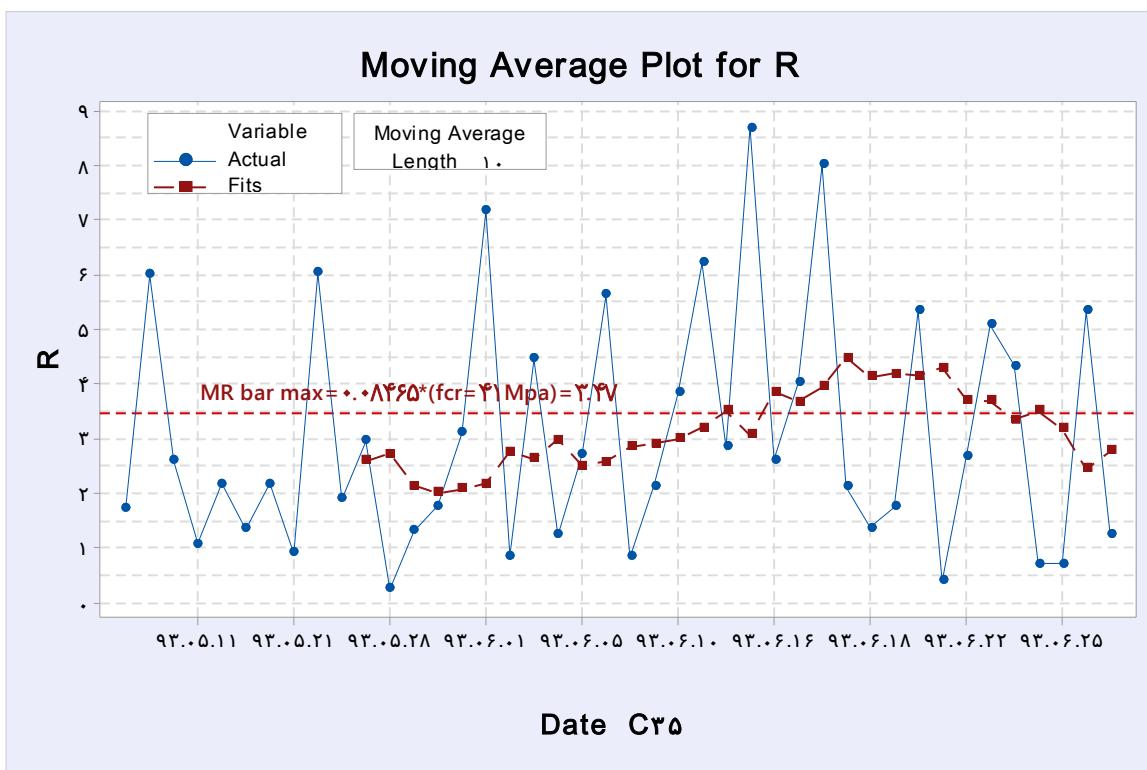
$$\overline{R_m} = (0.05 \times 1.693) f_{cr}^* = 0.08465 f_{cr}^* \quad (11)$$

از آنجاکه عدم قطعیت‌های آماری غیرقابل قبول زیادی با استفاده از جامعه آماری اندک ایجاد شده است، برای بررسی دامنه تغییرات حداقل تعداد

۱۰ آزمایش باید مورد بررسی قرار می‌گیرد.

## ۶. نمودار میانگین متحرک دامنه

روند کاهشی دامنه تغییرات در نمودار (۵) می‌تواند نشان‌دهنده بهبود نتایج درون آزمایشی باشد. عوامل درون آزمایشی مانند نحوه نمونه‌گیری-عمل آوری آزمونه‌ها شکست آزمونه‌ها و... بوده و بدیهی است که افزایش دامنه تغییرات بین نتایج نامطلوب است. بالا قرار گرفتن منحنی میانگین تغییرات دامنه نسبت به مقدار حداقل آن حاکی از مطلوب نبودن نتایج درون‌گروهی یا درون آزمایشی است. پادآوری می‌گردد که مقدار هدف  $f_{cr}$  مطابق مشخصات فنی حداقل ۶ مگاپاسکال بیش از مقاومت مشخصه فرض شده ولی عملاً طرح‌های اختلاط دارای حاشیه اطمینان بیش از ۶ مگاپاسکال بوده لذا  $Rm\text{-bar}$  واقعی بیشتر است.



نمودار ۵ نمودار میانگین متحرک دامنه

## ۷. نتیجه‌گیری

برای مؤثر بودن، نمودارهای کنترل کیفیت در هر پروژه‌ای باید به صورت مستمر تهیه گرددند. حداقل مسئولیت، آزمایشگاه تهیه نمودار کنترل دامنه متوسط نتایج جهت ارزیابی عملکرد خویش است. نمودارهای کنترل دیگر ممکن است جهت گزارش ارائه شود. از آنجاکه یک مخلوط واحد می‌تواند در پروژه‌های مختلف مورد استفاده قرار گیرد، تولید کنندگان بتن می‌توانند محدوده متوسط متحرک را بر اساس هر بچه یا تراک میکسر بتن ردیابی کرده و داده‌هایی را برای استفاده آتی به دست آورند.

## ۸. قدردانی

در اینجا لازم می‌دانم از مجموعه دستگاه نظارت مقیم شرکت مهندسی مشاور مهاب قدس در سد داریان که افتخار همکاری با آن‌ها را داشته‌ام صمیمانه تشکر کنم.

## ۹. مراجع:

- [۱] راهنمای برنامه کنترل کیفی Minitab ۱۸ <https://www.minitab.com/en-us/products/minitab/free-trial>
- [۲] وزارت راه و شهرسازی معاونت مسکن و ساختمان. (۱۳۹۲) "مقررات ملی ساختمان ایران مبحث نهم طرح و اجرای ساختمان‌های بتن آرمه ویرایش چهارم
- [۳] Reported by ACI Committee ۲۱۴. ACI ۲۱۴R-۱۱. (۲۰۱۱) "Guide to Evaluation of Strength Test Results of Concrete"

Abdolhossein Azamanesh

### Abstract

Concrete quality control is of great importance in terms of durability or compressive strength and other properties required to ensure its key role in structural durability. Quality control at all stages of the preparation and execution of concrete materials is generally required by standard tests or field surveys. In addition, laboratory data and qualitative and descriptive reviews provide the basis for analyzing the results of the process based on statistical methods in all of the above mentioned stages that have a managerial role to improve quality, attract customers for the product and reduce costs. Here, given the scope of statistical quality control methods, the discussion focuses on the experimental results of compressive strength of concrete samples at the age of ۲۸ days, including the most commonly used statistical methods including: ۱- Concrete quality control charts ۲- Normal distribution ۳- CUSUM method; In this paper, quality control diagrams are discussed.

Keywords: Statistical Quality Control, Concrete, ۲۸-day strength