

۱	- استاتیک خرپا
۲	- پایداری
۲۲	- درجه نامعینی
۳۵	- درجه نامعین سازه های سه بعدی
۳۷	- استاتیک تیرها
۴۸	- خط تاثیر
۷۰	- تغییرشکل سازه های معین
۸۴	- نشست تکیه گاهی
۸۶	- روش نیروها
۸۷	- فنر های معین و نامعین
۹۰	- تقارن
۹۶	- لنگر سطح
۱۰۳	- کار مجازی
۱۰۴	- خرپا
۱۰۸	- خطای ساخت
۱۱۳	- تیر
۱۲۵	- حرارت
۱۳۱	- نشست تکیه گاهی
۱۳۶	- کار داخلی در فنر های معین
۱۳۷	- تغییر شکل سازه های دایروی
۱۴۵	- تیر مزدوج
۱۵۱	- محاسبه تغییرشکل سازه ها با استفاده از روش تیر مزدوج
۱۵۷	- بتی - ماکسول
۱۶۵	- شیب افت
۱۷۰	- روش اصلاح شده
۱۷۲	- تقارن در شیب افت
۱۷۷	- میله صلب در شیب افت
۱۷۹	- فنر پیچشی در شیب افت
۱۸۶	- پخش لنگر
۱۹۳	- مدل سازی با فنر
۲۰۲	- انرژی
۲۱۲	- قضیه کاستلیانو



مقدمه

داوطلب گرامی ضمن آرزوی پیروزی برای شما قبل از استفاده از جزو و مطالب زیر را مطالعه بفرمایید:

- ✓ این جزو و جهت تدریس سرکلاسی و افزایش سرعت تدریس تهیه شده و بنابراین کامل نیست. برخی از مطالب توضیح داده نشده و پاسخ برخی تستها ناقص است. داوطلبان کنکور بهتر است از منابع مختلفی که موجود است نیز استفاده کنند کتاب مرجع مناسب: کتاب تحلیل سازه طاحونی.

کتاب تست مناسب: ۱- تحلیل سازه سری عمران، مهندس صباغیان (دو جلد) ۲- تحلیل سازه دکتر فنایی انتشارات سیمای دانش.

- ✓ این جزو در فرصت های مناسب ویرایش و کامل تر خواهد شد (تاریخ ویرایش جزو در قسمت فوقانی صفحات درج شده است).

✓ استفاده از جزو با ذکر منبع آن (www.hoseinzadeh.net) بلامانع است.

- ✓ مسلماً جزو خالی از اشتباه نیست. در صورتی که به اشتباهی برخوردید، ممنون می شوم که از طریق اطلاع دهید تا در ویراش بعدی اصلاح شود. hoseinzadeh.m@gmail.com

حسین زاده اصل

hoseinzadeh.m@gmail.com
www.hoseinzadeh.net

۱۳۹۳/۳/۱۷

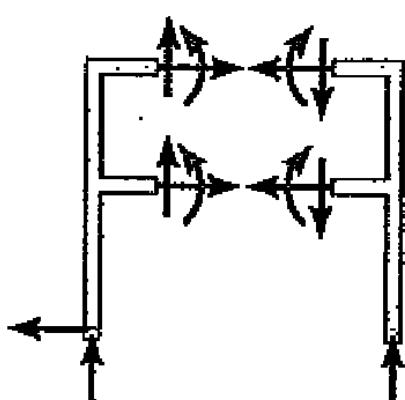


۱- استاتیک خرپا

انواع تکیه گاهها:

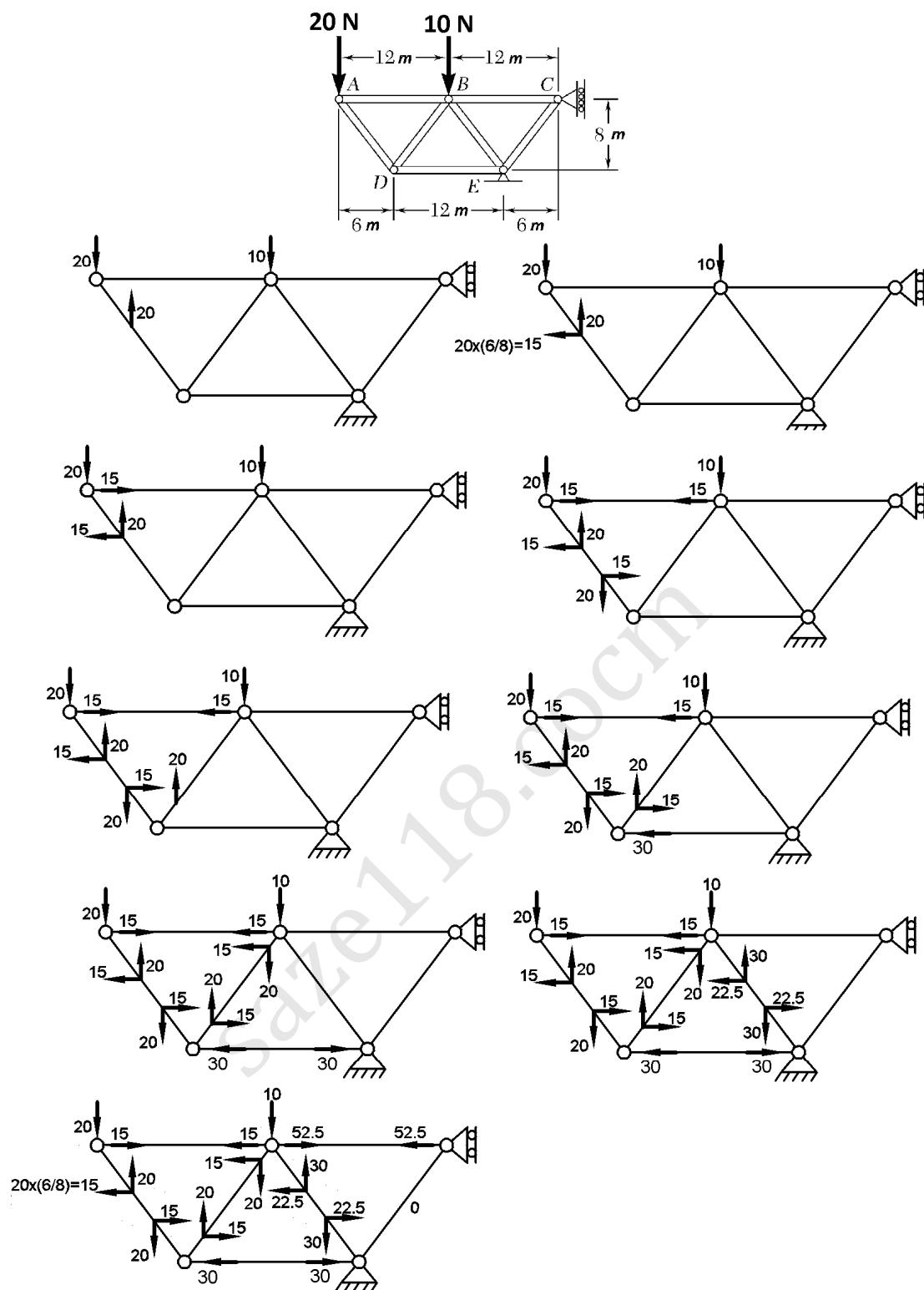
منظور از نیروی داخلی؟

منظور از نیروی خارجی؟

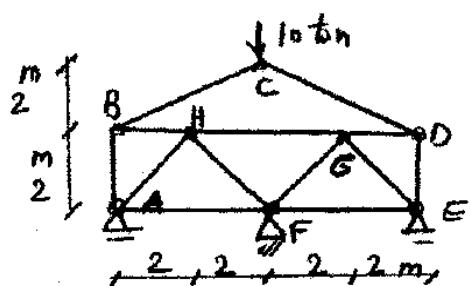


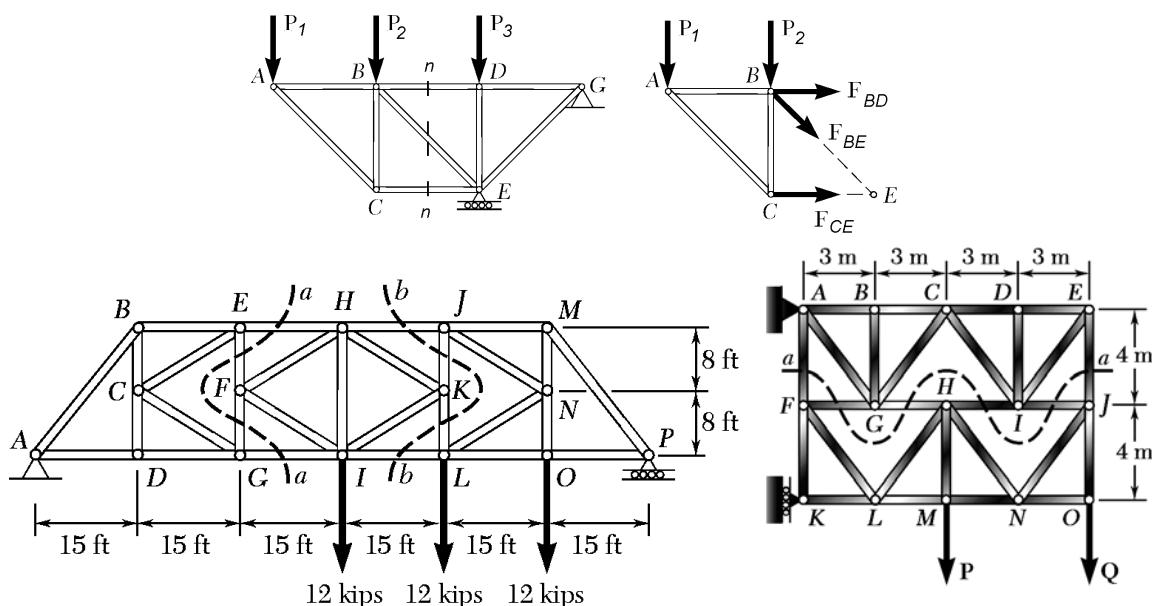
تعریف عضو خرپایی؟





نیروی DE?



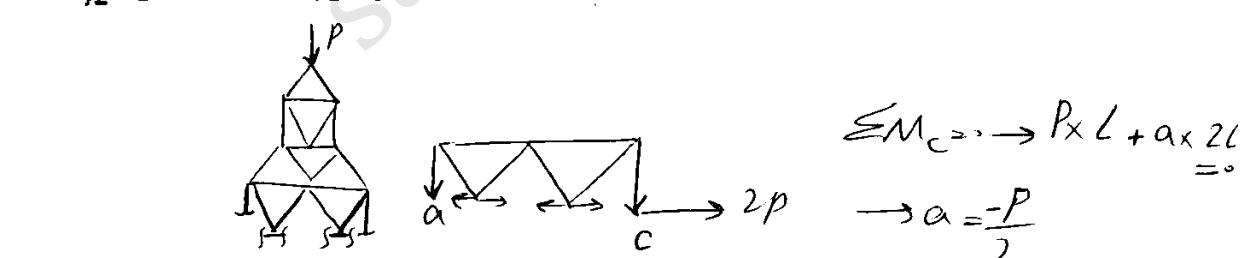


سراسری ۸۸

- در سازه مفصلی (خرپای) متقارن شکل مقابل، دو نیروی P و $2P$ به آن اعمال شده است، نیروی داخلی عضو b چند برابر عضو a است؟ (ارتفاع h)
- برج $\frac{h}{4}$ و قاعده آن $\frac{h}{2}$ می باشد و سازه بدون اعمال نیرو متقارن است.



- (۱) $-\frac{2}{3}$
- (۲) $-\frac{5}{3}$
- (۳) $-\frac{4}{3}$
- (۴) $-\frac{7}{3}$



$\sum M_d \Rightarrow -b \times 3L - P \times 1.5L + 2P \times 2L = 0$

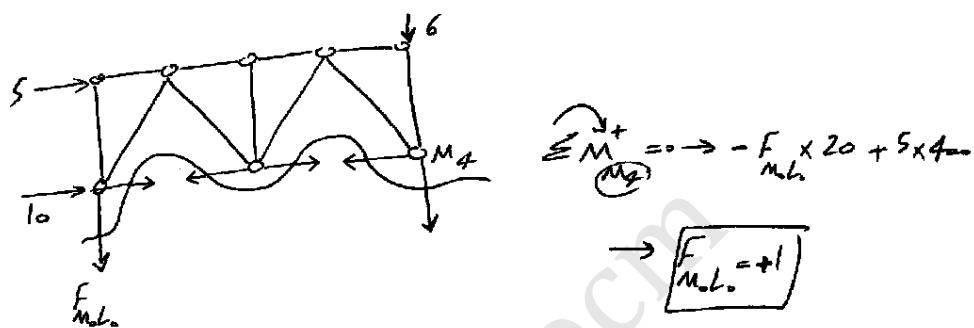
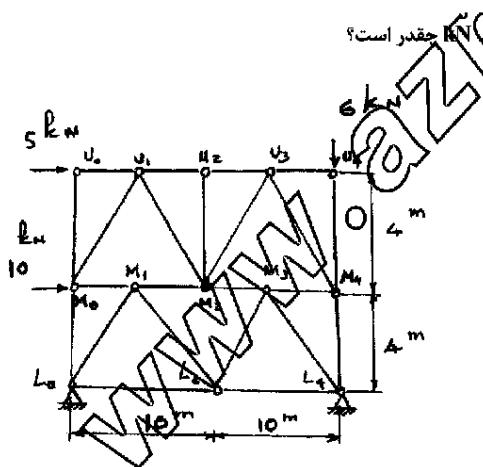
$\rightarrow b = \frac{5P}{6}$

$\rightarrow \frac{b}{a} = \frac{-5}{3}$



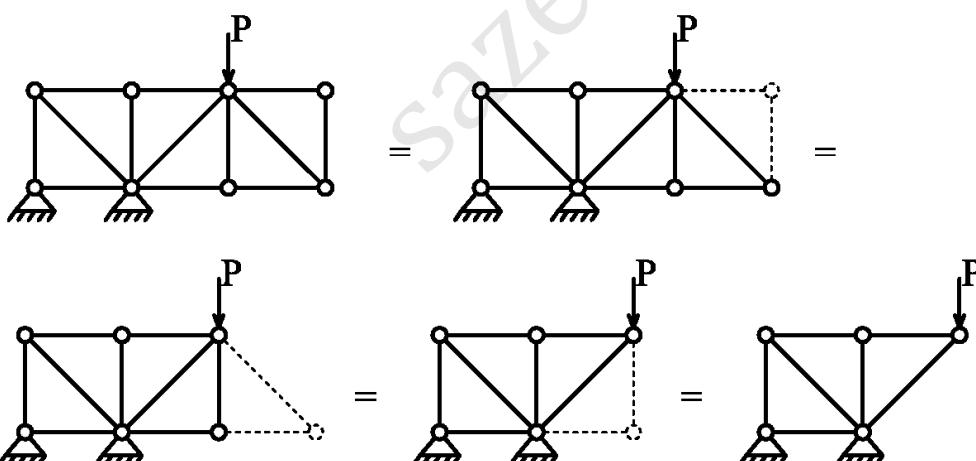
-۶۵ نیروی داخلی در عضو M_0L_0 خربای شکل مقابل، برابر با $\frac{1}{2}P$ مقدار است؟

- (۱) ۱۰ فشاری
- (۲) کششی
- (۳) ۵ فشاری
- (۴) صفر

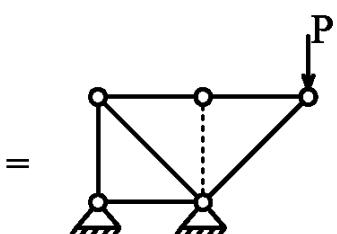


اعضای صفرنیرویی در خرپاها:

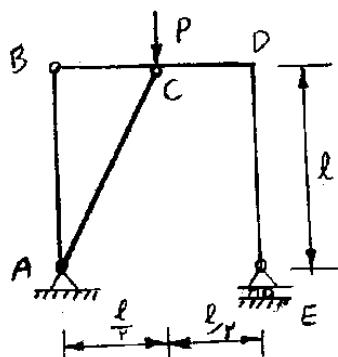
اتصال دو میله دوسر مفصل بدون بار (به شرطی که دو میله هم راستا نباشند):



میله سوم متصل به دو میله هم راستا:



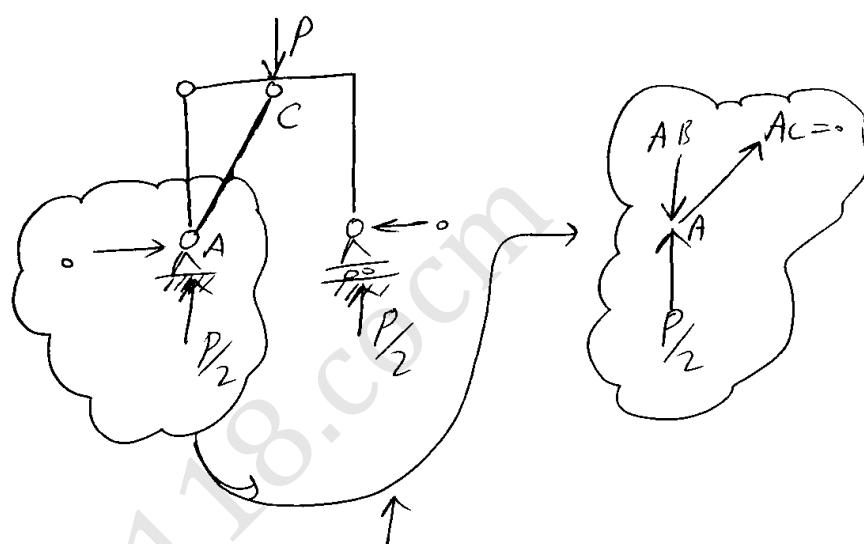
۸۷- در قاب شکل مقابل نیروی محوری عضو AC چقدر است؟



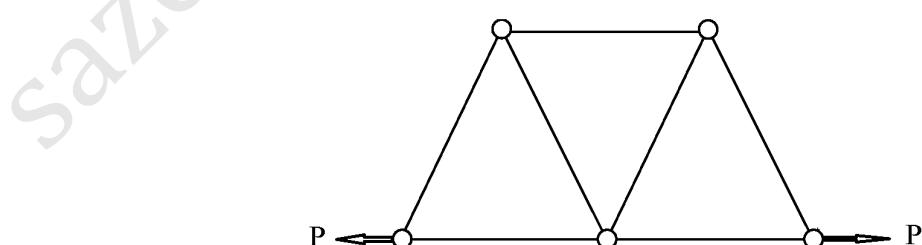
(۱) صفر

(۲) $\frac{P\sqrt{5}}{2}$ (۳) $\frac{P\sqrt{2}}{2}$ (۴) $\frac{P\sqrt{3}}{2}$

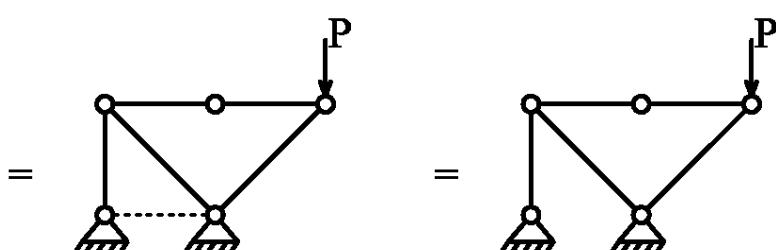
نکته: گره A یک گره خرپایی است.



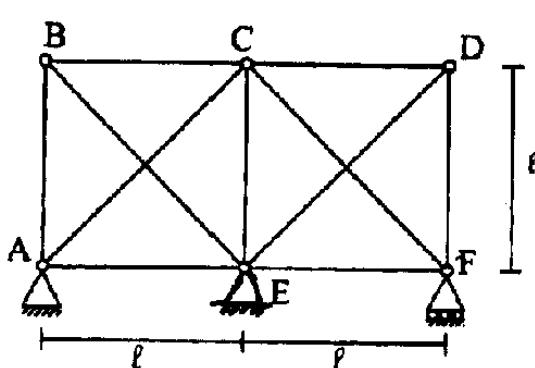
مثال: نیروی اعضای خرپا را مشخص کنید



میله ای که تغییر طول ندارد نیرویش صفر است:

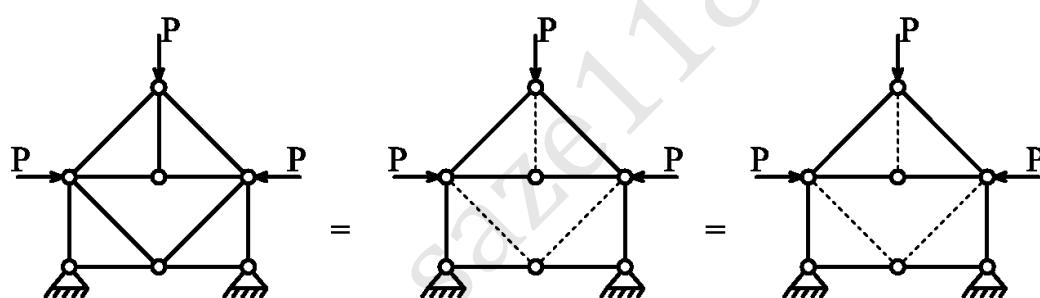


-۶۱- خرپای شکل زیر، تحت اثر نوعی بارگذاری خارجی قرار گرفته است (بارگذاری در شکل نشان داده نشده است). صلبیت محوری همه اعضا برابر EA است. اگر بر اثر آن بارگذاری، تغییر مکان افقی نقطه D برابر صفر باشد، نسبت نیروی محوری عضو DF به نیروی محوری عضو DE کدام است؟



- ۲ (۱)
۱ (۲)
 $\frac{2}{3}$ (۳)
 $\frac{1}{2}$ (۴)

اعضای صفر نیرویی در سازه های متقارن:



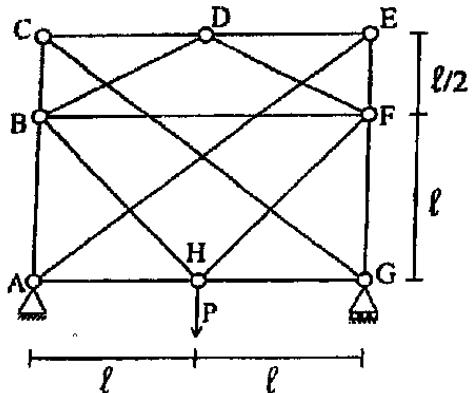
- ۷۴ - در خریای شکل مقابل اگر EA تمام اعضا یکسان باشد نیروی عضو BF چقدر است؟

۱) صفر

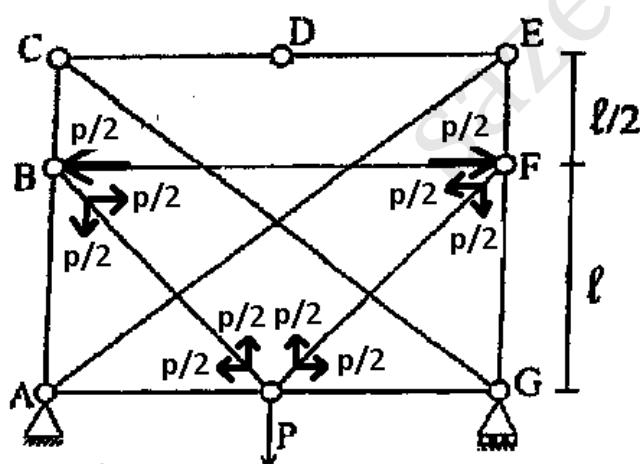
$$\frac{P}{2}$$

$$\frac{P}{3}$$

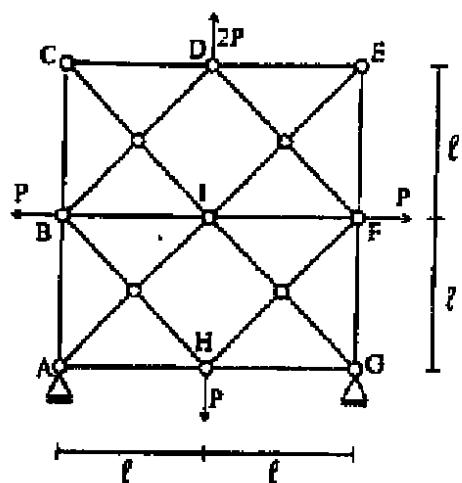
$$\frac{P}{4}$$



(63) نکته در اینجا اگر هم باشد هر دو یک خورسازه متقابلند (مانند همینست)
اگر در علی تفاوت را داشته باشیم و باز بگرداند نیرو را
نیز هم رده کسر مابین متفاوت صفات است
و اگر نیولی دارد نیوی
میتوانیم بیل به صورت نصف ایده ای
تحمل کنند.



-۱۲ در خرپای شکل رو به رو، اگر صلبیت محوری تمام اعضا EA باشد، نیروی میله BI کدام است؟



(۱) صفر

P (۲)

 $\frac{P}{2}$ (۳)

2P (۴)

استفاده از اعضای میله ای به جای سازه های دو سر مفصل غیر مستقیم:

سراسری ۸۷

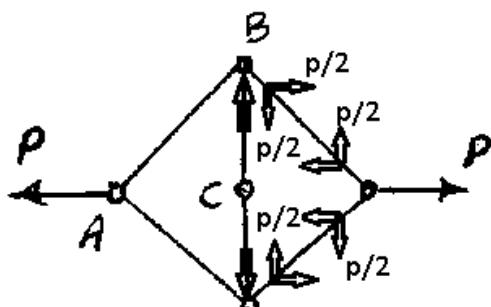
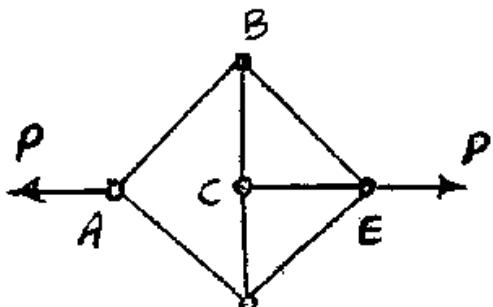
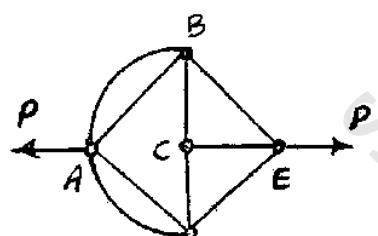
-۸۰ سازه شکل مقابل تحت تأثیر نیروی P قرار گرفته است. نیروی محوری عضو BC چقدر است؟ چهار ضلعی ABED مربع است.

P (۱)

2P (۲)

 $P\sqrt{2}$ (۳)

صفر (۴)



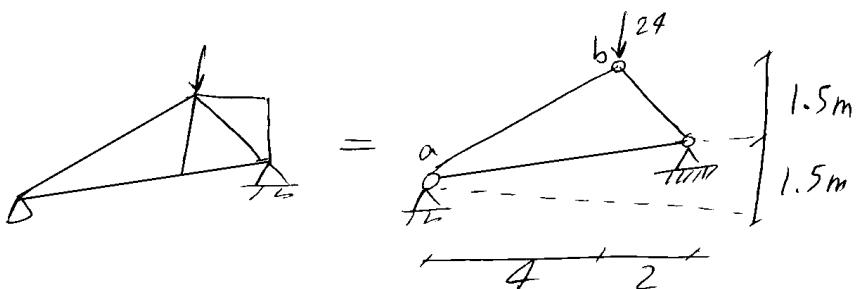
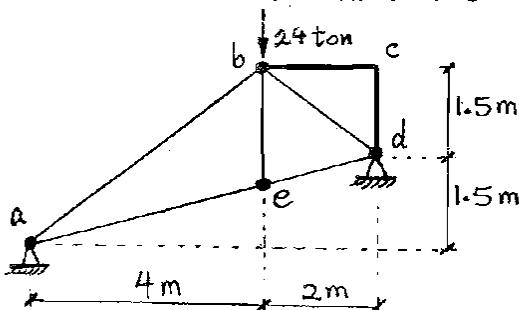
با توجه به گره B و تقارن، نیروی BC برابر P می باشد.



۶۷- در سازه‌ی شکل مقابل قطعه پیوسته *bed* صلب می‌باشد و مفصل‌های خمی خیز با گره توبیر مشخص شده‌اند. نیرو در میله *Ab* بر حسب ton

چقدر است؟

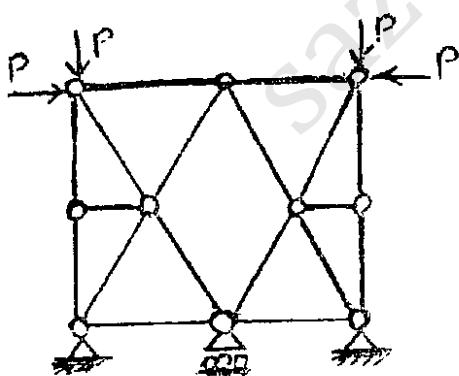
- ° (1)
10 (Y)
14,0 (T)
1° (P)



$$\begin{array}{ccc}
 & \downarrow 24 & \\
 (\frac{4}{5}ab) & \xrightarrow{\quad} & (\frac{4}{5}bd) \\
 \uparrow & & \uparrow \\
 (\frac{3}{5}ab) & & (\frac{3}{5}bd) \\
 & b \times \cancel{N} & \\
 & \searrow & \\
 & \searrow & \\
 & ab = bd &
 \end{array}
 \quad \left. \begin{array}{l} \leq F_y \Rightarrow \frac{24 \times 5}{3} = ab + bd \\ \leq F_u \Rightarrow ab = bd \end{array} \right\}$$

۹۰ آزاد

۶۱- در خرپای مقابله تحت بارگذاری نشان داده شده تعداد اعضاء صفر نیروی کدام است؟

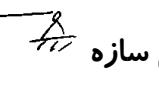


- $$\varphi(\tau) = \psi(\tau)$$

۲-پایداری

اگر سازه‌ای تحت اثر بارگذاری دلخواه نتواند پایداری خود را حفظ کند، به آن سازه ناپایدار گویند.

برای مثال سازه  ناپایدار است و تیر در اثر بار  شروع به دوران می‌کند.

ولی سازه  پایدار است و تحت هر نوع بارگذاری موقعیت خود را حفظ می‌کند.

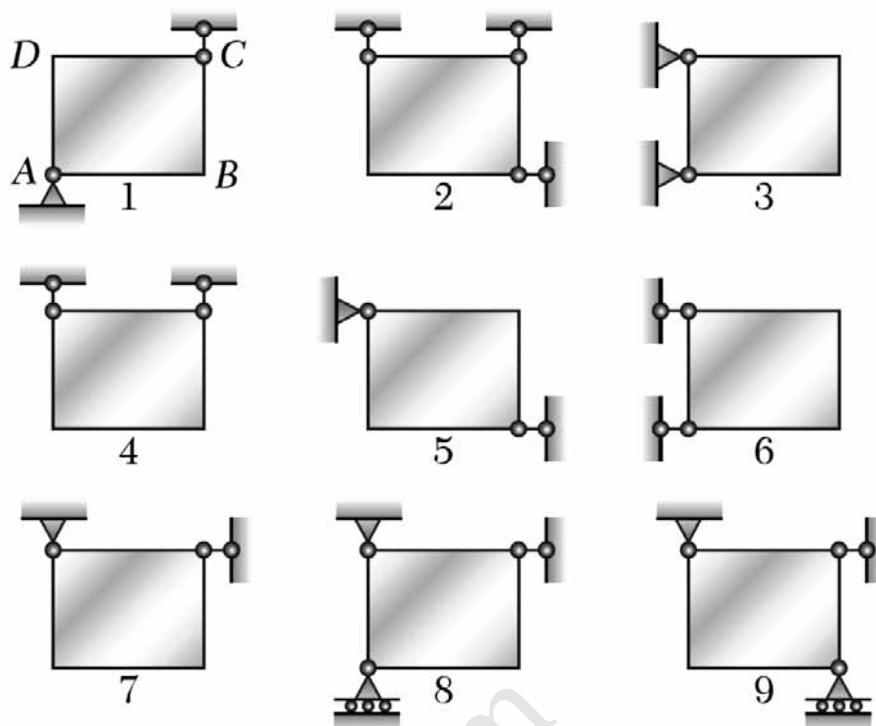
أنواع ناپایداری:

۱- خارجی

۲- داخلی

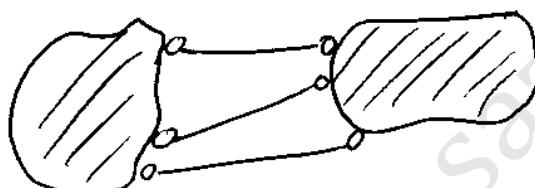


در کدام شکل تکیه گاهها هم رسد؟

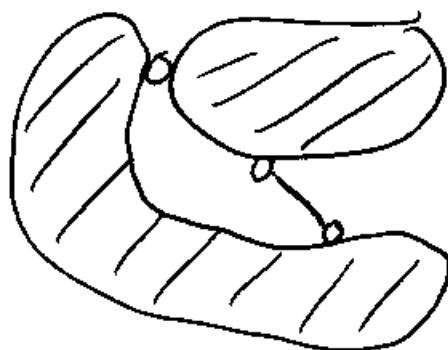


اتصال دو جسم به هم:

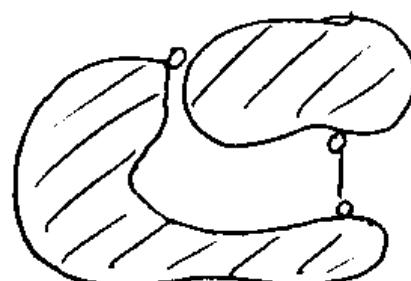
۱- توسط سه میله غیر همرس و غیر موازی:



۲- توسط یک میله و یک مفصل:



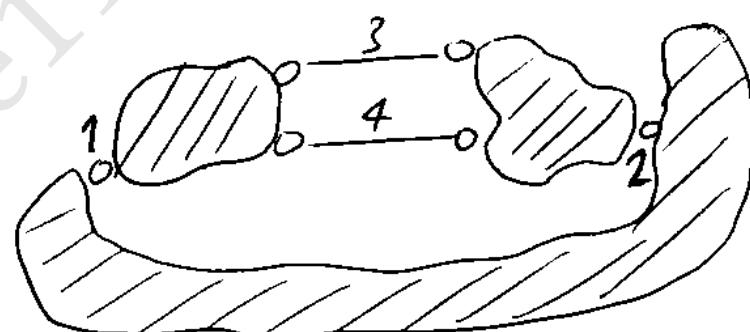
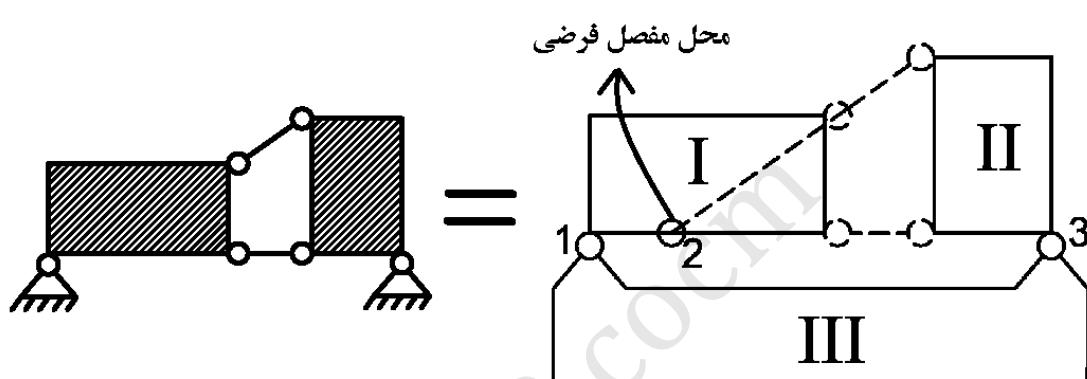
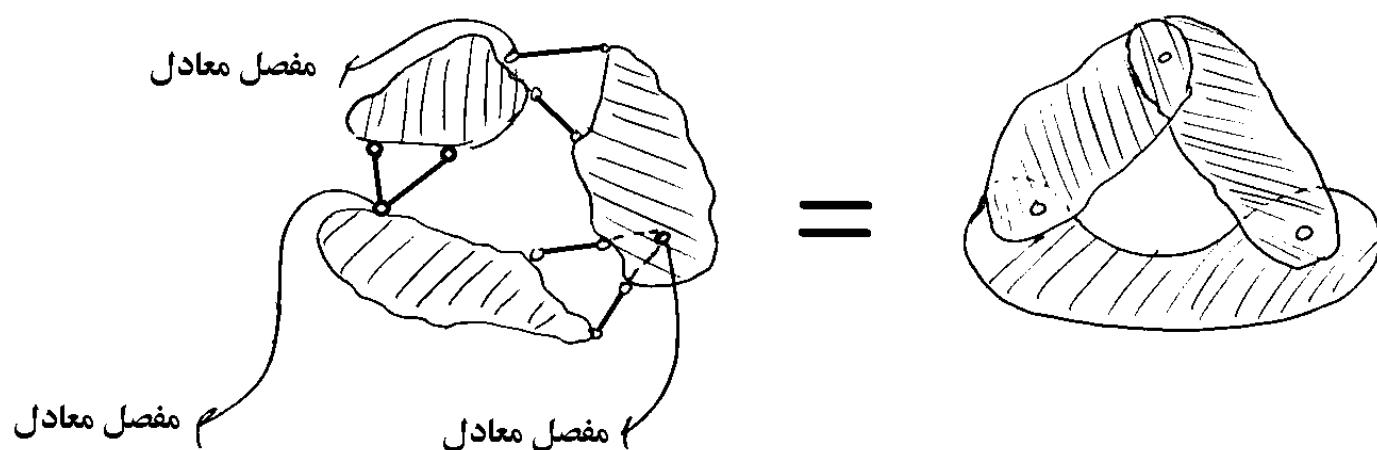
ناییدار



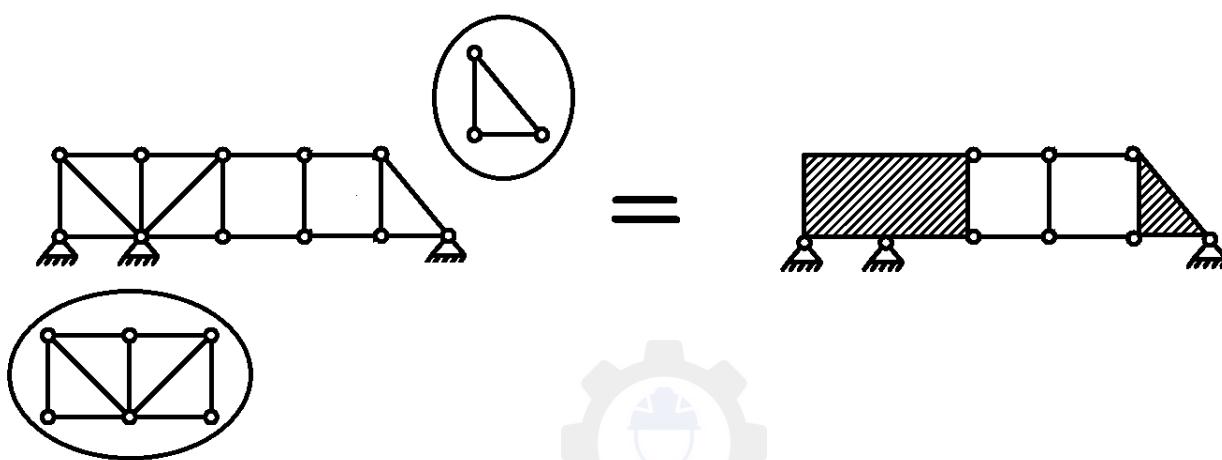
پاییدار



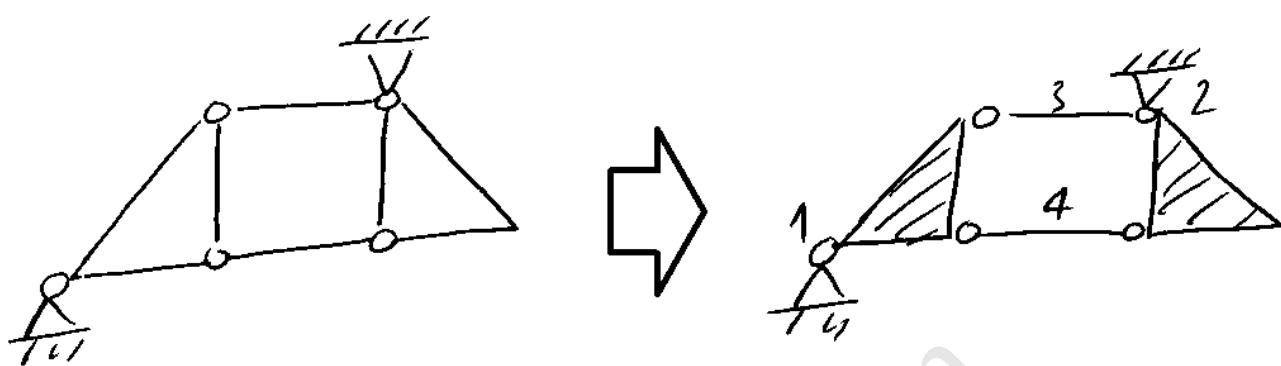
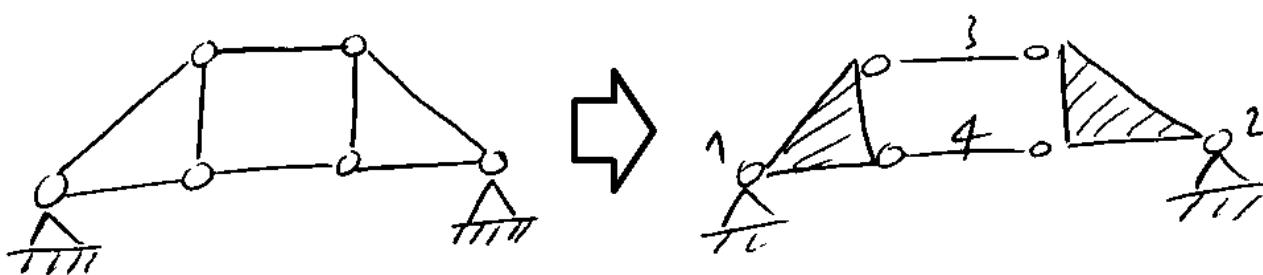
اتصال سه جسم به هم



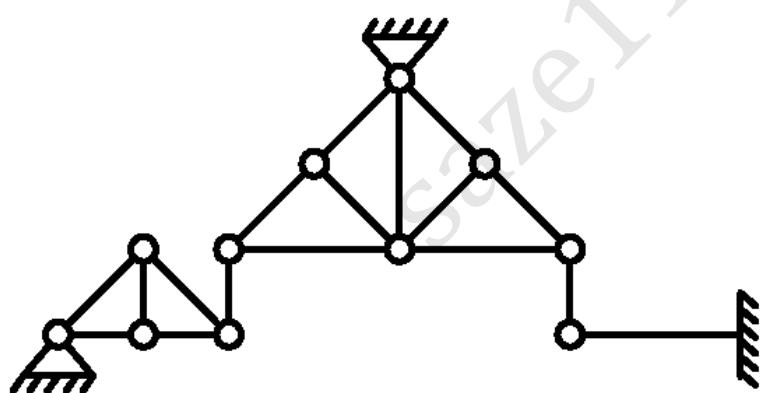
نکته: قسمت هایی از خرپاها که از مثلث ساده تشکیل شده اند، به تنها یی پایدار هستند:



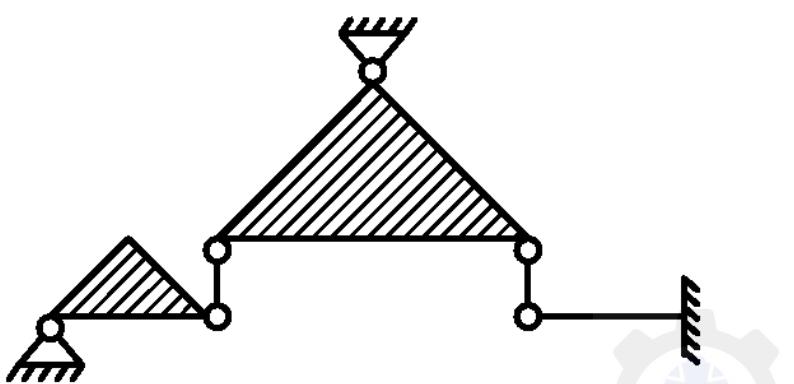
مثال: پایداری سازه زیر را بررسی کنید:



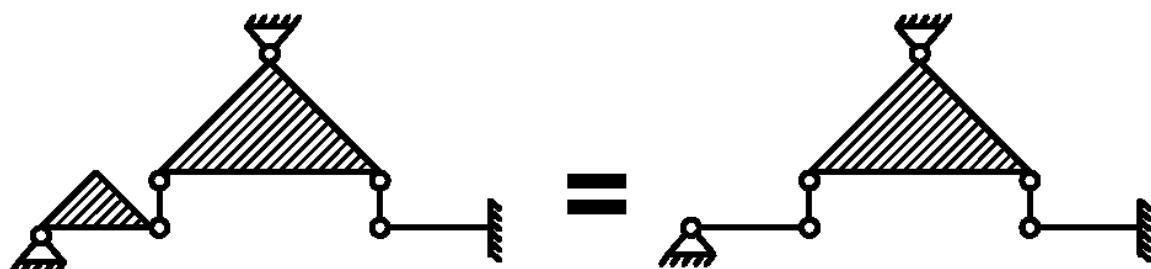
روش گام به گام تعیین پایداری:



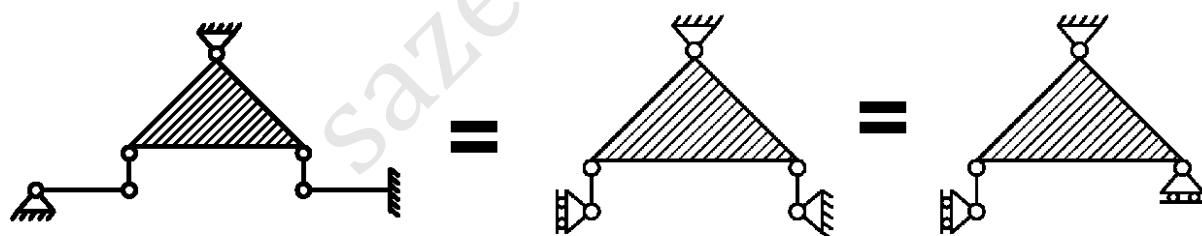
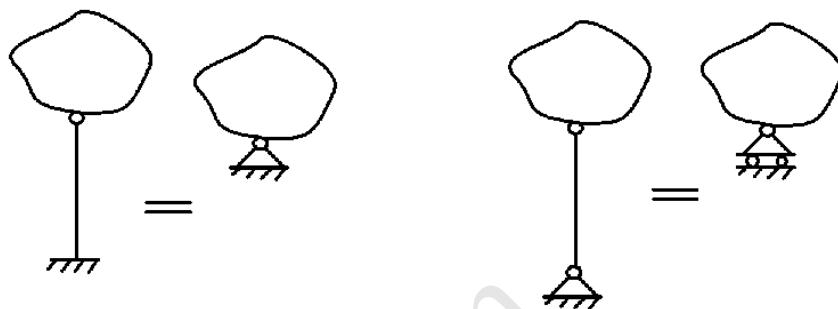
۱- قسمت هایی از سازه را که به تنها یی پایدار است هاشور می زنیم:



۲- هاشورهایی که تنها دو نقطه اتصال دارند را با یک میله مستقیم معادل سازی می کنیم:



۳- تبدیل تکیه گاهها:

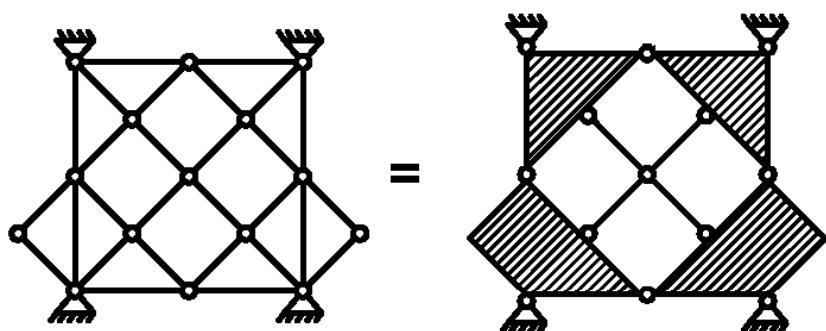


۴- قسمت هایی که به تنها ی پایدار هستند جزئی از زمین فرض کرده و حذف می کنیم. در سازه فوق قسمت



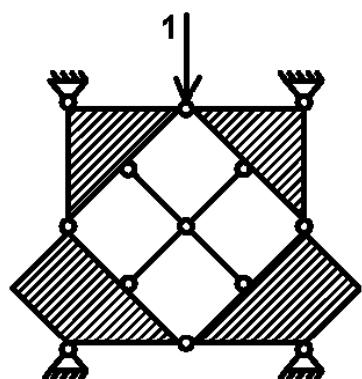
۵- در برخی از سازه ها با روش های فوق به نتیجه نمی رسیم. در این صورت باید از روش بار واحد استفاده کنیم:

مثال: سازه زیر را در نظر بگیرید. اگر گامهای فوق را انجام دهیم به نتیجه مطمئنی نمی رسیم:

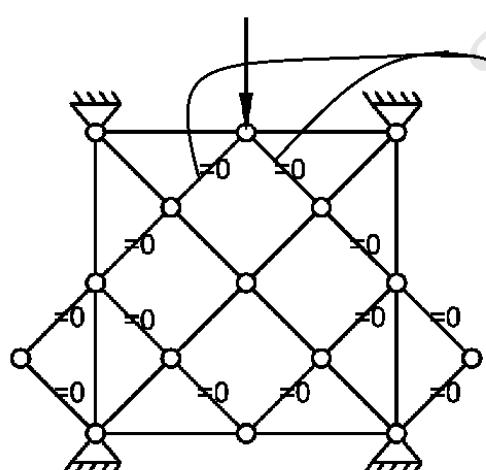


در جهتی که احتمال ناپایداری داریم، یک بار واحد اعمال می کنیم:

(سوال: محل اعمال بار واحد را چگونه تشخیص دهیم؟)



سازه را تحت بار واحد تحلیل می کنیم. اگر سازه ناپایدار باشد، به تناقض می رسیم:

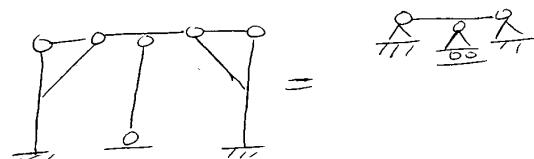
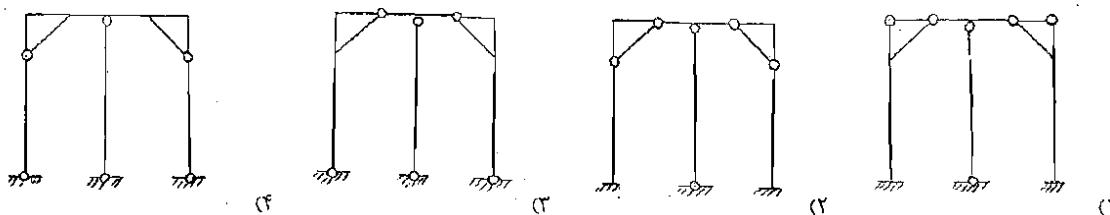


اگر این رسم نتیجه را منطق کنیم، این
روکش رو خواهد شد و طالبد نباید صفر باشد
با این سازه نی توان بار واحد را تأمیل کند و نهایتی را ب

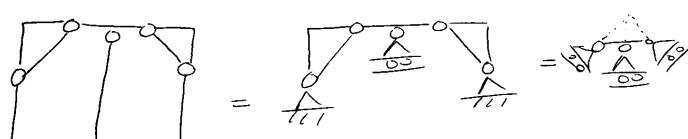


سراسری ۸۶

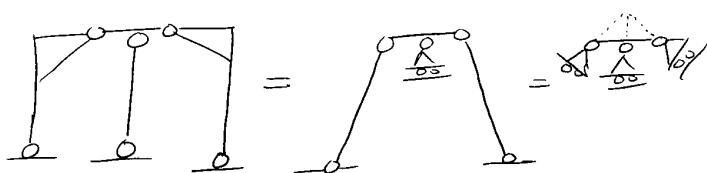
۴۵- کدام یک از سازه‌های زیر پایدار است؟ (کلیه سازه‌ها متقارن هستند).



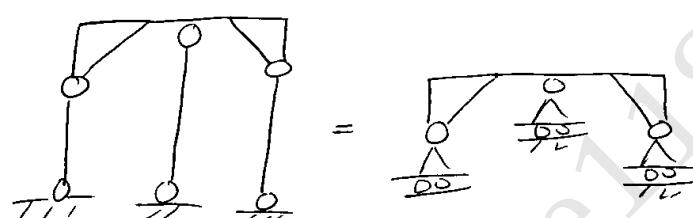
گزینه ۱ پایدار است:



گزینه ۲ به دلیل هم رس بودن مولفه ها ناپایدار است



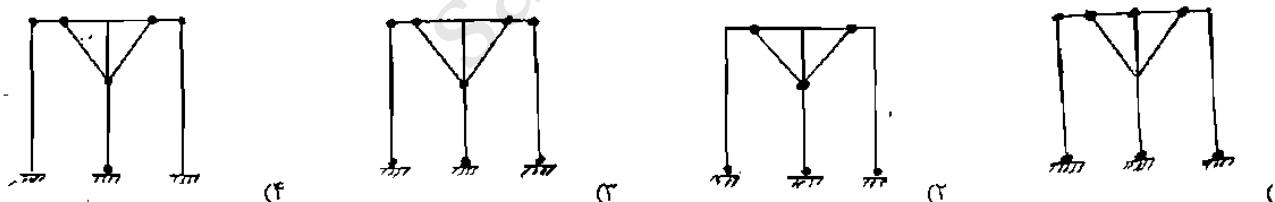
گزینه ۳ به دلیل هم رس بودن مولفه ها ناپایدار است



گزینه ۴ بدلیل موازی بودن مولفه ها ناپایدار است

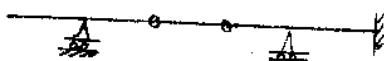
تمرین: سراسری ۸۲

۴۹- کدام یک از قابهای متقارن روبرو پایدار است؟



آزاد ۸۹

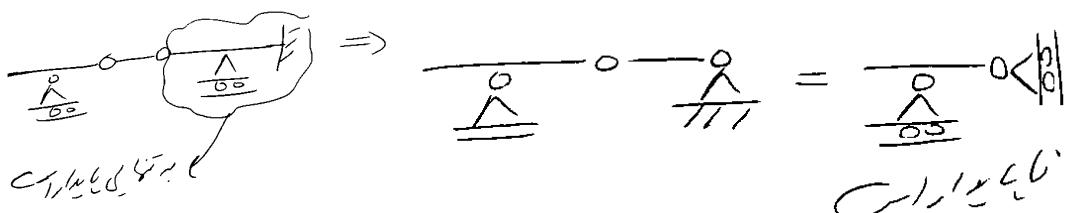
۶۱- کدام یک از گزینه‌های زیر صحیح است؟



- ۱) تیر ناپایدار هندسی است.
۲) تیر ناپایدار و معین است.
۳) تیر پایدار و معین است.
۴) تیر پایدار و نامعین است.

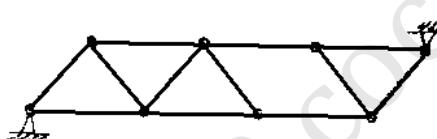
پاسخ: گزینه ۱

درجه نامعینی سازه برابر $n=0$ است بنابراین تعداد تکیه گاههای آن کافی می‌باشد و ناپایداری سازه از نوع استاتیکی نیست بلکه به علت چیدمان نامناسب اعضامی باشد (ناپایداری هندسی)

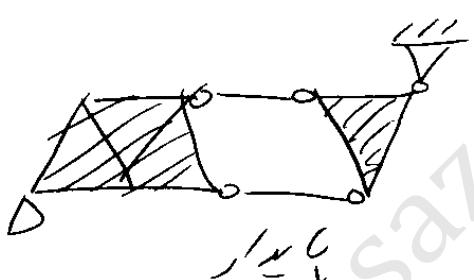


آزاد ۸۹

۶۲- کدام یک از گزینه‌های زیر صحیح است؟



- ۱) خربقا پایدار و معین است.
۲) خربقا پایدار و نامعین است.
۳) خربقا ناپایدار است.
۴) هیچکدام



تمرین سراسری ۸۳

۶۳- خربقا مقابل:

(۱) ناپایدار است.

(۲) پایدار و معین است.

(۳) پایدار و ۲ درجه نامعین است.

(۴) پایدار و ۳ درجه نامعین است.

پاسخ: گزینه ۱ است.

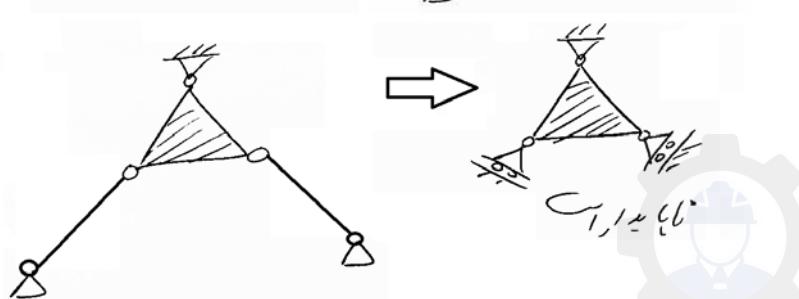
ابتدا قسمت‌های پایدار را هاشور می‌زنیم.

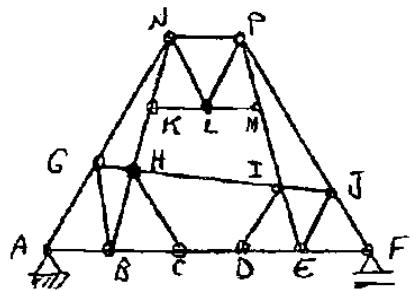
دو مثلث پایینی تنها دو نقطه اتصال دارند

بنابراین آنها را با میله جایگزین می‌کنیم:

از طرفی میله‌های مایل را می‌توان به

تکیه گاه غلتکی در راستای میله تبدیل کرد:

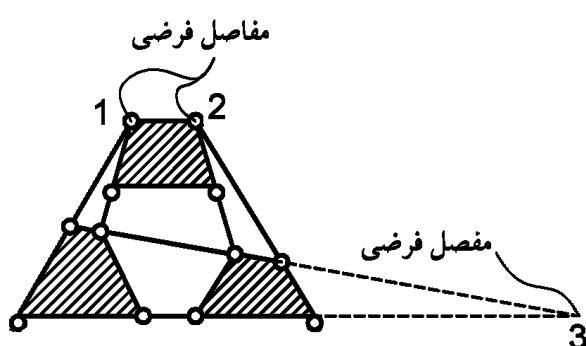




-۶۲- خرپای شکل زیر یک سازه:

- ۱) معین و پایدار است.
- ۲) نامعین و پایدار است.
- ۳) به علت داشتن شبکه‌های چهار ضلعی ناپایدار است.
- ۴) یک خرپای مرکب است که به صورت ناپایدار از ترکیب چند خرپای ساده تشکیل شده است.

پاسخ: گزینه ۱



ابتدا قسمت‌های پایدار را هاشور میزنیم.

در واقع سه جسم توسط ۶ میله به هم متصل شده‌اند.

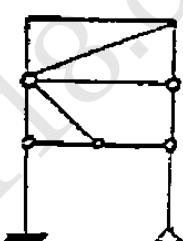
به جای میله‌ها مفاسل فرضی آنها در نظر می‌گیریم.

اگر ۳ مفصل فرضی در یک امتداد نباشند، سازه پایدار است.

مفاسل ۱، ۲ و ۳ در یک امتداد نیستند و جسم پایدار است.

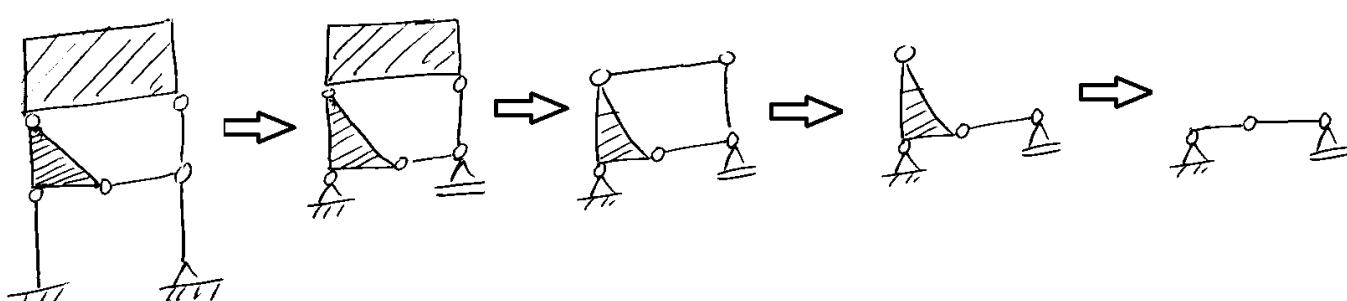
تمرین آزاد ۸۷

۸- کدام گزینه در ورد قاب شکل زیر صحیح است؟



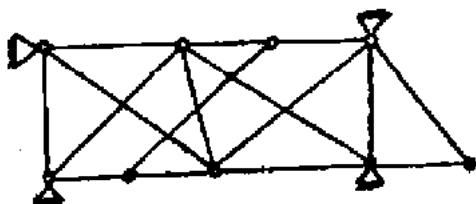
- ۱) ناپایدار و دو درجه نامعین ۲) پایدار و دو درجه نامعین ۳) ناپایدار و سه درجه نامعین ۴) پایدار و معین

پاسخ: گزینه ۱

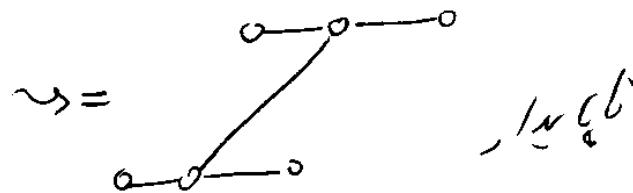
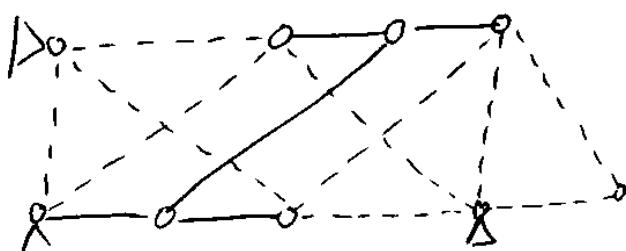


آزاد ۸۸

۶۷- گدام گربه در مورد خربای نشان داده شده صحیح می باشد.

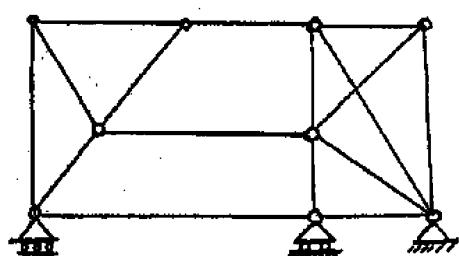


- ۱) پایدار و معین
۲) ناپایدار داخلی
۳) ناپایدار خارجی
۴) پایدار و نامعین



آزاد ۹۱

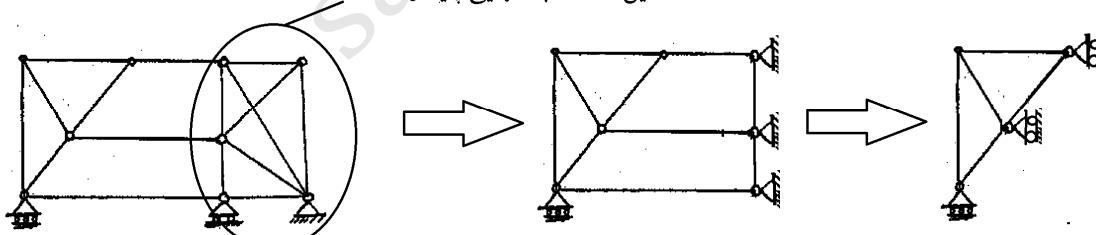
۶۸- خربای نشان داده شده



- ۱) پایدار است.
۲) ناپایدار است.
۳) معین است.
۴) بستگی به ابعاد سازه می تواند پایدار و یا ناپایدار باشد.

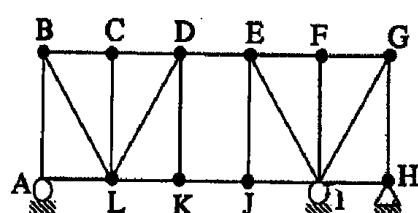
پاسخ: گزینه ۱:

این قسمت به تنها یک پایدار است



تمرین: آزاد ۹۳

۷۷- در مورد خربای مقابله:



- ۱) معین - پایدار
۲) نامعین - پایدار
۳) نامعین - ناپایدار
۴) معین - ناپایدار



۱-۲ درجه نامعینی

لکسیون درجه نامعینی

از کدام راهی توان بر دست ممکن و ناممکن تقسیم کرد.

رسوریک راهی توان با استفاده از روابط استاتیک نیز کمی از داخل اتفاق دلکش العمل کر کمیگی می شود اما بعد از آن راهی ممکن ناممکن شود در غیر این صورت ناممکن خواهد بود.

درجه ناممکن از واتج تعداد عوامل را که نمی توان با استاتیک بدست آورد نظر نمایم رشد.

درجه ناممکن راهی که رابه ۴ نسبت تقسیم می شود:

$\left\{ \begin{array}{l} 1 \text{ خود را بعدی} \\ 2 \text{ قاب را بعدی} \\ 3 \text{ خود سه بعدی} \\ 4 \text{ قاب سه بعدی} \end{array} \right.$

۱ درجه ناممکن خوبی بعدی از رابطه زیر بدست آید:

$$n = M + R - 2N$$

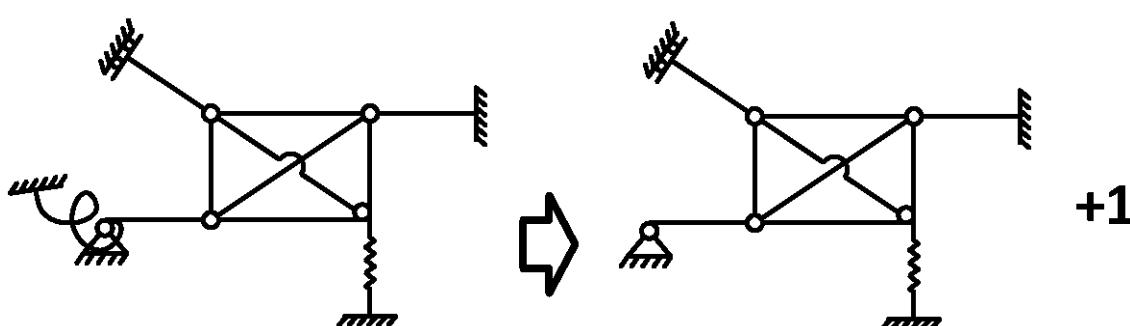
که این رابطه معمولی است
 که این رابطه معمولی است
 که این رابطه معمولی است
 که این رابطه معمولی است

$$\left. \begin{array}{l} M = 5 \\ R = 4 \\ N = 4 \end{array} \right\} \quad n = 5 + 4 - 2 \times 4 = 1$$

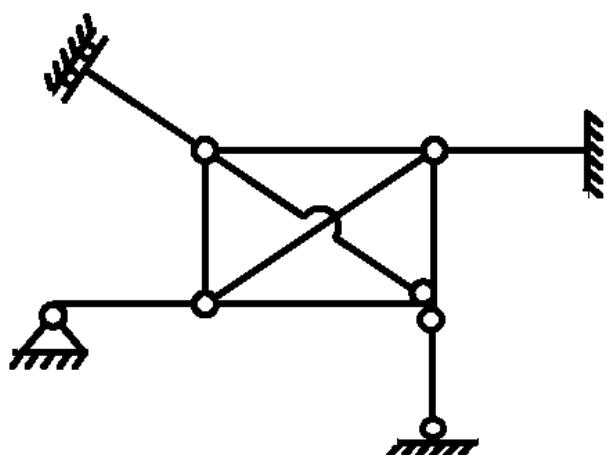


درجہ نامعینی قابها:

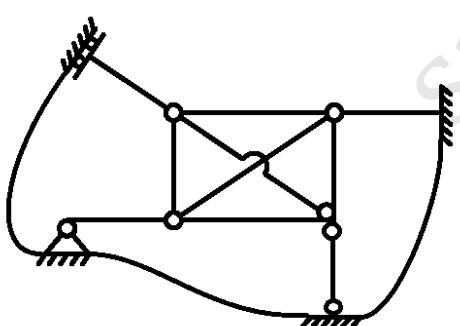
گام ۱: تمامی فنرها را حذف می کنیم و در عوض به تعداد فنر های پیچشی حذف شده به درجه نامعینی می افزاییم



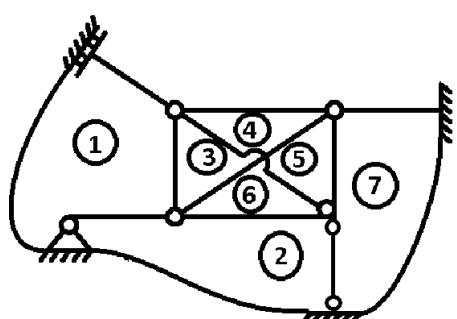
گام ۲: فنر های محوری (و کابلها) را با میله های دو سر مفصل جایگزین می کنیم:



گام ۳: از آنجا که زمین یک جسم پیوسته می باشد، تکیه گاهها را به هم متصل می کنیم. دقت شود که آخرین تکیه گاه را به اولین تکیه گاه متصل نکنید:



گام ۴: تعداد نواحی بسته را می شماریم:
۶ = (تعداد تقاطع غیرواقعي - ۷)



گام ۵: تعداد درجات آزادی مفاصل را کنار آنها می نویسیم:

$$\text{---} \quad C = 2 - 1 = 1 \quad \cancel{\text{---}} \quad C = 4 - 1 = ? \quad C = 1 - \text{تعداد راهها} \times \text{مفصل شده اند}$$

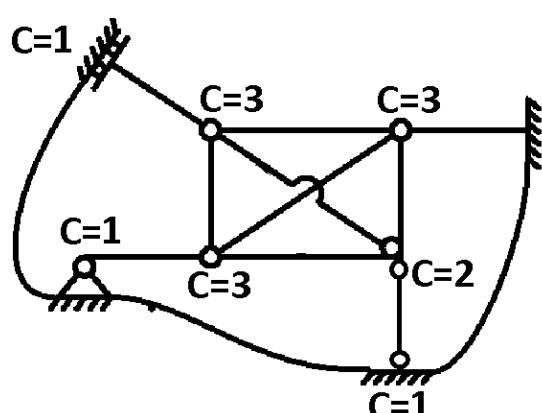
$$\text{---} \quad C = 2 \quad \text{این مفصل فقط برش منقل کند و حون M در آن صفات 2 دارد}$$

$$\text{---} \quad C = 1 \quad \text{این اتصال برش غیر قابل منقل کند به بین آنها ۷ = ۷ است}$$

$$\cancel{\text{---}} \quad C = 4 - 1 = 3 \quad \begin{array}{l} \text{ وقت شوک در زمین به تنها} \\ \text{یک کضو محاسب متصور نموده} \\ \text{تعداد کل اتصال ۱۴ است} \end{array}$$

$$\cancel{\text{---}} \quad C = 5 - 1 = 4 \quad \begin{array}{l} \text{ وقت شوک در زمین} \\ \text{آ کضو محاسب می شود} \end{array}$$

$$\text{---} \quad C = 1 \quad \begin{array}{l} \text{این اتصال لنگر و برش منقل می کند} \\ \text{ولی نیروی محوری در آن صفر است} \end{array}$$



$$C = 1 + 1 + 3 + 3 + 3 + 2 + 1 = 14$$

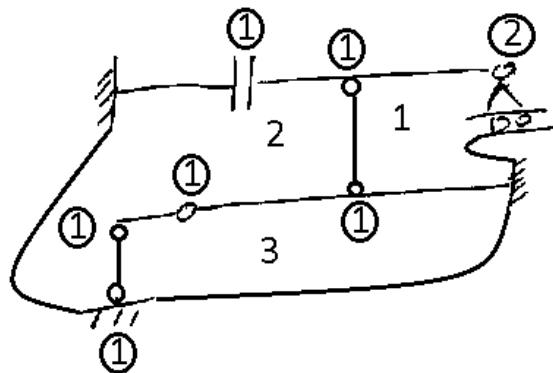
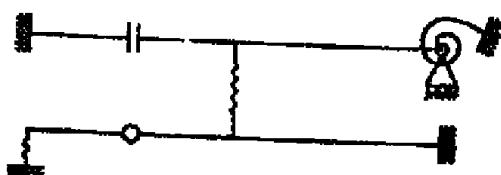
گام ۶: درجه نامعینی برابر خواهد بود با:

$$n = 3 \times R - \sum C + 3 = \text{تعداد فنرهای پیچشی حذف شده} + 3 \times 6 - 14 + 1 = 5$$

سراسری ۹۰

-۶۲ درجه نامعین سازه شکل مقابل چند است؟

- ۰ (۱)
- ۴ (۲)
- ۲ (۳)
- ۹ (۴)

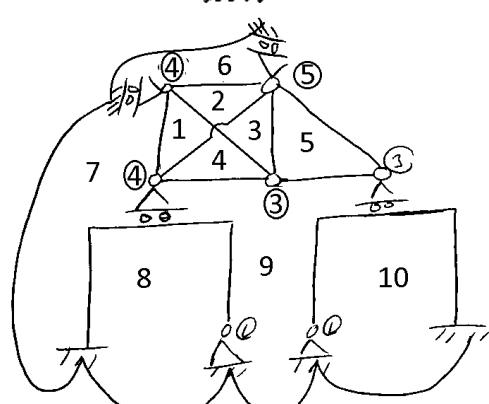
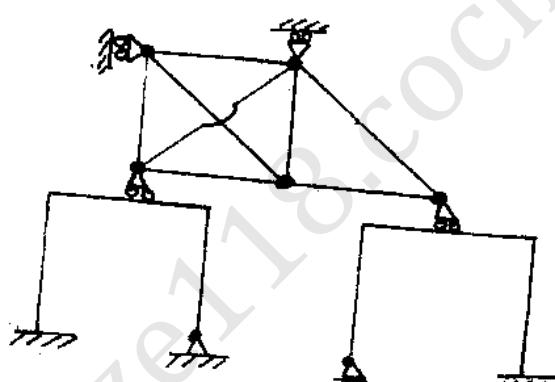


$$n = 3 \times 3 - (6 \times 1 + 2) + 1 = 2$$

آزاد ۸۹

-۷۷ درجه نامعین سازه‌ی شکل زیر کدام است؟

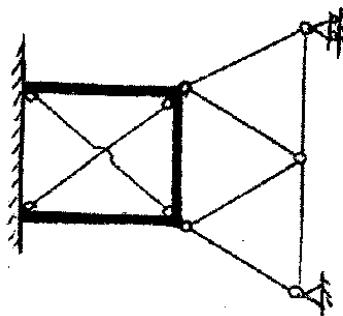
- ۴ (۱)
- ۵ (۲)
- ۶ (۳)
- ۷ (۴)



$$n = (10 - 1) \times 3 - (4 + 5 + 4 + 3 + 3 + 1 + 1) = 6$$

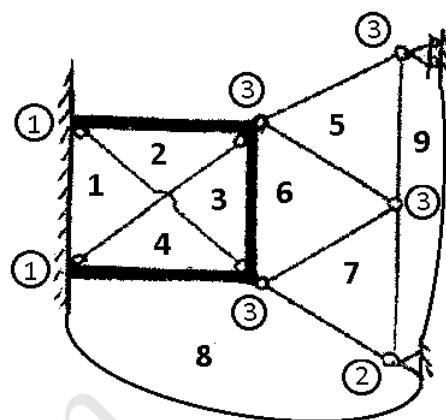


سراسری ۸۹



۵۶ تعداد درجات نامعین سازه مقابل کدام است؟

- ۹ (۱)
۸ (۲)
۱۳ (۳)
۱۵ (۴)

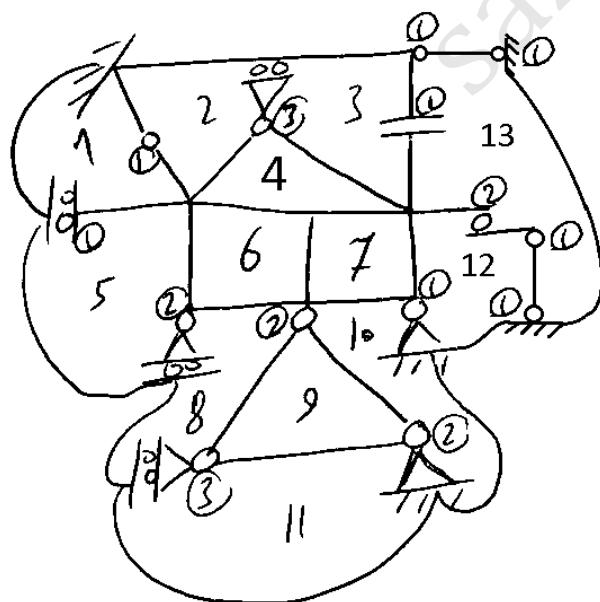
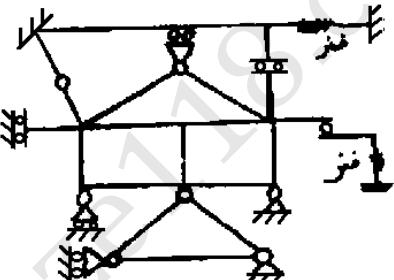


$$n = (9 - 1) \times 3 - (1 + 1 + 4 \times 3 + 2) = 24 - 16 = 8$$

آزاد ۸۸

۶۱ درجه نامعین سازه نشان داده شده کدام است؟

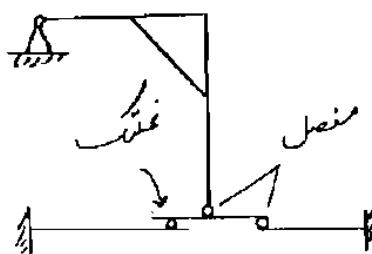
- (۱) ۱۸ درجه
(۲) ۱۶ درجه
(۳) ۱۹ درجه
(۴) ۱۷ درجه



$$n = 3 \times R - \sum C$$

$$= 3 \times 13 - (8 \times 1 + 3 + 3 + 2 + 2 + 2 + 2) = 17$$

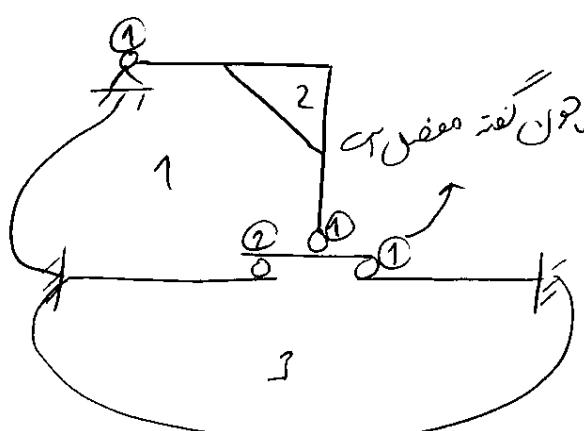
نکته: در محاسبه درجه آزادی تکیه گاه داخلی غلتکی بین نواحی ۲ و ۳، همانطور که زمین را ۲ عضو فرض می‌کنیم، میله افقی را نیز به دلیل غلتکی بودن تکیه گاه دو عضو فرض می‌کنیم.



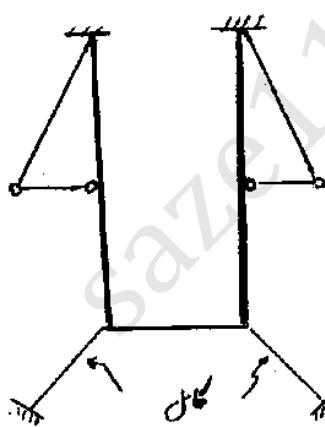
۷۳. درجه نامعینی سازه مقابله را تعیین کنید؟

- ۱) ۲
- ۲) ۴
- ۳) ۵
- ۴) ۶

دقت شود که مفصل سمت راست که در شکل نیز به آن اشاره شده، به صورت مفصل غلتکی رسم شده و باید درجه آزادی آنرا برابر $c=2$ در نظر میگرفتیم و لی چون در صورت مسئله تاکید شده که این مفصل است (نه غلتک!) مقدار درجه آزادی آنرا $c=1$ درنظر میگیریم:

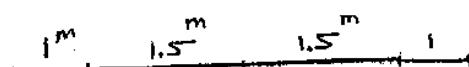


$$n = 3 \times 3 - (1 + 2 + 1 + 1) = 4$$

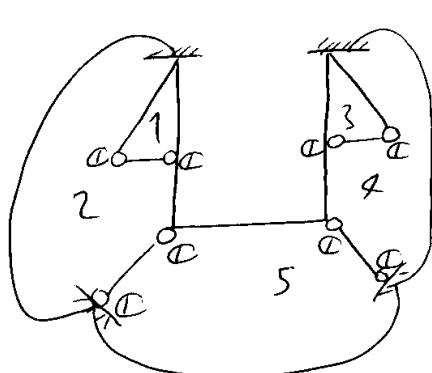


۷۴- درجات نامعینی سازه شکل مقابل را حساب کنید؟

- ۱) سه درجه
- ۲) شش درجه
- ۳) هفت درجه
- ۴) یازده درجه



دقت شود که اعضای کابلی باید به اعضای دوسر مفصل تبدیل شوند ولی افزودن مفصل به انتهای اعضای کابلی تنها شامل خود کابل خواهد بود و بقیه سازه در نقطه اتصال به کابل مفصلی نمی‌شود:

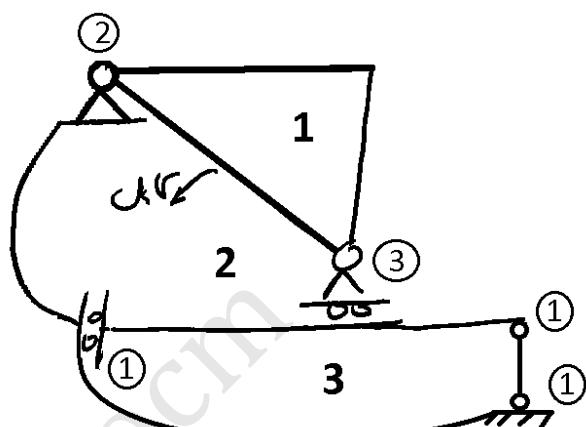
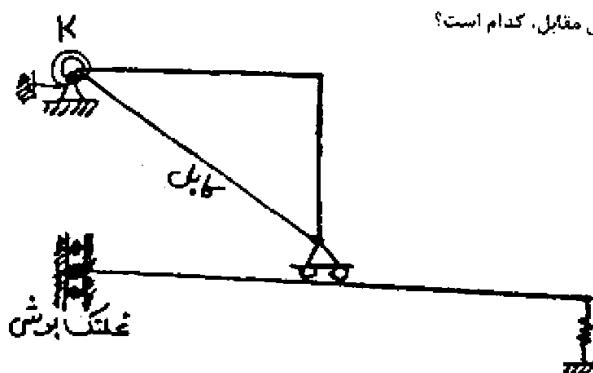


$$n = 5 \times 3 - (1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1) = 7$$



-۷۱ درجات نامعینی سازه شکل مقابل، گدام است؟

- ۱) ۱
- ۲) ۲
- ۳) ۳
- ۴) ۴



$$n = 3 \times 3 - (2 + 3 + 1 + 1 + 1) + 1 = 9 - 8 + 1 = 2$$

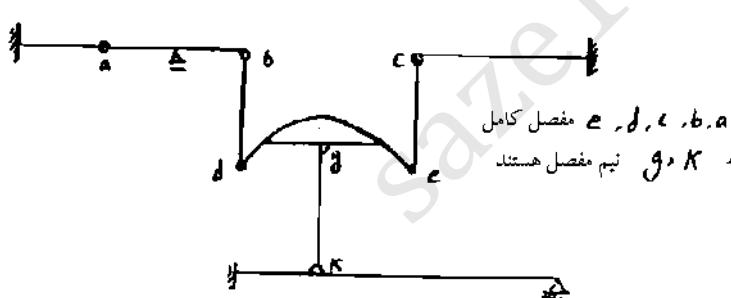
۷۸. در مورد پایداری و معین بودن سازه شکل زیر می توان گفت:

۱) سازه ناپایدار است.

۲) سازه معین است.

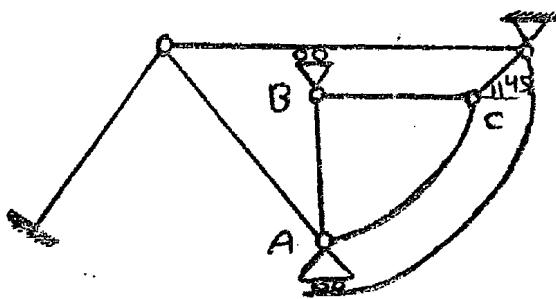
۳) سازه ۲ درجه نامعین است.

۴) سازه پایدار و ۵ درجه نامعین است.



آزاد ۸۹

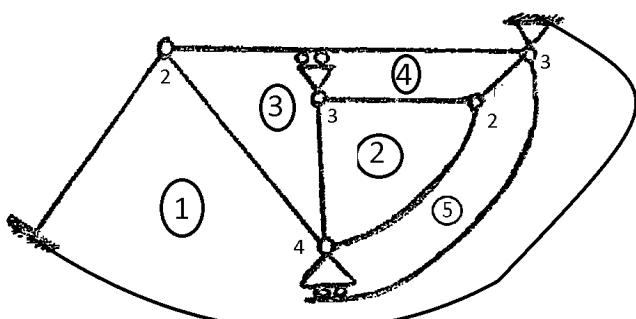
۶۱- کدام گزینه در مورد معینی و پایداری سازه نشان داده شده صحیح است؟ (ABC ربع دایره می‌باشد)



- (۱) ناپایدار
- (۲) معین و پایدار
- (۳) نامعین و پایدار
- (۴) سه درجه نامعین است

گزینه ۱ (قسمت داخلی ناپایدار هندسی است)

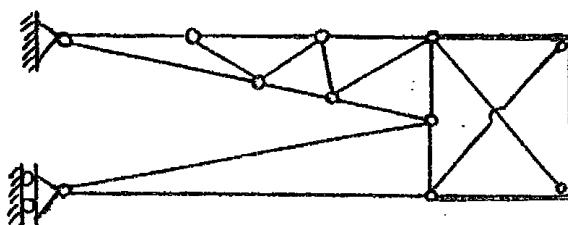
البته درجه نامعینی سازه فوق به صورت زیر محاسبه می‌شود:



$$n = 3 \times 5 - 4 - 2 - 3 - 2 - 3 = 1$$

آزاد ۸۹

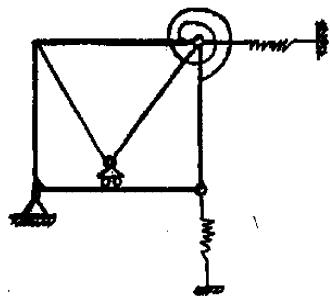
۶۲- کدام گزینه در مورد سازه روپرتو صحیح است؟



- (۱) پایدار و شش درجه نامعین
- (۲) معین
- (۳) پایدار و یک درجه نامعین
- (۴) ناپایدار

گزینه ۴





۶۴- درجه نامعینی سازه نشان داده شده گدام است؟

۵ (۲)

۴ (۱)

۷ (۴)

۶ (۳)

گزینه ۲

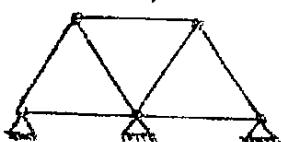
مطابق شکل فنر پیچشی را حذف کرده و بر اساس نواحی و درجات آزادی درجه نامعینی را محاسبه می کنیم:

$$n = 3R - (1 + 1 + 1 + 3 + 3 + 2) + \text{springs} \\ = 15 - 11 + 1 = 5$$

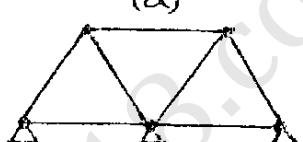
آزاد ۹۰

۶۹- گدام گزینه در مورد خرپاهای a و b صحیح می باشد. (بارهای وارد شده فقط به صورت گره‌ای می باشد)

(a)



(b)



۱) خربای a یک درجه نامعین و خربای b دو درجه نامعین است.

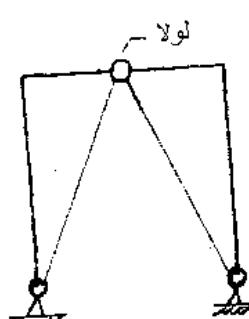
۲) خربای a دو درجه نامعین و خربای b سه درجه نامعین است.

۳) خربای a یک درجه نامعین و سازه b معین است.

۴) خربای a دو درجه نامعین و خربای b یک درجه نامعین است.

تمرین آزاد ۸۹

۷۶- قاب رویرو چند درجه نامعین است؟



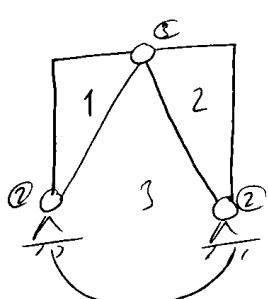
۱) یک درجه ۳) ۲ درجه

۲) ۳ درجه ۴) ۴ درجه

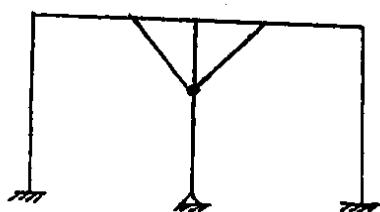
پاسخ: گزینه ۳

منظور از لولا در شکل همان مفصل است.

$$h = 3 \times 3 - (3 + 2 + 2) = 2$$



تمرین آزاد ۸۵



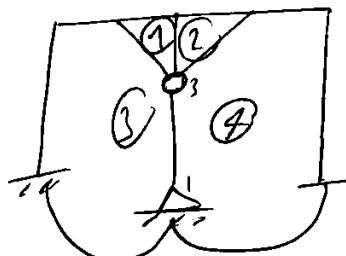
۸۱- درجه نامعین قاب زیر چند است؟

۸ (۱)

۷ (۲)

۱۲ (۳)

۹ (۴)



$$h = 4 \times 3 - 3 - 1 = 8$$

تمرین سراسری ۸۵

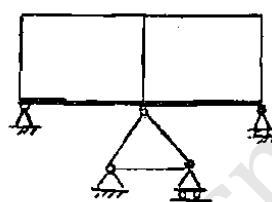
درجات نامعینی سازه را حساب کنید.

۶ (۱)

۷ (۲)

۸ (۳)

۹ (۴)



تمرین سراسری ۸۲

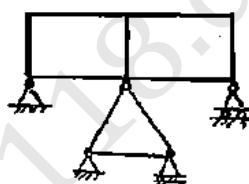
۸۷- سازه شکل مقابل چند درجه نامعین است؟

(۱) ۶ درجه

(۲) ۷ درجه

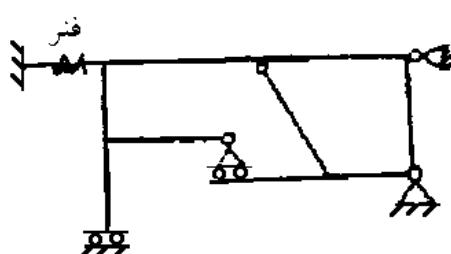
(۳) ۸ درجه

(۴) ۱۰ درجه



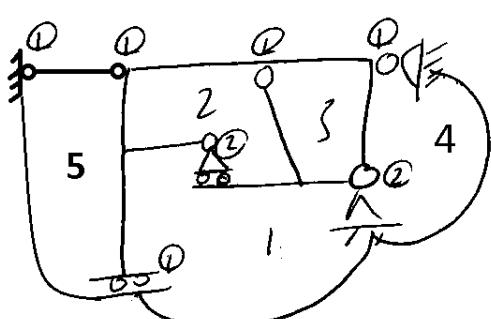
$$h = 6 \times 3 - (1 + 2 + 2 + 2 + 3) = 8$$

تمرین آزاد ۸۷



۶۶- سازه مقابل چند درجه نامعین است؟

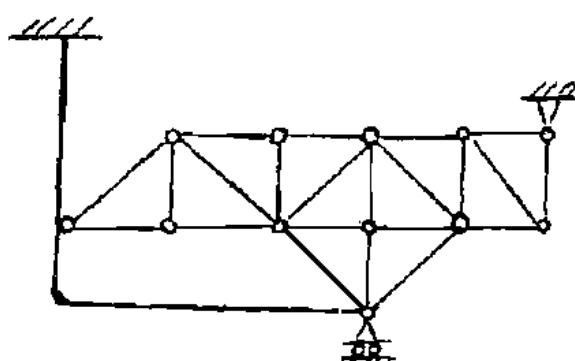
۴۱ درجه (۱) ۵ درجه (۲) ۶ درجه (۳) ۷ درجه



$$h = 5 \times 3 - (5 \times 1 + 2 + 2) \\ = 6$$



تمرین سراسری ۸۱

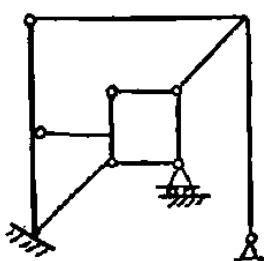


۵۶- درجه نامعینی سازه زیر کدام گزینه است؟

- (۱) ۳ - سه
- (۲) ۴ - چهار
- (۳) ۵ - پنج
- (۴) ۶ - شش

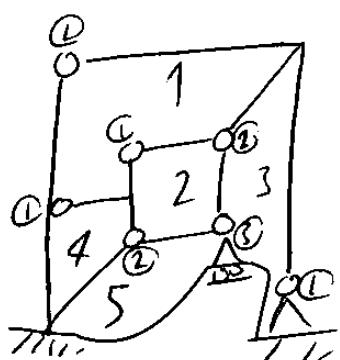
گزینه ۳

تمرین سراسری ۸۱



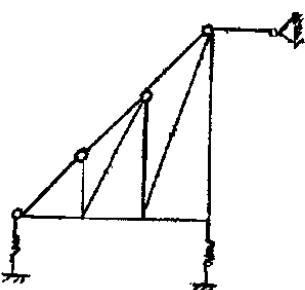
۴۹- درجه نامعینی شکل رو برو کدام است؟

- (۱) ۱
- (۲) ۲
- (۳) ۳
- (۴) ۴



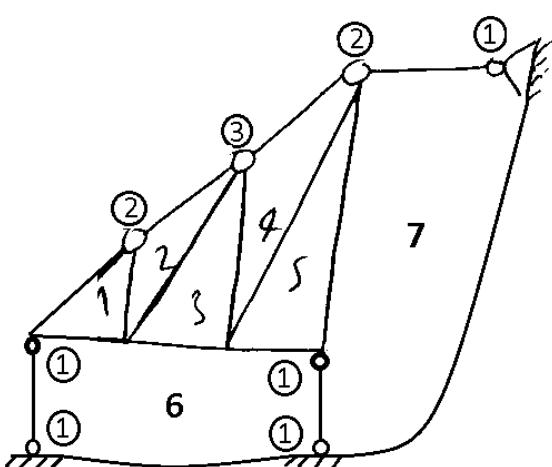
$$n = 5 \times 3 - (4+4+2+2+3+1) = 4$$

تمرین سراسری ۸۷



۷۸- درجات نامعینی سازه شکل مقابل را تعیین کنید؟

- (۱) ۳ درجه
- (۲) ۱۵ درجه
- (۳) ۹ درجه
- (۴) ۷ درجه

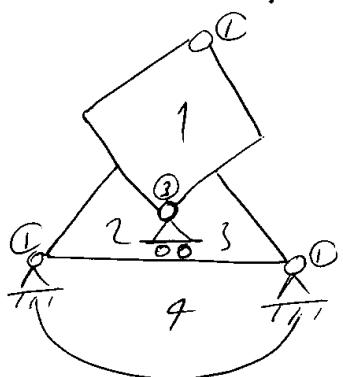
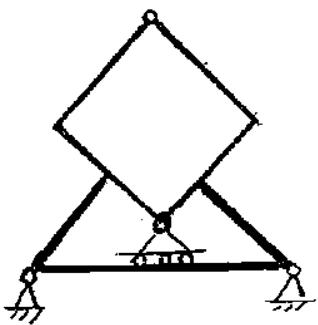


$$n = 7 \times 3 - (5 \times 1 + 2 + 2 + 3) = 21 - 12 = 9$$

تمرین سراسری ۸۶

-۷۵- تعداد درجات نامعینی سازه مقابله را حساب کنید.

- (۱) ۴ درجه
- (۲) ۵ درجه
- (۳) ۶ درجه
- (۴) ۷ درجه

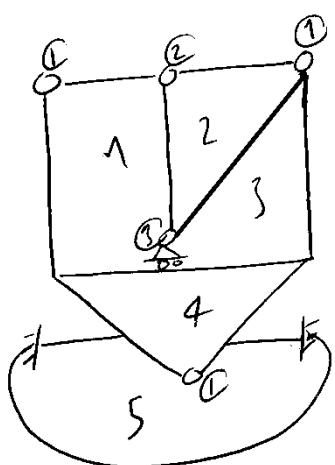
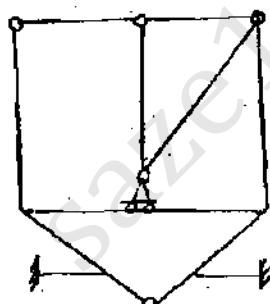


$$h = 4 \times 3 - (1 + 3 + 1 + 1) = 6$$

تمرین سراسری ۸۷

-۷۷- درجه نامعینی سازه مقابله چقدر است؟

- (۱) ۶
- (۲) ۷
- (۳) ۸
- (۴) ۹

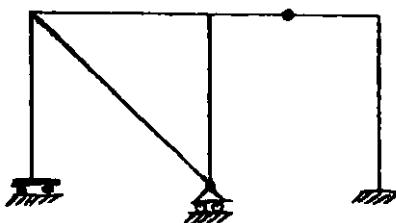


$$h = 5 \times 3 - (1 + 2 + 1 + 3 + 1) = 7$$

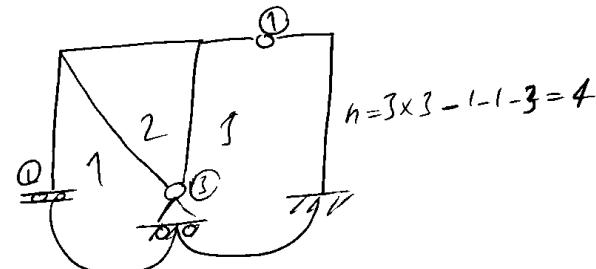


تمرین آزاد ۸۳

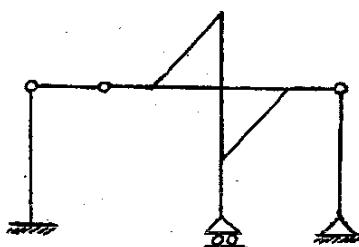
۳۹- سازه نشان داده شده در شکل چند درجه نامعین است؟



- (۱) ۲ درجه
(۲) ۳ درجه
(۳) ۶ درجه
(۴) میگذارم



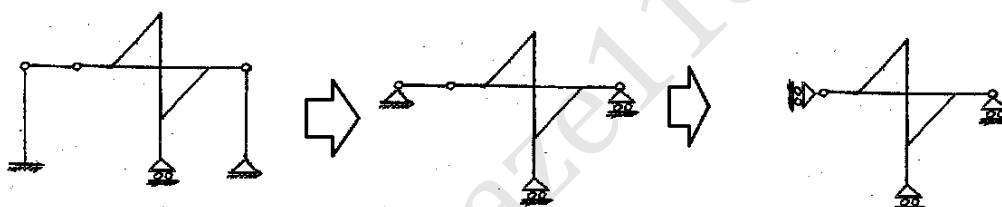
تمرین آزاد ۹۲



۶۷- کدام گزینه در ارتباط با قاب نشان داده شده صحیح است؟

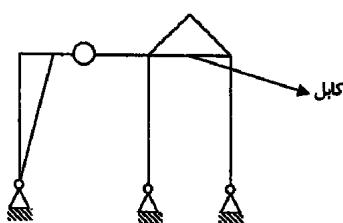
- (۱) معین و پایدار
(۲) نامعین و پایدار
(۳) نامعین و ناپایدار
(۴) معین و ناپایدار

گزینه ۲:



تمرین: آزاد ۹۳

۷۴- درجه نامعینی سازه زیر کدام است؟



- ۶ (۱)
۴ (۲)
۹ (۳)
۷ (۴)

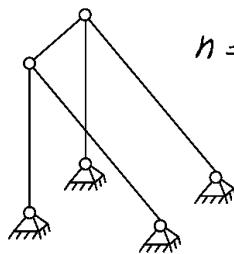


۲-۲- درجه نامعین سازه های سه بعدی

گزینه های سه بعدی درجه نامعین خوبی سه بعدی سه بُرخی سه بعدی است
با این تفاضل که تعداد گره کراز بر این روشی بسیار کمتر است

$$n = M + R - 3N$$

کمتر از تعداد اضلاع
تعداد مقادیر علاوه اعلی اصلی

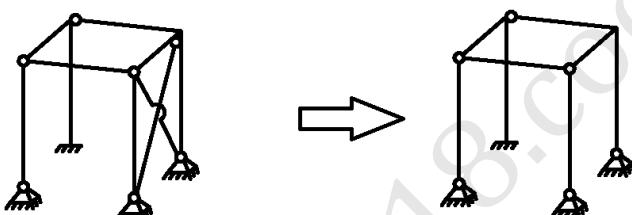


$$n = (5) + (4 \times 3) - 3(6) = -1$$

بنابراین فراغ ناتاییدار است.

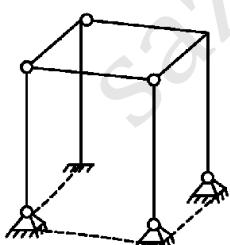
۴- قاب سه بعدی: کی مطابق درجه نامعین قاب کی سه بعدی بسیج زیر عمل کنند:

گام ۱: بازبند کردن وزنی را خوف کنند:



گام ۲: قاب کی اندیس تکمیلی که را بهم وصل کنند را تکمیل کنید آفرایش

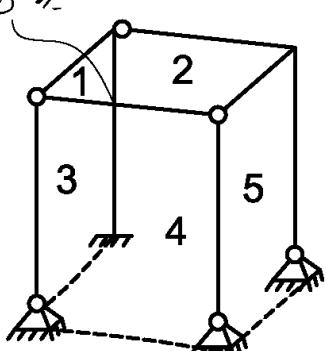
پنجه ای اول وصل نمایند



گام ۳: فرض کنید عازمیت ۰ درجه است و تعداد نواحی بدرازی خارجی دوی

به تعداد تقاطع ۴ دوی غیر واقعی از تعداد نواحی کم کنید

از تقاطع
غیر واقعی است



$$R = 5 - 1 = 4$$

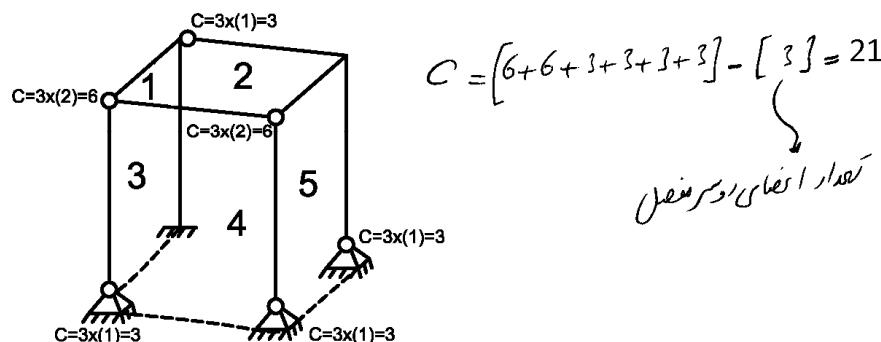
رشکل مطابق شکل ۴ دوی غیر واقعی دارد



گام ۴: مکار روابط آرایس C را محاسبه کنیم:

کنادت های سه قطبی را قاب سه بعدی با قاب رو بندی های آن آنکه
که هر قاب مکاره شده را سر برابر می کنیم

۷) از سر برابر کردن مقادیر C به تعداد راهنمایی اول مقدمه لذک کام



گام ۵: درجه نامعینی برابر خواهد بود با:

$$\begin{aligned} h &= 6 \times R - C + \text{تعداد فزر} \\ &= 6 \times 4 - 21 + 0 + 2 = 5 \end{aligned}$$

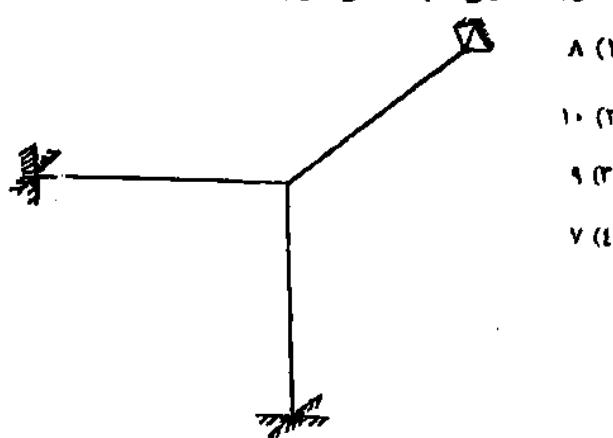
نحوه محاسبه درجه آزادی حرکتی تکیه گاه غلتکی در سه بعدی: تفاوت غلتکی با مفصلی ثابت در این است که تنها دو حرکت افقی در آن آزاد است. بنابراین تکیه گاه را مفصلی ثابت فرض کرده و پس از محاسبه، دو واحد به آن می افزاییم. برای مثال اگر تکیه گاههای فوق غلتکی باشند مقدار C آنها برابر ۵ خواهد بود.

آزاد ۸۴

آزاد ۸۵

۹۱- درجه نامعینی قاب فضایی زیر چند است؟

۳۴- درجه نامعینی قاب فضایی زیر چقدر است؟



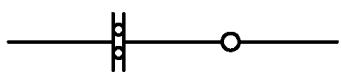
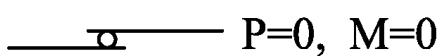
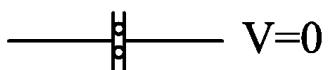
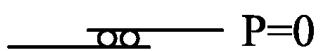
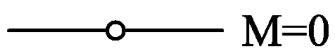
گزینه ۳

۱۲ درجه نامعین است (پاسخ در گزینه ها نیست)

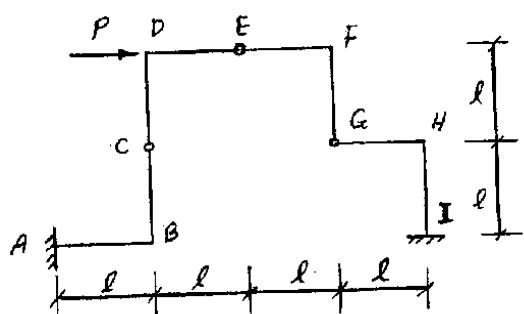


۳-استاتیک تیرها

أنواع مفصل و تركيب آنها

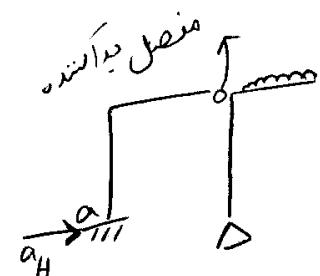
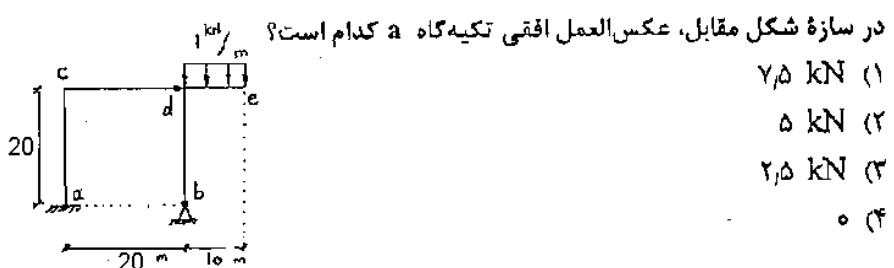


در چه مواردی می توان تیرهای غیرمستقیم را با یک میله خرپایی جایگزین نمود؟



نحوه استفاده از مفاصلی که سازه را دو قسمت می کنند (مفصل جدا کننده)





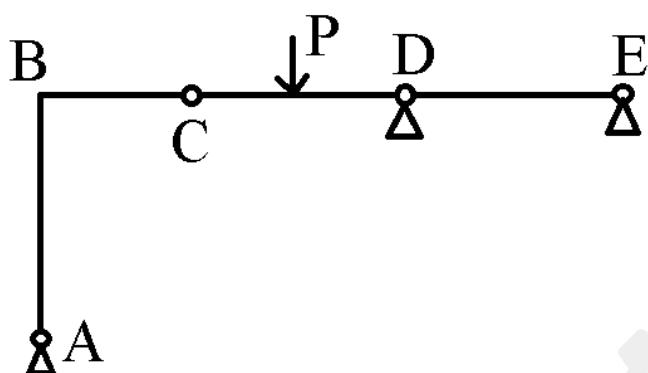
$$\leq M_d \Rightarrow b_H = \frac{1 \times 10^2}{20}$$

$$\text{کل } b_H \leq f_n \Rightarrow a_H + b_H = 0 \Rightarrow a_H = -2,5$$

Saze118.com

۱- قسمتی از تیر که دوسر مفصل است می توان به راحتی جدا گانه تحلیل کرد:

لنگر در B چقدر است؟

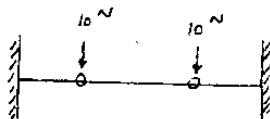


۲- نحوه رسم سریع دیاگرام برش

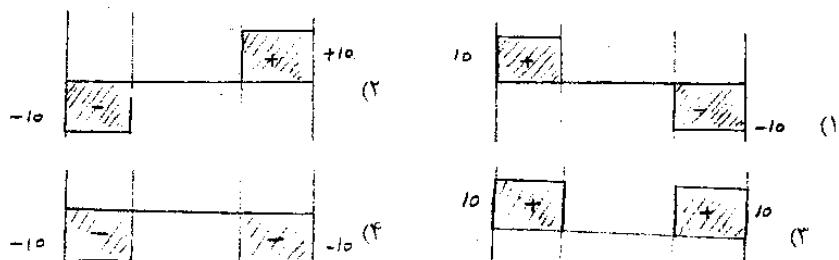
۳- نحوه رسم سریع دیاگرام خم شد



آزاد ۸۹



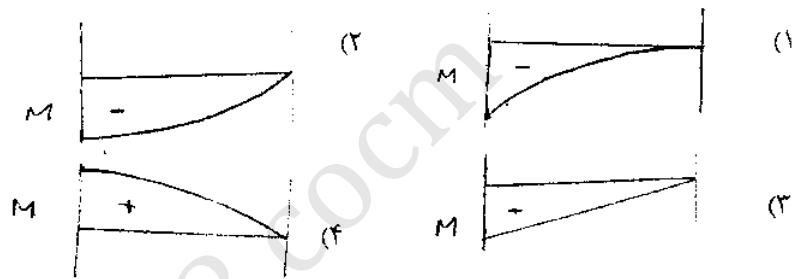
۷۴- کدامیک از گزینه‌های زیر، نمودار نیروی برشی را در طول تیر روبرو تحت بار رسم شده نشان می‌دهد؟



گزینه ۱

آزاد ۸۹

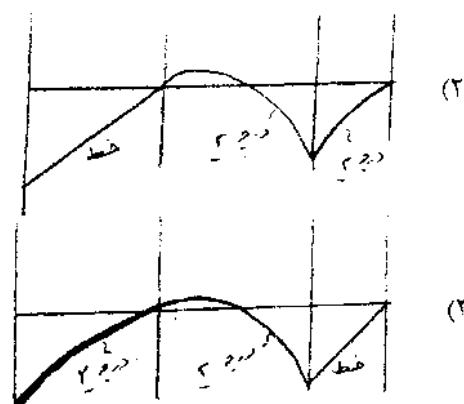
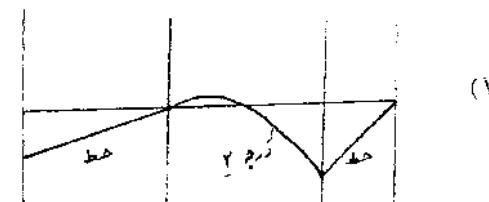
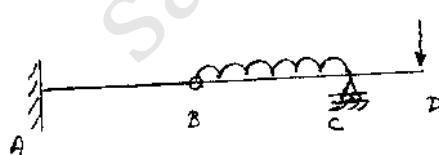
۷۵- کدامیک از گزینه‌های زیر نمودار نیروی خمشی را در حلول تیر روبرو با بار مثلثی نشان می‌دهد؟



گزینه ۱

آزاد ۸۹

۶۹- کدامیک از گزینه‌های زیر می‌تواند نمودار لنگر خمشی تحت بارهای نشان داده شده باشد.

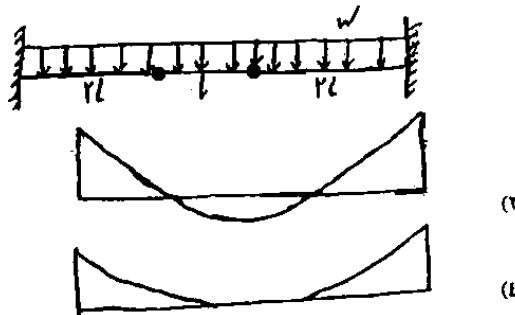


گزینه ۱

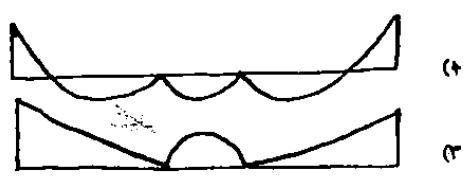


آزاد ۸۵

منحنی لنگر خمی تیر را کدام است؟



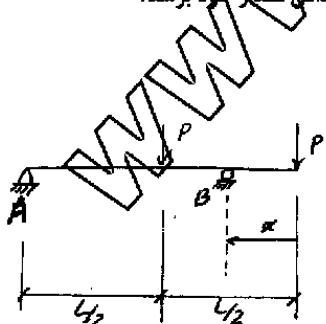
(۲)



گزینه ۲

سراسری ۹۱

- ۵A - تیرو نشان داده شده در شکل تحت بارهای متغیرکریز P قوای دارد. در این تیر، میتوانی تکیه گاه B را در هر نقطه دیگری از تیر قرار داد. فاصله X تکیه گاه B را طوری تعیین کنید که لنگر حد اکثر خمی تیر به حداکثر ممکن محدود برسد؟

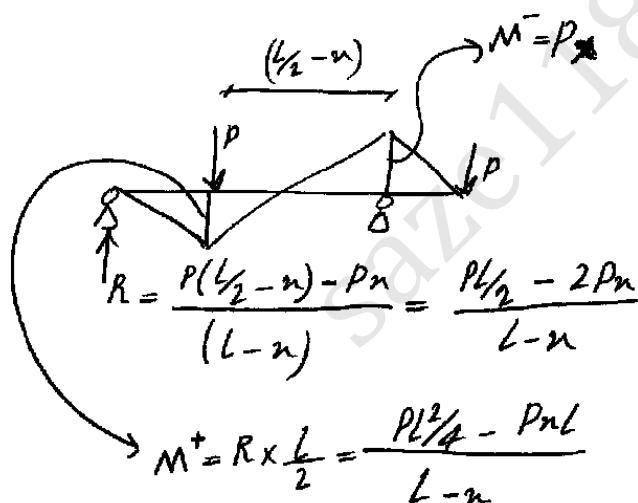


$$\left(1 - \frac{\sqrt{2}}{2}\right)L \quad (1)$$

 $\frac{L}{2} \quad (2)$

$$\left(1 + \frac{\sqrt{2}}{2}\right)L \quad (3)$$

صفر (۴)

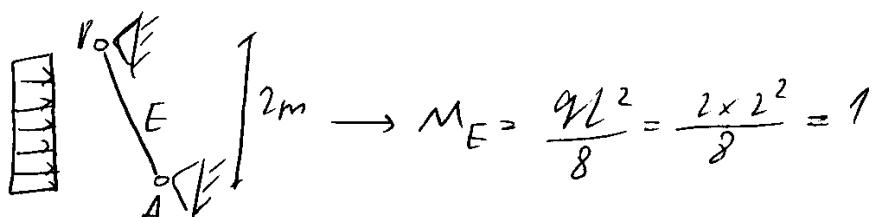
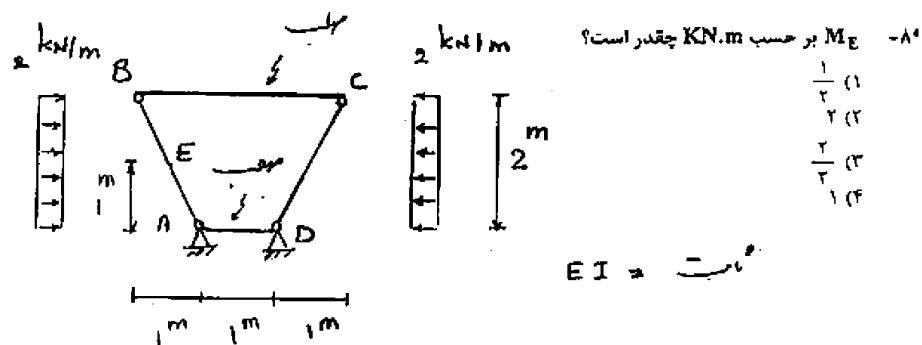


$$M^- = M^+ \Rightarrow P_x = \frac{Px^2/4 - PxL}{L - x} \rightarrow P_x^2 - 2PxL + \frac{Px^2}{4} = 0$$

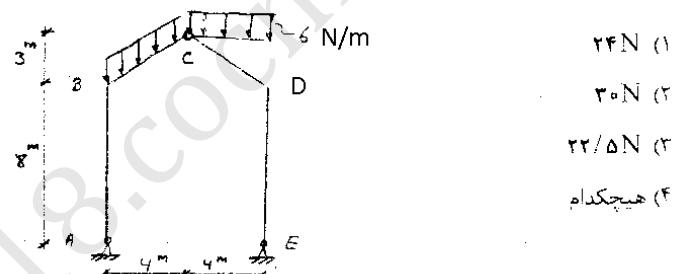
$$\rightarrow x = \frac{2L \pm \sqrt{4L^2 - L^2}}{2} \Rightarrow x = \begin{cases} \left(1 - \frac{\sqrt{3}}{2}\right)L & \checkmark \\ \left(1 + \frac{\sqrt{3}}{2}\right)L & \times \end{cases}$$



سراسری ۸۸

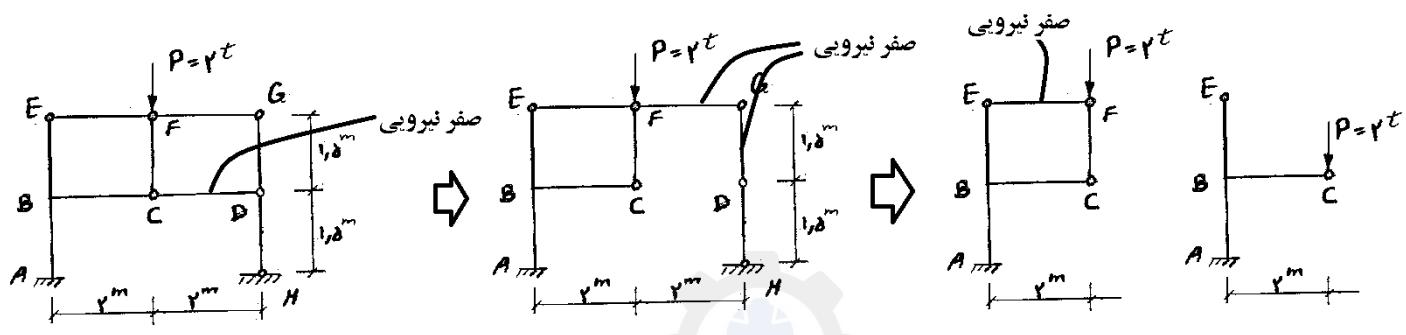
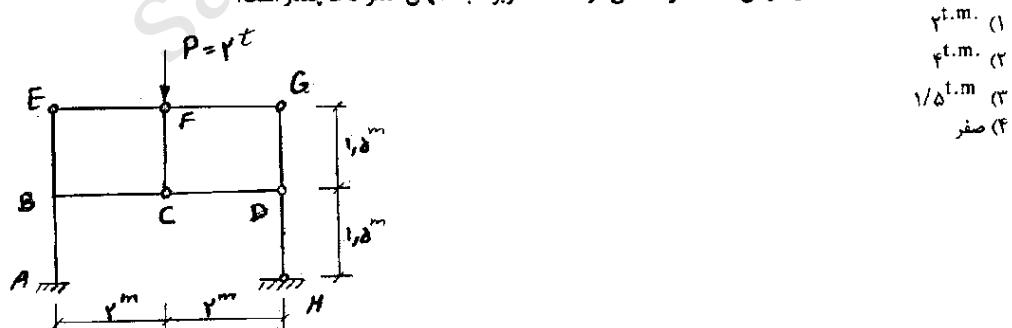


آزاد ۸۹

۶۶- مولفه قائم عکس العمل تکیه‌گاهی E_y چقدر است؟

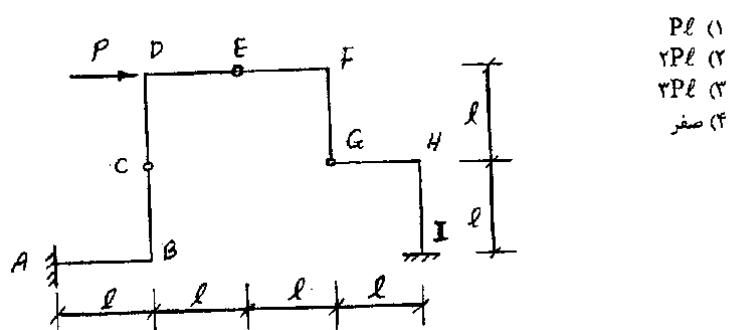
سراسری ۸۷

۸۱- بار ۲ تن در سازه شکل مقابل اثر می‌کند. لنگر خمی در نقطه B مربوط به انتهای عضو BC چقدر است؟

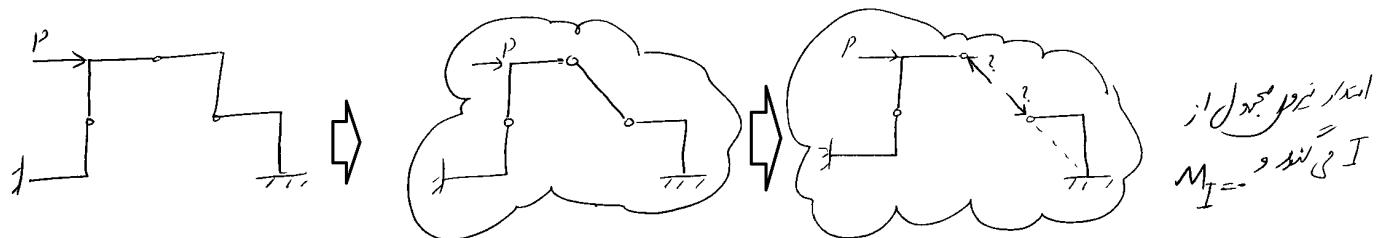


سراسری ۸۷

- لنگر خمی در تکیه گاه I سازه شکل مقابل را محاسبه کنید.

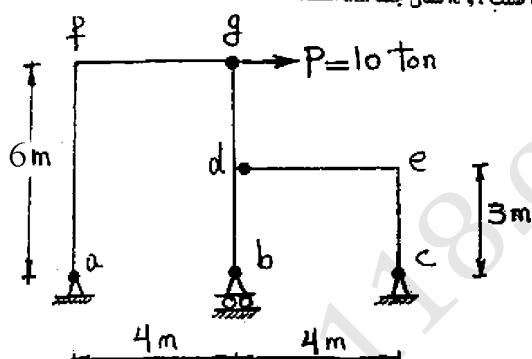
 $P\ell$ (۱) $\frac{P\ell}{2}$ (۲) $\frac{P\ell}{3}$ (۳)

صفر (۴)



سراسری ۸۸

- در سازه شکل مقابل که مفصل ها با گره توپر مشخص شده اند در اتصالات صلب a و e ، ممان چند $t.m$ است؟

 $M_e = M_f = 0$ (۱) $M_e = 2 \cdot M_f = 0$ (۲) $M_e = 1.5 \cdot M_f = 0$ (۳) $M_e = M_f = 0$ (۴)

سراسری ۸۹

- مقدار لنگر M_{CB} چقدر است؟

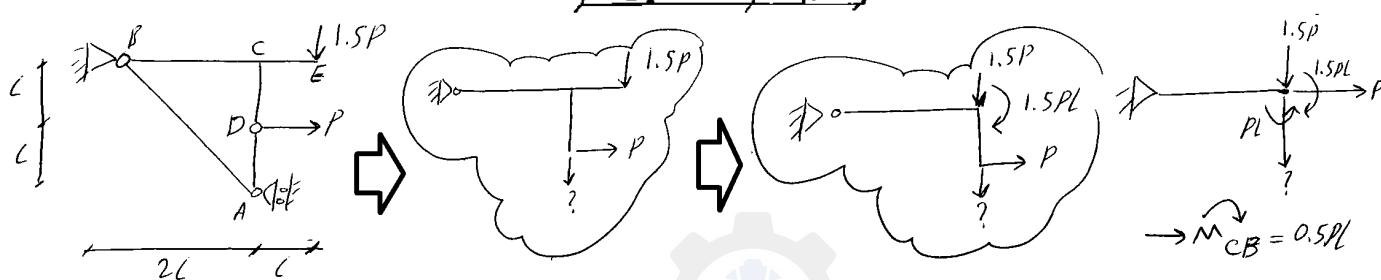
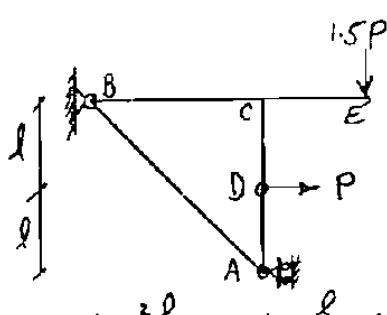
(۱) صفر

(۲) $\frac{Pl}{2}$ (۳) $1.5 Pl$ (۴) Pl در جهت عقربه های ساعت

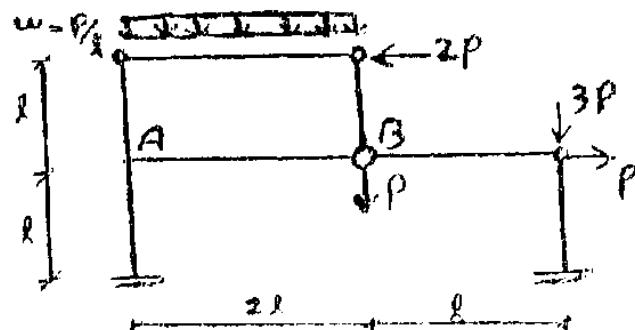
در جهت عقربه های ساعت

در جهت عقربه های ساعت

در جهت عکس حرکت عقربه های ساعت



۶۴- لنجر خمی در گره A از عضو AB کدام است؟ (M_{AB})



$$4Pl \quad (2)$$

۴) صفر

$$2Pl \quad (1)$$

P ℓ $\quad (3)$

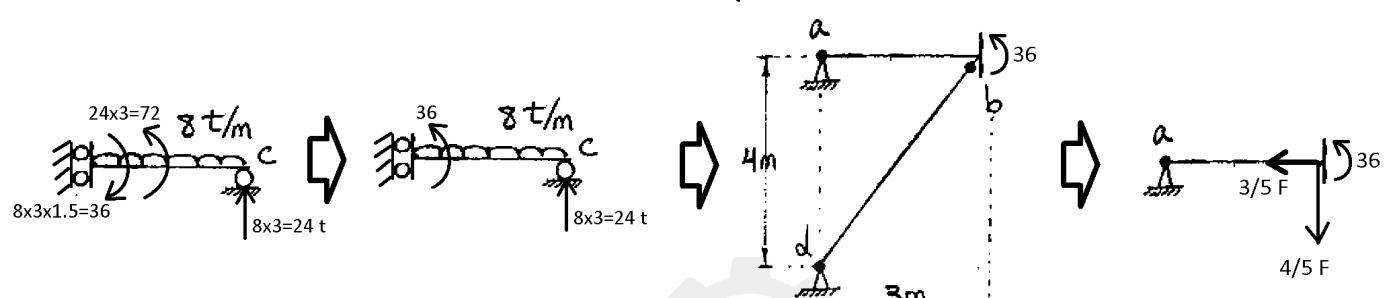
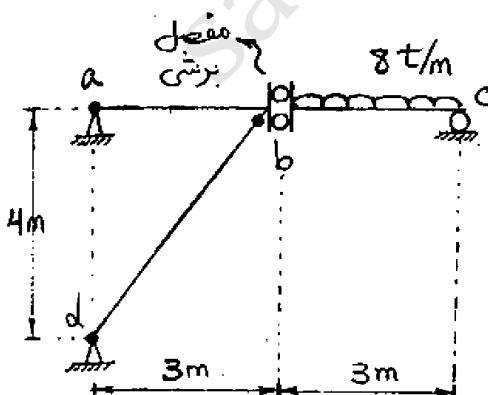
گزینه ۲

ترکیب مفصل برشی و خمی:

۸۸ سراسری

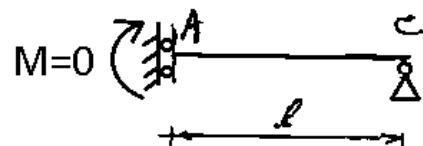
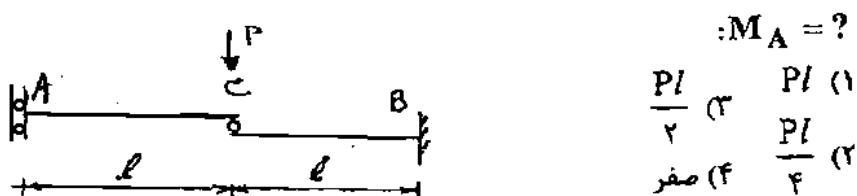
۷۴- در سازه شکل مقابل، نیرو در میله bd چند ton جند است؟

- ۲۰ (۱)
- ۱۰ (۲)
- ۱۵ (۳)
- ۰ (۴)



$$\frac{4}{5}F \times 3 = 36 \rightarrow F = 15$$

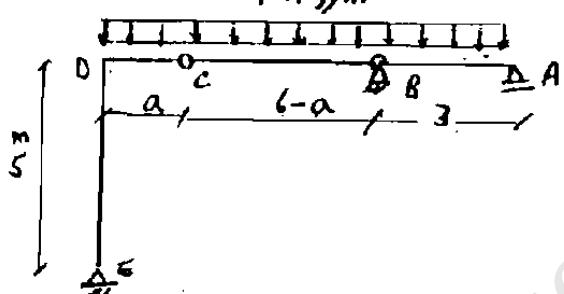
سراسری ۸۵



سراسری ۸۲

در سازه شکل زیر موقعیت مفصل C را طوری بدست آورید که قدر مطلق لنگر ماکزیمم منفی و مثبت در طول DB بکسان شود؟

$$450 \text{ kg/m}$$



$$a = 3 \text{ m (۱)}$$

$$a = 2 \text{ m (۲)}$$

(۳) مقدار a از معادله $0 = a^2 - 3a + 1 = 0$ محاسبه می شود.

(۴) مقدار a از معادله $0 = a^2 - 36a + 36 = 0$ محاسبه می شود.

سراسری ۸۸

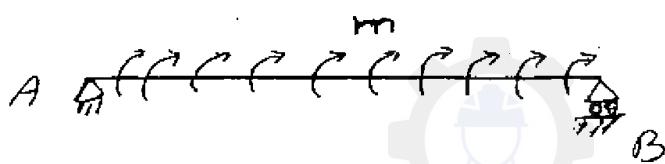
-۸۱- تیر AB به طول ۷ نحت اثر لنگر خمشی گستردگی نداشت به شدت m فراز گرفته است اگر صلیبت خمشی و پرشی تیر در طول آن ثابت فرعی شود، تغییر مکان ناشی از خمش و ناشی از برش است.

(۱) غیرصفر - صفر

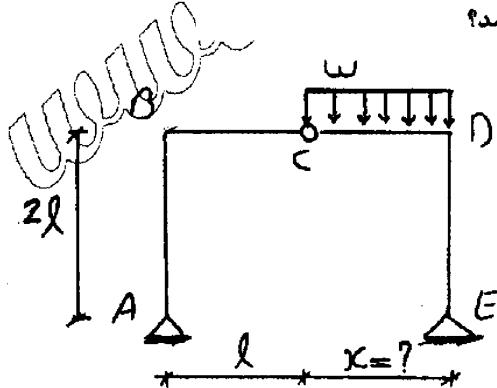
(۲) صفر - غیرصفر

(۳) غیرصفر - غیرصفر

(۴) صفر - صفر



آزاد ۹۲

۶۴- مقدار X چقدر باشد تا لنگر خمی در نقاط B، D با هم برابر باشد؟

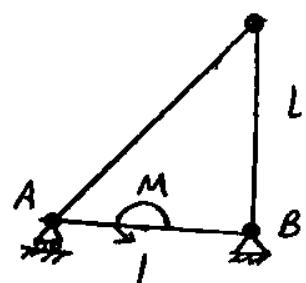
$$x = l \quad (1)$$

$$x = \frac{l}{2} \quad (2)$$

۳) به ازاء هر مقدار از $x \neq 0$ همواره لنگر این نقاط با هم برابر می‌باشد.

۴) هیچگاه لنگر این دو نقطه با هم برابر نمی‌شود.

آزاد ۸۵



۰ (۱)

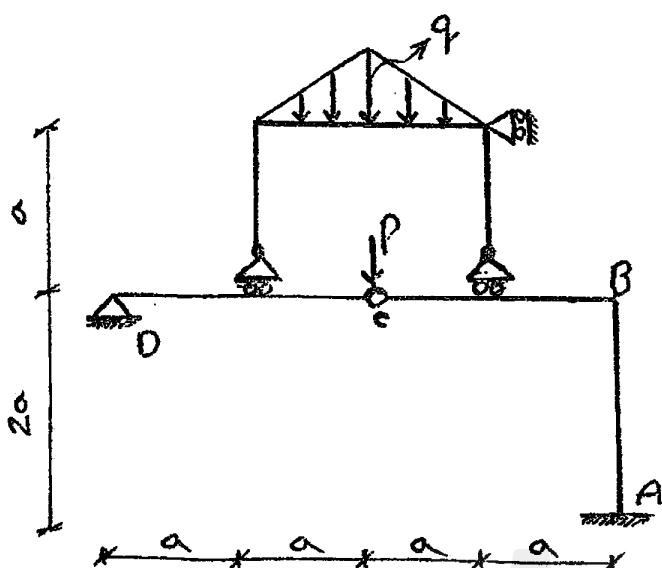
۳) غیر قابل محاسبه است.

$$\frac{M\sqrt{2}}{2L} \quad (2)$$

$$\frac{M}{L} \quad (1)$$

آزاد ۸۶

۶۳- لنگر خمی داخلی در گره B کدام است؟



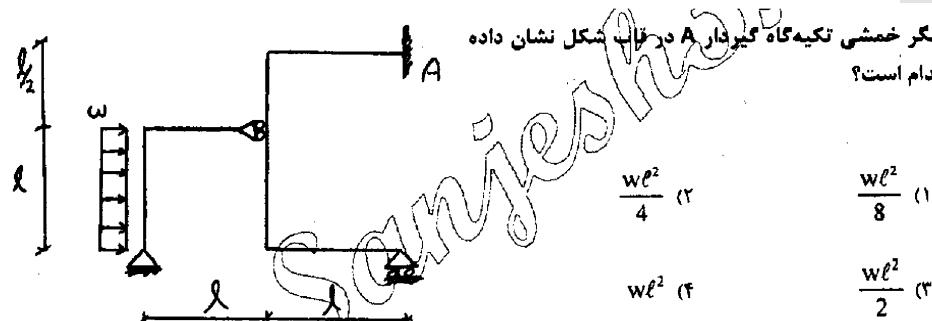
$$2Pa + \frac{qa^2}{2} \quad (1)$$

$$Pa + \frac{qa^2}{2} \quad (2)$$

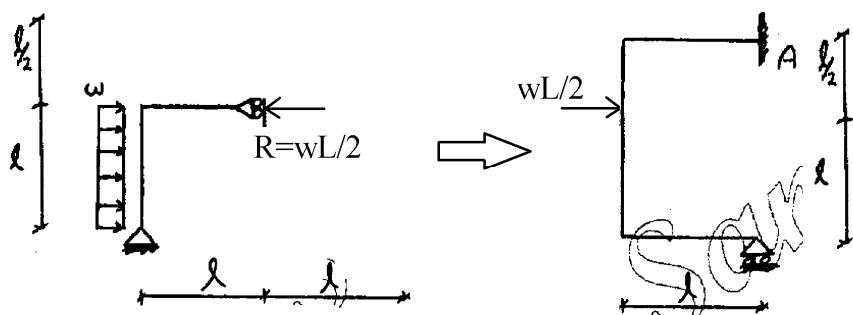
$$2Pa + qa^2 \quad (3)$$

$$Pa + qa^2 \quad (4)$$

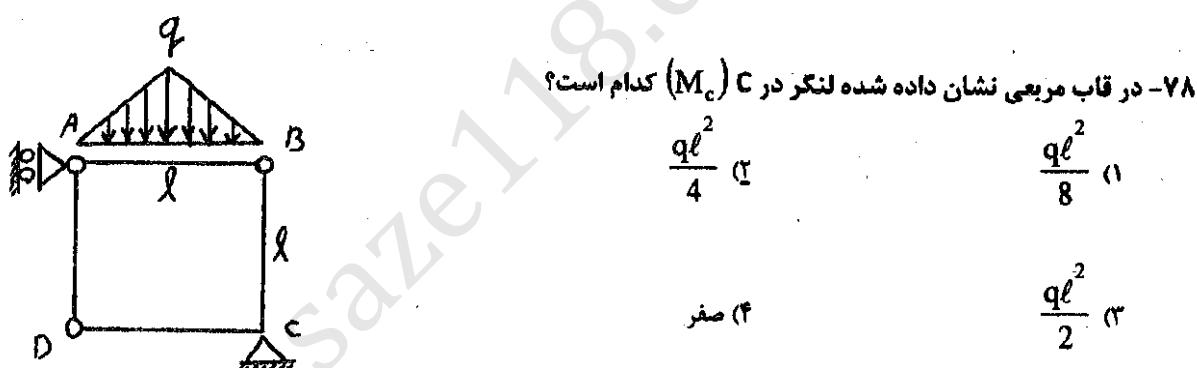
آزاد ۹۱



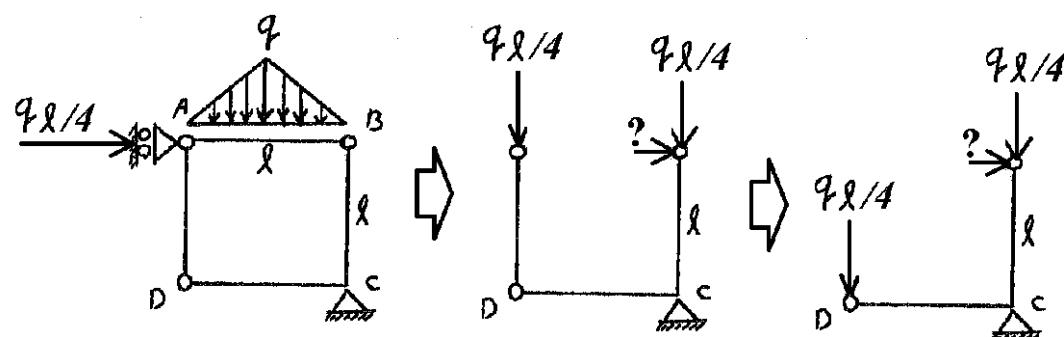
گزینه ۲

با توجه به شکل زیر مقدار لکنگ در نقطه A برابر است با: $wL^2/4$ 

آزاد ۹۲

گزینه ۲ - با توجه به شکل، لکنگ در نقطه C برابر است با: $qL^2/4$

سوال: مقدار علامت سوال در شکل چقدر است؟



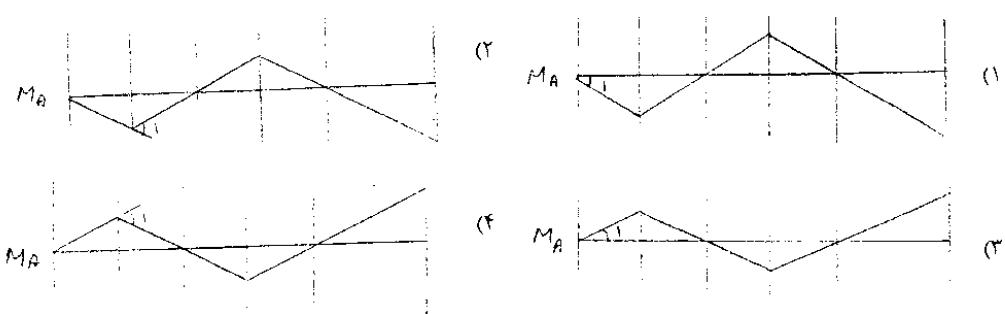
Saze118.co.cm



آزاد ۸۹

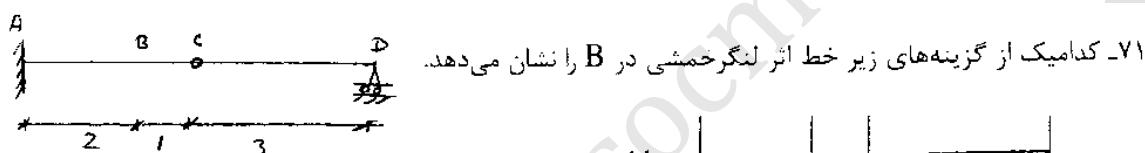


۷۰- خط اثر برای لنگر در نقطه A کدام گزینه است؟



گزینه ۱

آزاد ۸۹



۷۱- کدامیک از گزینه‌های زیر خط اثر لنگر خمشی در B را نشان می‌دهد.

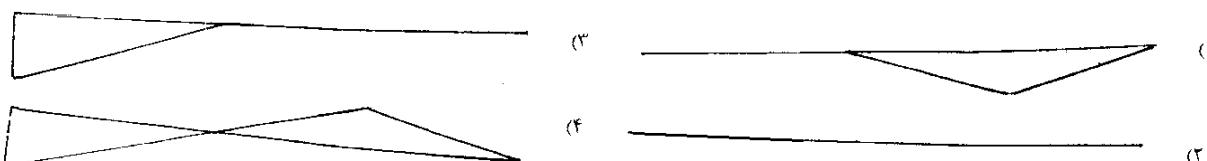


گزینه ۱

آزاد ۸۹



۷۸- خط تأثیر لنگر تکیه‌گاه B از تیر سرتاسری زیر کدام است؟

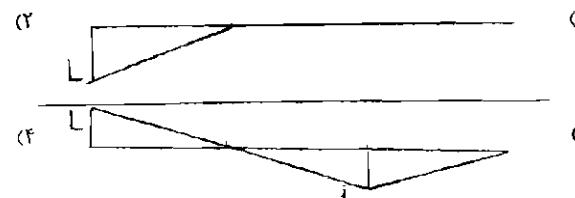
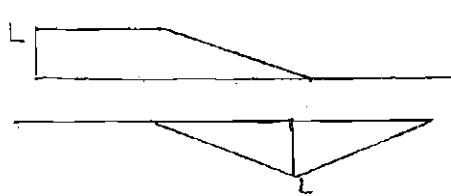


اگر منظور لنگر تیر در نقطه B باشد گزینه ۱ پاسخ خواهد بود ولی لنگر تیکه گاه همیشه صفر بوده و گزینه ۲ صحیح است.



سراسری ۸۶

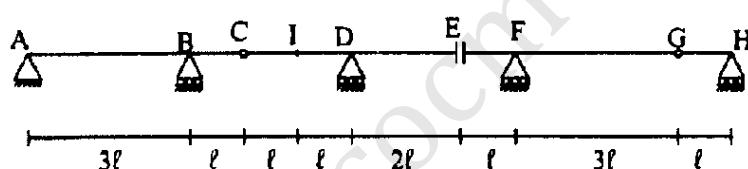
- ۷۹ - خط تأثیر نگران در نقطه B کدام است؟



گزینه ۴

سراسری ۹۳

- ۶۵ - اگر خط تأثیر لنگر خمی در نقطه I (وسط دهانه CD) رسم شود، ارتفاع خط تأثیر در نقطه G چقدر است؟



$$-\ell \text{ (۱)}$$

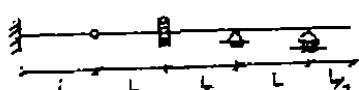
$$-2\ell \text{ (۲)}$$

$$-\frac{3\ell}{2} \text{ (۳)}$$

$$-\frac{\ell}{2} \text{ (۴)}$$

آزاد ۸۷

حداکثر لنگر در منفصل برشی چقدر است؟ (بار گسترده یکنواخت به طول $2L$ و شدت W از ابتدای انتهای سازه حرکت می‌کند).

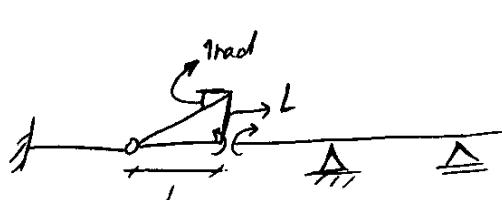


$$2WL^2$$

$$WL^2$$

$$0 \text{ (۱)}$$

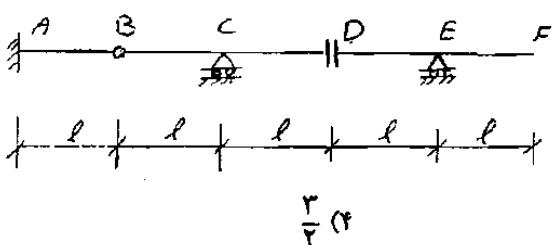
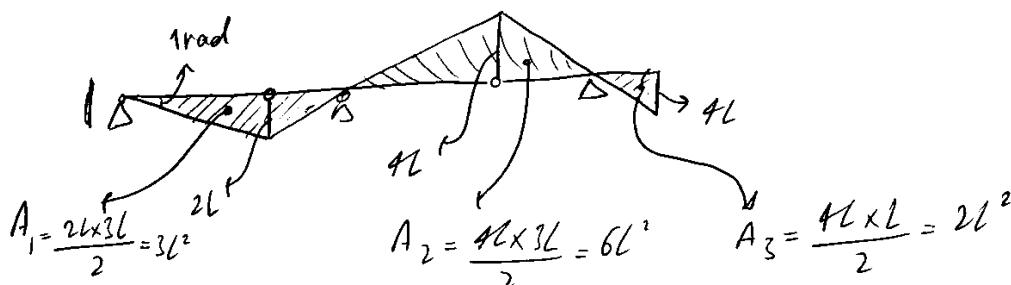
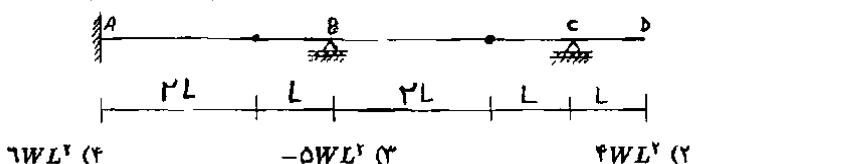
$$\frac{WL^2}{2} \text{ (۲)}$$



ابندا خط تأثیر لنگر را رسم کنیم،

$$M = (\text{مقدار بار گسترده}) \times (\text{ساختار زیرخوار}) = \frac{L \times L}{2} \times \omega = \frac{\omega L^2}{2}$$

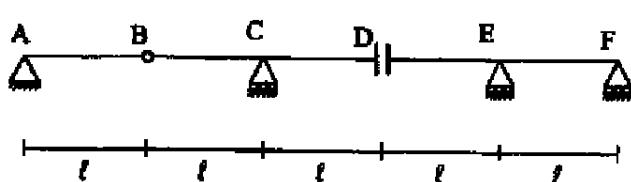
۷۹. بار گسترده یکنواخت با طول متفاوت به شدت W بر تیر AD اثر من کند، حداکثر لنگر در نقطه A چقدر است؟



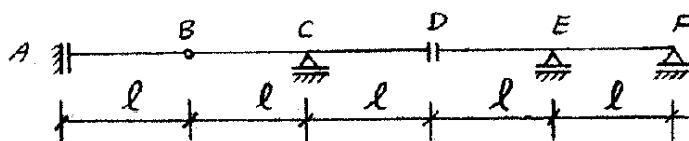
۶۵. با در نظر گرفتن خط تأثیر نیروی برشی در مفصل B اختلاف ارتفاع در محل مفصل برشی D در آن خط تأثیر چقدر است؟

گزینه ۳

۱۵- آگر بار گسترده یکنواخت به شدت W بتواند در دهانه‌های مختلف تیر شکل مقابل قرار گیرد، حداکثر مقدار عکس العمل C کدام است؟



۵۷- اگر بار گستردہ یکنواخت به شدت w بتواند به طور اختیاری در دهانه‌های مختلف (تیر مطابق شکل) قرار گیرد. حداکثر لنگرخمشی در مفصل برشی D چقدر است؟

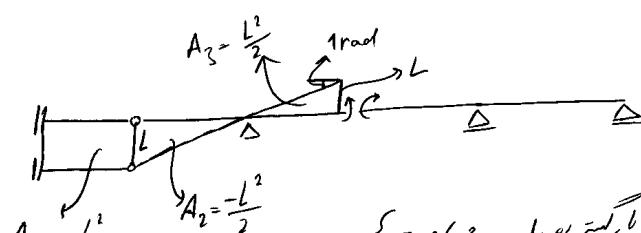


$$2wl^2 \text{ (f)}$$

$$\frac{wl^3}{2} \text{ (r)}$$

$$wl^3 \text{ (s)}$$

$$\frac{3wl^3}{2} \text{ (l)}$$



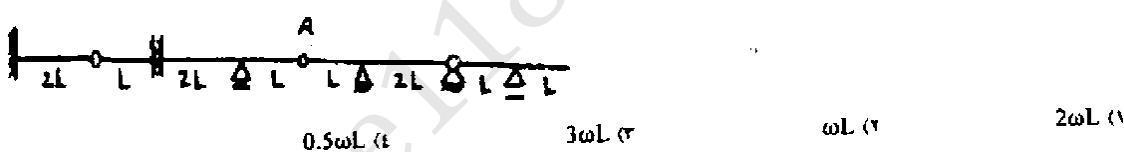
بار گذارشدن گستردہ را درست کر
منفی گذاری رسمی جوں مقادیر داشتر است

$$M = (A_1 + A_2) \times W = \frac{-3wl^2}{2}$$

$$M = (A_1 + A_2 + A_3) W = \left(-l^2 - \frac{l^2}{2} + \frac{l^2}{2} \right) W = -wl^2$$

آزاد ۸۸

۶۳- اگر بار گستردہ یکنواخت به شدت w و طول منفرد در نیزشان داده شده حرکت کند گذاشت گذار برش در مفصل خمشی A گدام است؟

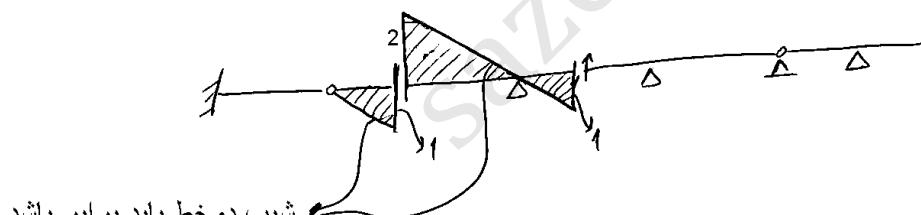


$$0.5\omega L \text{ (t)}$$

$$3\omega L \text{ (r)}$$

$$\omega L \text{ (s)}$$

$$2\omega L \text{ (l)}$$

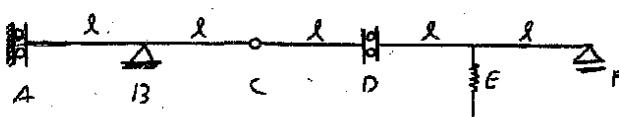


شیب دوخط باید برابر باشد

$$V_A = \frac{2 \times 2L}{2} W = 2LW$$

آزاد ۹۲

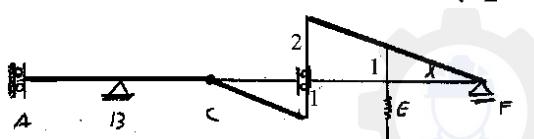
۶۶- گذاشت نیروی فنر E در اثر حرکت بار گستردہ یکنواخت به شدت w و طول ℓ گدام است؟



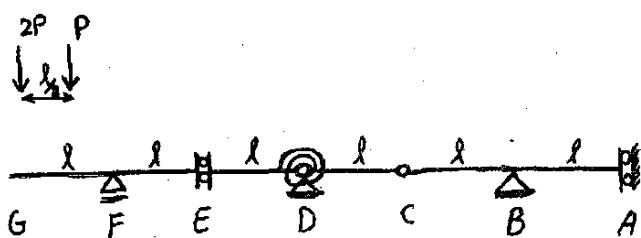
$$\frac{3}{2}\omega\ell \text{ (q)} \quad \frac{\omega\ell}{3} \text{ (r)} \quad \omega\ell \text{ (s)} \quad \frac{\omega\ell}{2} \text{ (l)}$$

گزینه ۲ خط تأثیر نیروی فنر به صورت زیر خواهد بود. در صورتی که بار گستردہ در دهانه DE قرار گیرد:

$$F = \left(\frac{2+1}{2} \times l \right) w = \frac{3}{2}wl$$



۶۴- دو نیروی متمرکز P و $2P$ به فاصله ثابت $\frac{l}{2}$ مطابق شکل از روی تیر نشان داده شده عبور می‌کند حداکثر برش در محل مفصل خمسی C کدام است؟



3P (۱)

 $\frac{5}{2}P$ (۴)

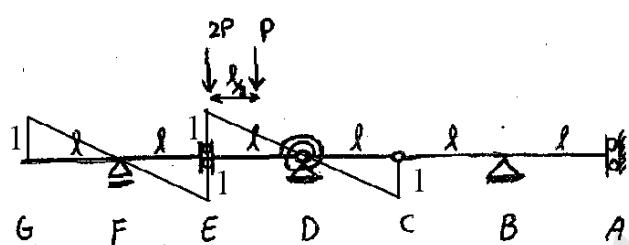
2P (۰)

 $\frac{2}{5}P$ (۳)

گزینه ۴

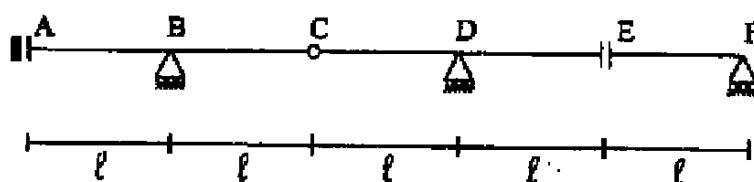
خط تأثیر برش در گره C به صورت زیر می‌باشد. و در صورتی که بارها مطابق شکل قرار گیرند، برش در نقطه C برابر خواهد بود با:

$$V_C = 2P \times 1 + P \times \frac{1}{2} = \frac{5}{2}P$$



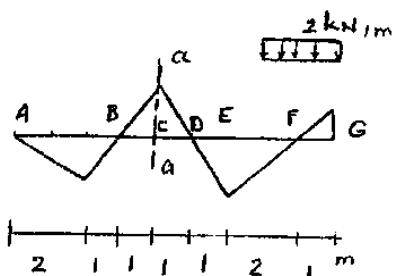
دکتری ۹۲

۱۶- اگر بار گستردۀ یکنواخت به شدت W بتواند به طور اختیاری در قسمت‌های مختلف تیر ABCDEF قرار گیرد، حداکثر عکس العمل تکیه گاه B کدام است؟

 Wl (۱) $2Wl$ (۲) $3Wl$ (۳) $4Wl$ (۴)

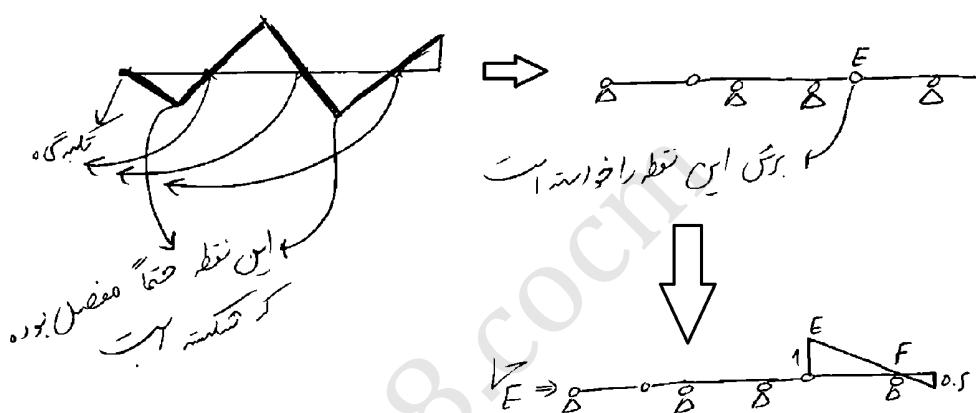
سراسری ۹۰

- ۵۷- خط تأثیر لنگر خمی در مقطع a-a از یک تیز معین در شکل نشان داده است. در صورتی که به این تیز بار گستردگی kN باشد و با طول متغیر اثر کند، حداکثر برش در نقطه E چند kN است؟



- ۱) ۵ (۱)
۲) ۲ (۲)
۳) ۳ (۳)
۴) ۴ (۴)

(۵۷) از شکل دوم خط تأثیر خش می‌شوند مل تکیه‌گاهی سازه را تشخیص دارید و مقادیر کارانساع صورت تکلیف و رفع



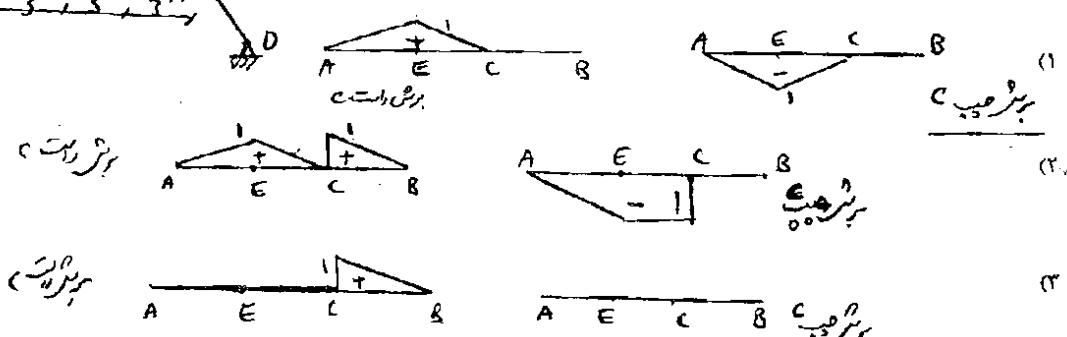
آن ابراطول متغیر است تنها رکره EF را برآوردی کنیم

$$K_E = A \times 2 = \frac{2 \times 1}{2} \times 2 = 2$$

هر چهار میلیون نیوتن

سراسری ۸۶

- ۶۶- در قاب شکل مقابل، خط تأثیر برش در سمت چپ و راست C به ترتیب مطابق با گدام شکل است؟



(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

(۵)

(۶)

(۷)

(۸)

(۹)

(۱۰)

(۱۱)

(۱۲)

(۱۳)

(۱۴)

(۱۵)

(۱۶)

(۱۷)

(۱۸)

(۱۹)

(۲۰)

(۲۱)

(۲۲)

(۲۳)

(۲۴)

(۲۵)

(۲۶)

(۲۷)

(۲۸)

(۲۹)

(۳۰)

(۳۱)

(۳۲)

(۳۳)

(۳۴)

(۳۵)

(۳۶)

(۳۷)

(۳۸)

(۳۹)

(۴۰)

(۴۱)

(۴۲)

(۴۳)

(۴۴)

(۴۵)

(۴۶)

(۴۷)

(۴۸)

(۴۹)

(۵۰)

(۵۱)

(۵۲)

(۵۳)

(۵۴)

(۵۵)

(۵۶)

(۵۷)

(۵۸)

(۵۹)

(۶۰)

(۶۱)

(۶۲)

(۶۳)

(۶۴)

(۶۵)

(۶۶)

(۶۷)

(۶۸)

(۶۹)

(۷۰)

(۷۱)

(۷۲)

(۷۳)

(۷۴)

(۷۵)

(۷۶)

(۷۷)

(۷۸)

(۷۹)

(۸۰)

(۸۱)

(۸۲)

(۸۳)

(۸۴)

(۸۵)

(۸۶)

(۸۷)

(۸۸)

(۸۹)

(۹۰)

(۹۱)

(۹۲)

(۹۳)

(۹۴)

(۹۵)

(۹۶)

(۹۷)

(۹۸)

(۹۹)

(۱۰۰)

(۱۰۱)

(۱۰۲)

(۱۰۳)

(۱۰۴)

(۱۰۵)

(۱۰۶)

(۱۰۷)

(۱۰۸)

(۱۰۹)

(۱۱۰)

(۱۱۱)

(۱۱۲)

(۱۱۳)

(۱۱۴)

(۱۱۵)

(۱۱۶)

(۱۱۷)

(۱۱۸)

(۱۱۹)

(۱۱۱۰)

(۱۱۱۱)

(۱۱۱۲)

(۱۱۱۳)

(۱۱۱۴)

(۱۱۱۵)

(۱۱۱۶)

(۱۱۱۷)

(۱۱۱۸)

(۱۱۱۹)

(۱۱۱۱۰)

(۱۱۱۱۱)

(۱۱۱۱۲)

(۱۱۱۱۳)

(۱۱۱۱۴)

(۱۱۱۱۵)

(۱۱۱۱۶)

(۱۱۱۱۷)

(۱۱۱۱۸)

(۱۱۱۱۹)

(۱۱۱۱۱۰)

(۱۱۱۱۱۱)

(۱۱۱۱۱۲)

(۱۱۱۱۱۳)

(۱۱۱۱۱۴)

(۱۱۱۱۱۵)

(۱۱۱۱۱۶)

(۱۱۱۱۱۷)

(۱۱۱۱۱۸)

(۱۱۱۱۱۹)

(۱۱۱۱۱۱۰)

(۱۱۱۱۱۱۱)

(۱۱۱۱۱۱۲)

(۱۱۱۱۱۱۳)

(۱۱۱۱۱۱۴)

(۱۱۱۱۱۱۵)

(۱۱۱۱۱۱۶)

(۱۱۱۱۱۱۷)

(۱۱۱۱۱۱۸)

(۱۱۱۱۱۱۹)

(۱۱۱۱۱۱۱۰)

(۱۱۱۱۱۱۱۱)

(۱۱۱۱۱۱۱۲)

(۱۱۱۱۱۱۱۳)

(۱۱۱۱۱۱۱۴)

(۱۱۱۱۱۱۱۵)

(۱۱۱۱۱۱۱۶)

(۱۱۱۱۱۱۱۷)

(۱۱۱۱۱۱۱۸)

(۱۱۱۱۱۱۱۹)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۰)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۲)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۳)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۴)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۵)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۶)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۷)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۸)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۹)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۰)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۲)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۳)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۴)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۵)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۶)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۷)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۸)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۹)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۰)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۲)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۳)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۴)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۵)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۶)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۷)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۸)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۹)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۰)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۲)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۳)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۴)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۵)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۶)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۷)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۸)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۹)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۰)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۲)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۳)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۴)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۵)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۶)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۷)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۸)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۹)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۰)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۲)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۳)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۴)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۵)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۶)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۷)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۸)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۹)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۰)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۲)

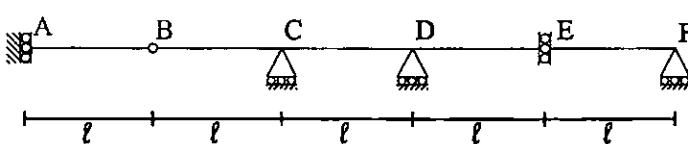
(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۳)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۴)

(۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۵)

(۱۱

- ۶۱- بار گستردہ یکنواخت به شدت w , به طول دلخواه, بر روی دهانه های تیر زیر قرار می گیرد. حداکثر نیروی برشی سمت راست تکیه گاه C, چقدر است؟



$$\frac{wl}{2} \quad (1)$$

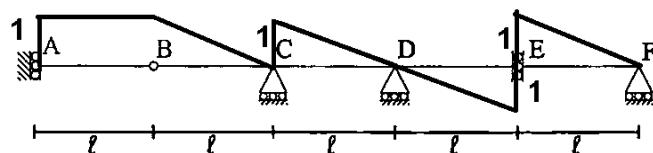
$$\frac{5wl}{2} \quad (2)$$

$$3wl \quad (3)$$

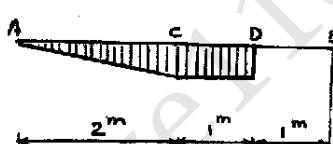
$$2wl \quad (4)$$

خط تأثیر برش سمت راست تکیه گاه مطابق شکل می باشد. مقدار برش برابر مساحت زیر نمودار خط تأثیر در دهانه هایی می باشد که در آنها بار گستردہ قرار خواهد گرفت. مساحت دهانه های مثبت بیشتر می باشد. دهانه های مثبت شامل دهانه های AB, BC, CD, و EF می باشد.

حال اگر بار گستردہ یکپارچه باشد تنها باید دهانه های AB, BC, و CD بارگذاری شوند که در این صورت گزینه ۴ صحیح خواهد بود. ولی اگر بار w از نوع زنده و بوده و بتواند در هر دهانه دلخواهی بارگذاری شود، گزینه ۲ صحیح خواهد بود.



- ۶۰- خط تأثیر نیروی برشی در یک نقطه از یک تیر معین مطابق شکل درسم شده است. اگر این تیر تحت اثر بار گستردہ یکنواخت به شدت $\frac{2}{3}w$ قرار گیرد. مقدار لنگر خوشی در همان نقطه چند کیلو نیوتن متر است؟

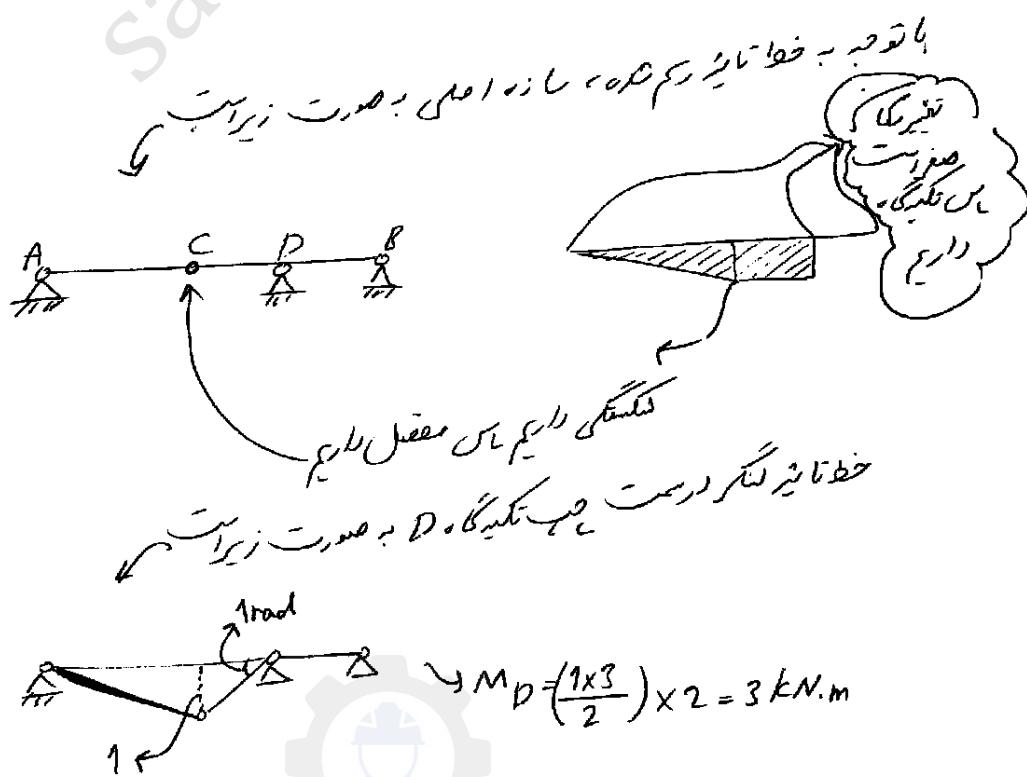


$$4 \quad (1)$$

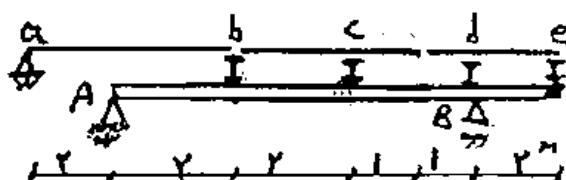
$$2 \quad (2)$$

$$3 \quad (3)$$

$$1 \quad (4)$$



۶۳- اگر بار منفرد ۵ تنی از روی ae عبور کند حداقل عکس العمل فشاری A و B به ترتیب برابر است با:



$$\frac{10}{3} \text{ و } 5 \quad (1)$$

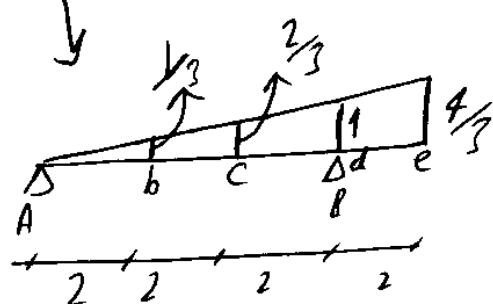
$$\frac{20}{3} \text{ و } 5 \quad (2)$$

$$\frac{10}{3} \text{ و } \frac{5}{3} \quad (3)$$

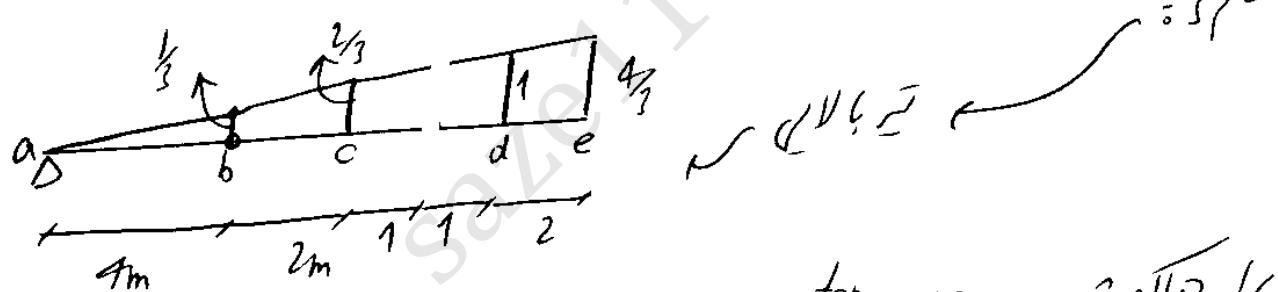
$$\frac{20}{3} \text{ و } \frac{10}{3} \quad (4)$$

R_B

کام ۱: خط تابع تیر ۲ بینم خور



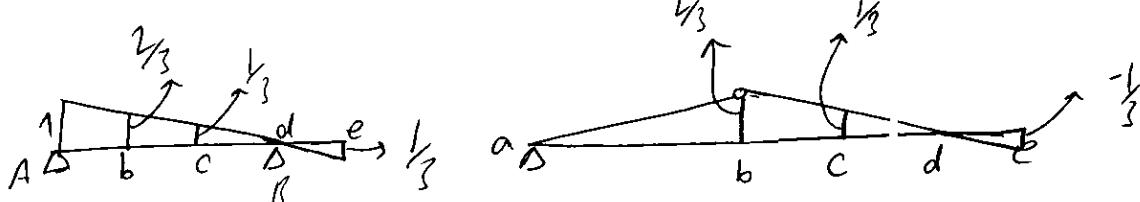
کام ۲: نقاط اتصال متغیر خور



$$R_B = 5 \times \frac{4}{3} = \frac{20}{3}$$

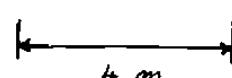
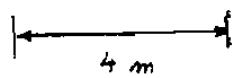
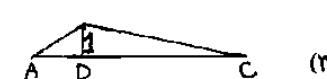
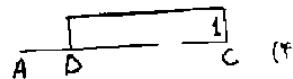
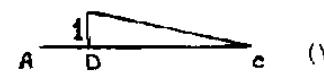
برای راهنمایی R_B از R_B در کام ۲

R_A



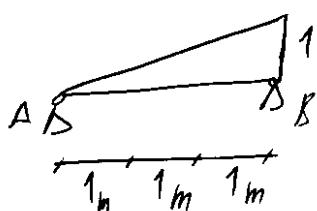
$$R_A = \frac{2}{3} \times 5 = \frac{10}{3}$$

سراسری ۸۱

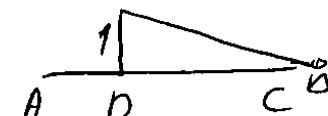
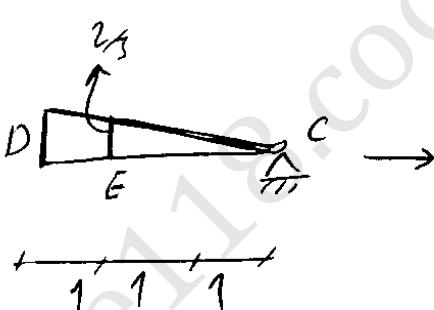
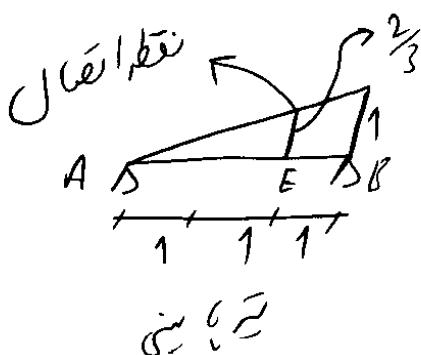
۵۱- خط تأثیر R_B کدام است؟ بار روی DC جایجا می شود.

گزینه ۱

گام ۱: خط تأثیر تیر پایینی را بدون توجه به قسمت فوقانی رسم می کنیم:

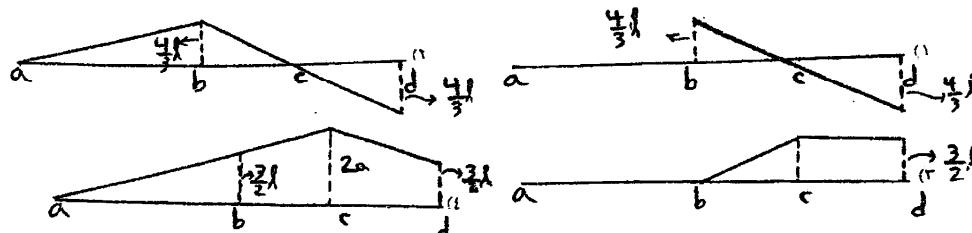
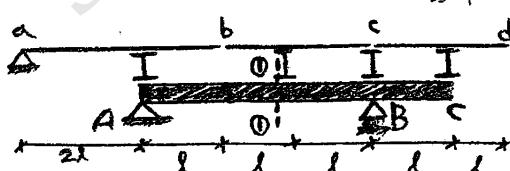


گام ۲: نقاط اتصال خط تأثیر تیر پایینی و تیر بالایی را مشخص می کنیم:



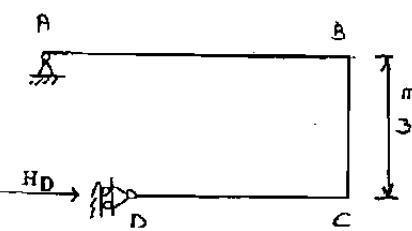
آزاد

۶۱- با واحد روی دهانه های a تا d حرکت می کند. نیروی ایجاد شده در اثر این حرکت، توسط تیرهای فرعی به تیر اصلی ABC مرسد. خط تأثیر لشگر خمی در مقطع ①- ① از تیر اصلی به کدام صورت است؟

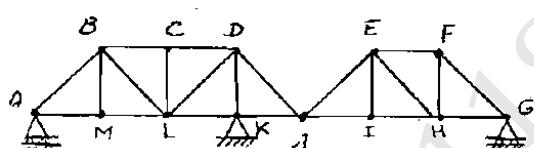
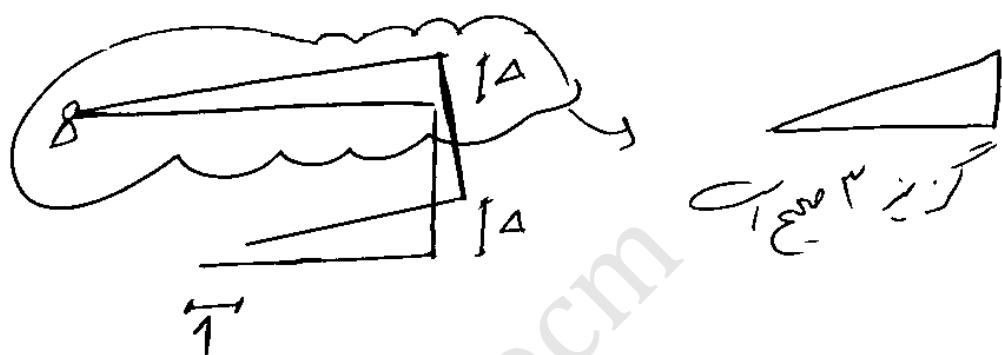
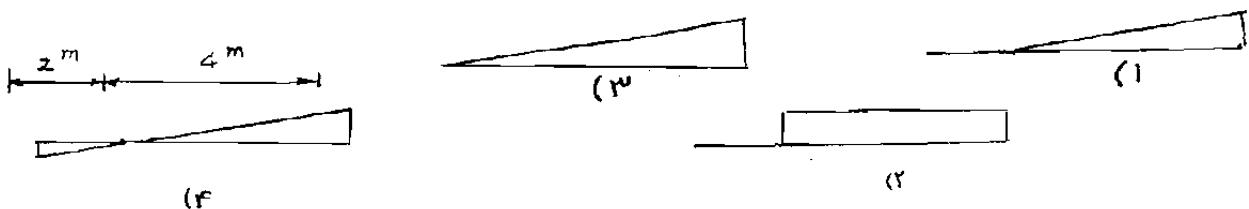


گزینه ۱

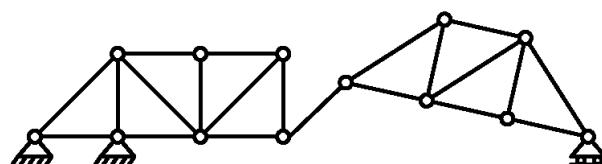
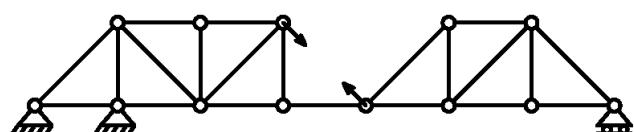
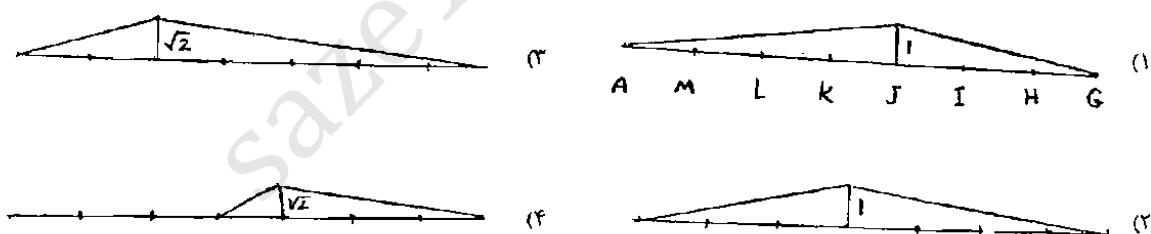




۷۷- با توجه به شکل مقابل، خط تأثیر H_D کدام است؟
(بار روی AB حرکت می‌کند).

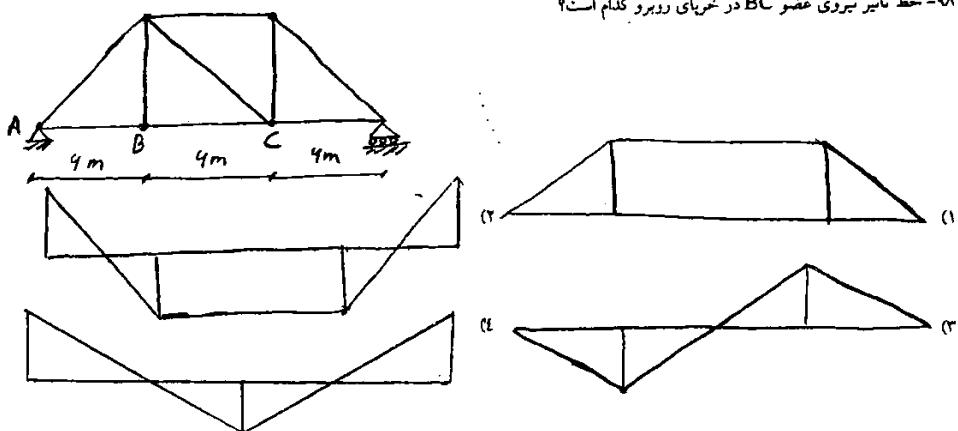


۶- خط تأثیر F_{IJ} را رسم کنید:



آزاد ۸۵

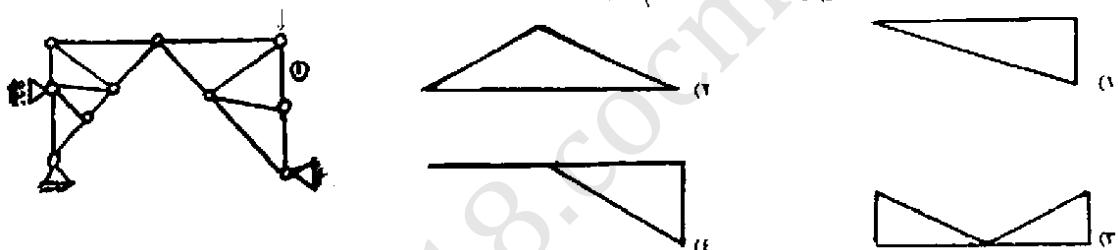
۶۸- خط تأثیر نیروی عضر BC در خربای رو به رو کدام است؟



پاسخ در گزینه ها نیست.

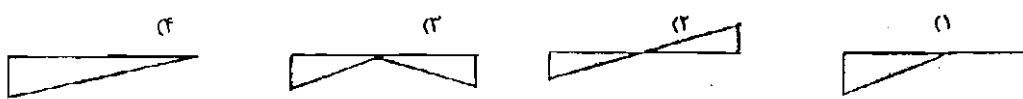
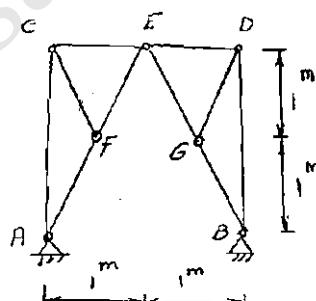
آزاد ۸۸

۶۹- خط تأثیر نیروی عضر ① در خربای نشان داده شده کدام است؟



گزینه ۴

سراسری ۸۴

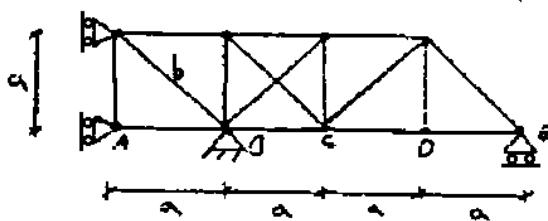
۷۰- خط تأثیر AC مطابق با کدام یک از اشکال می‌باشد؟
(بار روی CD حرکت می‌کند).

گزینه ۱



آزاد ۸۷

۶۷- خط تأثیر نیروی مضر \bar{t} را در نظر گرفت ارتفاع آن در A کدام است؟ (بار روی تار نحتاس خربها سرکت می‌کند)



$$(1) \sqrt{2} \text{ نیاری}$$

$$\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) \text{ نیاری}$$

$$\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) \text{ نیاری}$$

$$\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) \text{ نیاری}$$

گزینه ۴

دکتری ۹۱

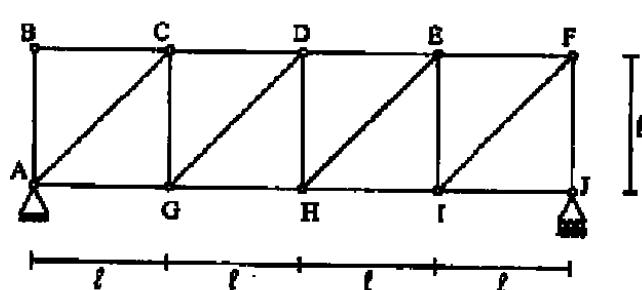
۶۸- اگر بار روی تار پانچین خربای مطابق شکل حرکت کند، ارتفاع خط تأثیر نیروی محوری عفو GD در نقطه I کدام است؟

$$-\sqrt{2} \text{ (۱)}$$

$$-\frac{\sqrt{2}}{2} \text{ (۲)}$$

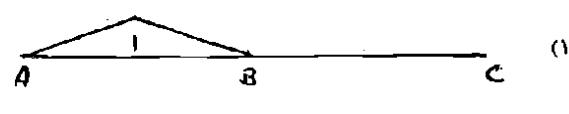
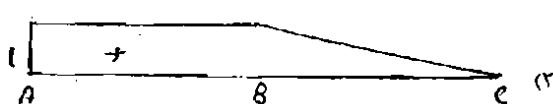
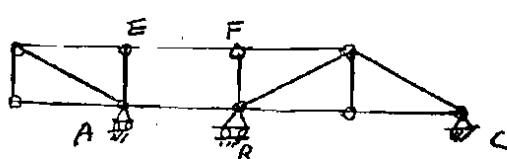
$$-\frac{\sqrt{2}}{4} \text{ (۳)}$$

$$-\frac{\sqrt{2}}{8} \text{ (۴)}$$

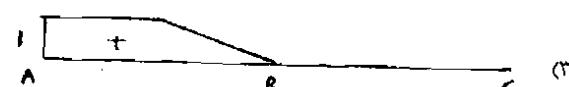


سراسری ۸۵

در خربای شکل زیر خط تأثیر عکس العمل A کدام است؟



۴) چون خربا در قسمت ABEF ناپایدار است
خط تأثیر آن را نمی‌توان رسم کرد.

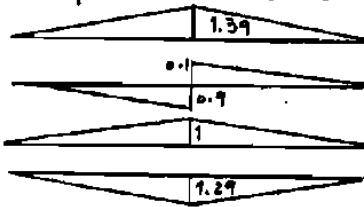


گزینه ۳



سراسری ۸۳

۷۵. خط تأثیر و اکشن افقی تکیه گاه A را در مس کنید؟



(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

سازه ناپایدار است.

با فرض وجود عضو قطری در پانل انتهایی سمت چپ، گزینه ۱ صحیح است.

آزاد

۶۵- در خرپای نشان داده شده بار واحد در تار تختانی خربما حرکت می کند.

کدام یک از عبارتهای زیر در مورد ارتفاع خط تأثیر نیروی عضو ① در گره

A صحیح است؟

الف) اگر عضو ① کابل باشد ارتفاع خط تأثیر در گره A، صفر است.

ب) اگر عضو ① کابل باشد خربما ناپایدار است.

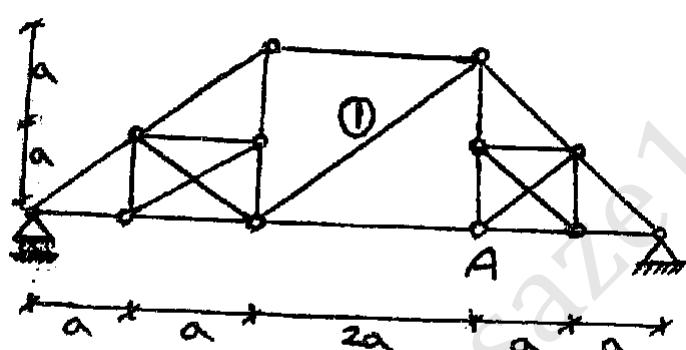
ج) اگر عضو ① کابل نباشد ارتفاع خط تأثیر در گره A، $\frac{\sqrt{2}}{3}$ است.د) اگر عضو ① کابل باشد ارتفاع خط تأثیر در گره A، $\frac{\sqrt{2}}{6}$ است.

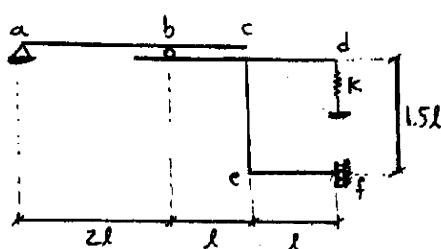
۱) ب و د ۲) ب و ج

۳) خربما نامعین است و لذا ارتفاع خط تأثیر نیروی عضو ① قابل محاسبه نمی باشد.

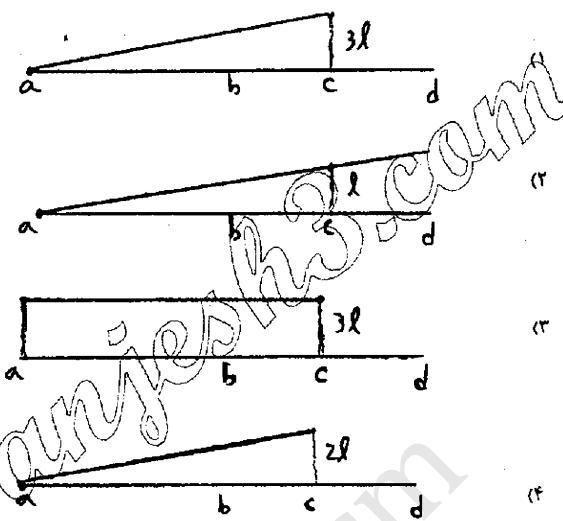
۳) الف و ج

گزینه ۲





۶۵- نمودار خط تأثیر لنگر تکیه گاه غلتکی برشی f کدام گزینه می باشد؟ (بار واحد در فاصله A تا C حرکت می کند)



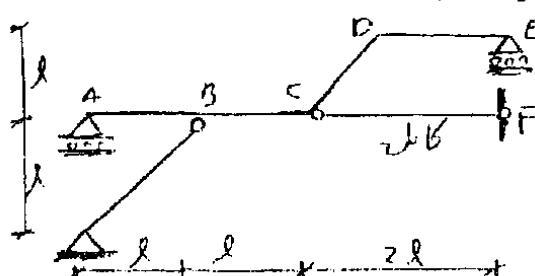
گزینه ۱:

گزینه ۲: در نقطه a تکیه گاه داریم و ارتفاع خط تأثیر باید صفر باشد.

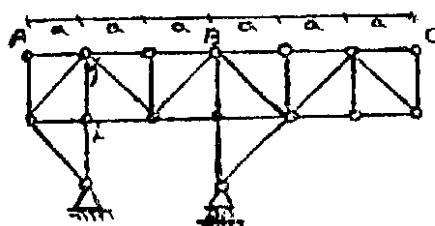
گزینه ۳: بار روی abc حرکت می کند و برای قسمت cd نباید خط تأثیر رسم شود.

برای تشخیص اینکه کدامیک از گزینه های ۱ یا ۴ صحیح است، یک بار واحد در نقطه b قرار می دهیم و مقدار لنگر تکیه گاه f را می یابیم که در این صورت لنگر تکیه گاه f برابر $2L$ خواهد بود و گزینه ۱ صحیح است.

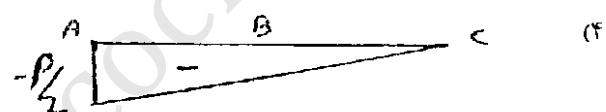
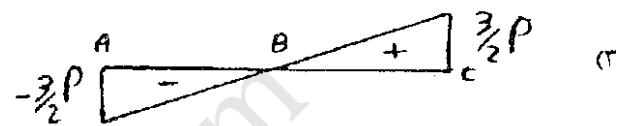
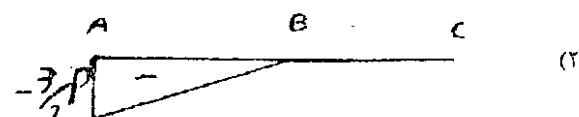
۶۷- بار واحد در قسمت $ABCDE$ حرکت می کند خط تأثیر لنگر C کدام است؟ (عضو CF کابل می باشد)



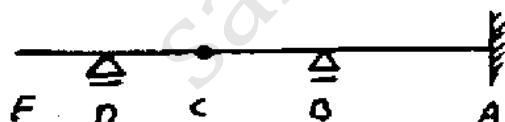
آزاد ۹۰



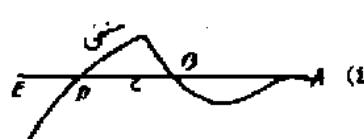
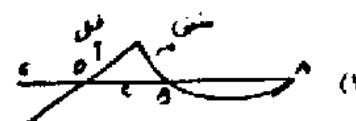
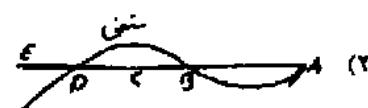
۶- در صورتیکه نیروی قائم P بر بال فوکانی خربسادر را سر طول آن حرکت کند خط تأثیر نیروی محوری عضو اکدام است؟ (کشش مثبت و فشار منفی فرض می شود)



آزاد ۸۸



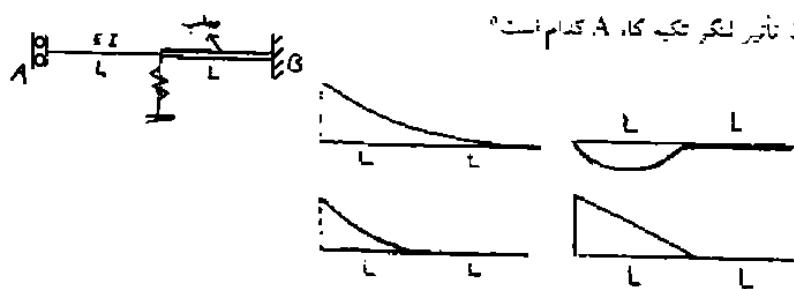
۷۱- خط تأثیر لگز نکه گاه گیردار کدام است؟



گزینه ۳

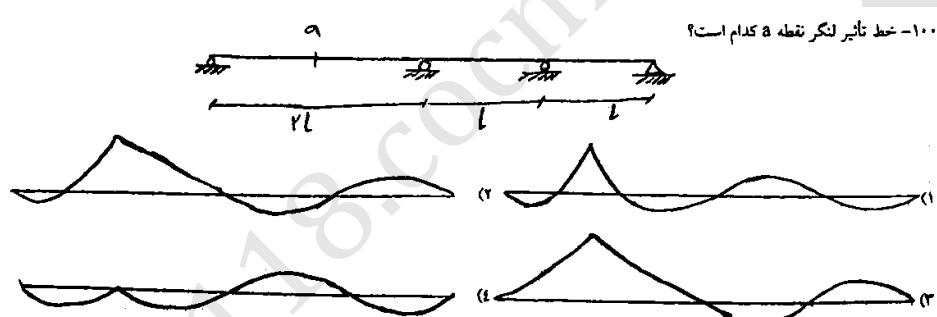


آزاد ۸۷



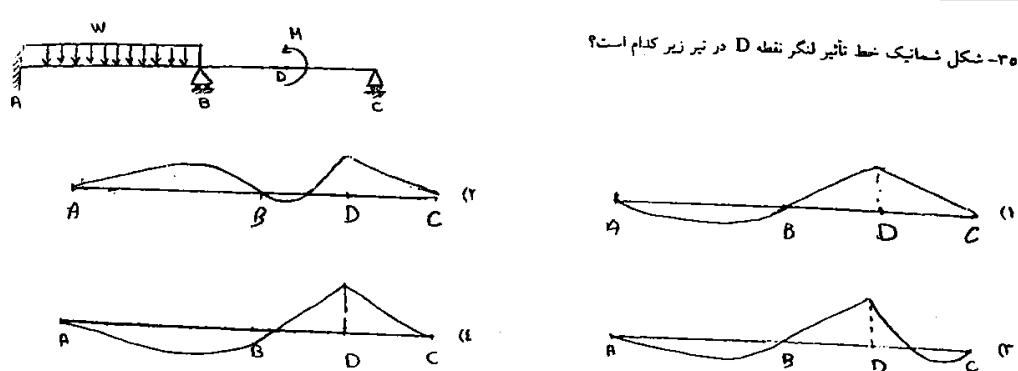
گزینه ۴

آزاد ۸۵



گزینه ۳- گزینه ۲ به این دلیل نادرست است که قسمت انتهایی سمت چپش را منفی کشیده اند

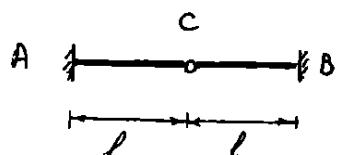
آزاد ۸۶



گزینه ۴- دقت شود که خط تأثیر ربطی به بارگذاری ندارد.



-۵۸- مساحت زیر خط تأثیر M_A ، کدام است؟



$$\frac{1}{2}l^2 \quad (1)$$

$$l^2 \quad (2)$$

$$2l^2 \quad (3)$$

۴) هیچ کدام

. گزینه ۱.

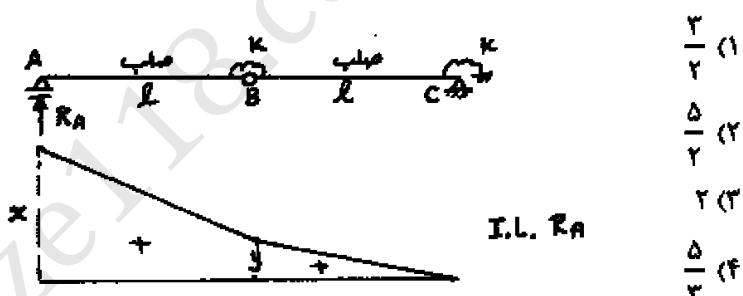
می دانیم اگر کل تیر تحت اثر بار گستردۀ یکنواخت قرار گیرد، لنگر تکیه گاه A برابر است با مقدار بار گستردۀ ضرب در مساحت زیر نمودار خط تأثیر. پس برای بدست آوردن مساحت زیر نمودار خط تأثیر یک بار گستردۀ بر تیر اعمال کرده و لنگر تکیه گاه A را محاسبه می کنیم. با توجه به وجود مفصل و تقارن لنگر تکیه گاه A برابر

$$\frac{WL^2}{2} \text{ می باشد و مساحت زیر منحنی برابر } \frac{L^2}{2} \text{ می باشد.}$$

دکتری ۹۳

-۱۴- اگر منحنی تأثیر عکس العمل R_A از تیر زیر مطابق شکل باشد، آنگاه نسبت $\frac{x}{y}$

چه مقدار می باشد؟



$$\frac{3}{2} \quad (1)$$

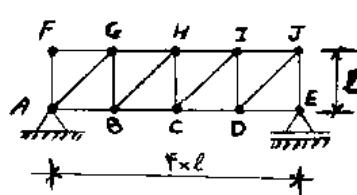
$$\frac{5}{2} \quad (2)$$

$$2 \quad (3)$$

$$\frac{5}{3} \quad (4)$$

سراسری ۹۴

-۶۴- بار متغیرکز قائم P روی تار پایین خربای شکل حرکت می کند. این بار در چه فاصله‌ای بین C و D قرار گیرد تا نیروی محوری عضور CI صفر شود؟



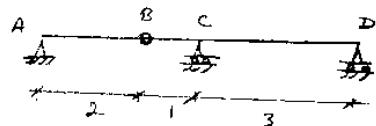
$$D \text{ از } \frac{\ell}{3} \quad (1)$$

$$C \text{ از } \frac{\ell}{3} \quad (2)$$

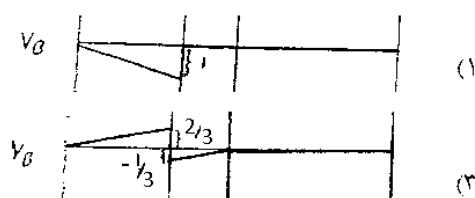
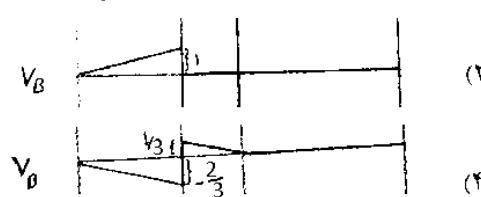
$$D \text{ از } \frac{\ell}{4} \quad (3)$$

$$C \text{ از } \frac{\ell}{4} \quad (4)$$



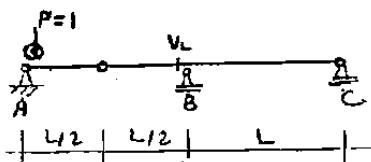


۷۲- کدامیک از گزینه‌های زیر خط اثر نیروی برشی در نقطه B را نشان می‌دهد؟

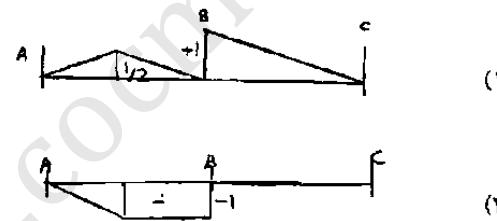
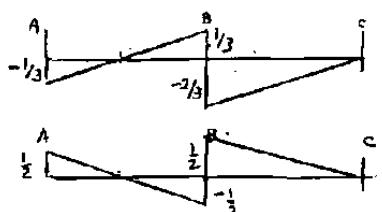


گزینه ۱

نحوه محاسبه نیروهای داخلی با استفاده از خط تاثیر (بار گسترد و متمرکز)

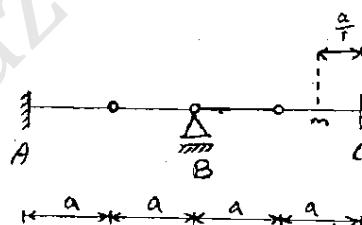


۵۵- خط تاثیر نیروی برش طرف چپ تکیه گاه B (V_L) کدامیک است؟



گزینه ۳

بار گسترد به طول a و به شدت W بر روی سازه شکل مقابل حرکت می‌کند. حداقل لغزش خمینی در نقطه m به فاصله $\frac{a}{2}$ از تکیه گاه C چقدر است؟

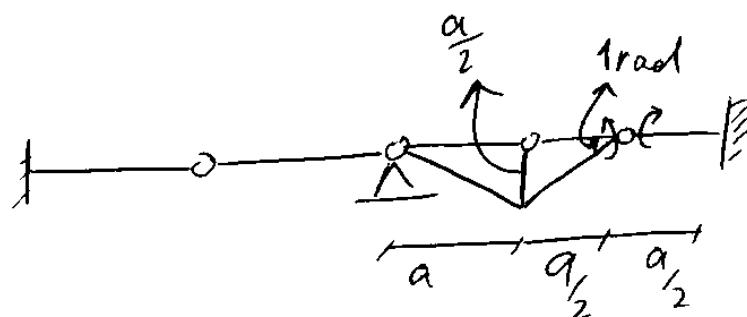


$$\frac{2Wa^2}{\lambda} \quad (1)$$

$$\frac{Wa^2}{\lambda} \quad (2)$$

$$\frac{9Wa^2}{16} \quad (3)$$

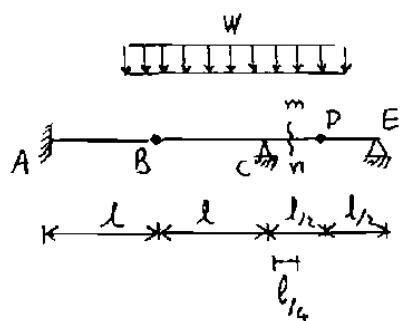
$$\frac{15Wa^2}{16} \quad (4)$$



$$M = \frac{-\frac{a}{2} \times 1.5a}{2} \times W = \frac{-3Wa^2}{8}$$

تمرین سراسری ۸۲

-۵۱- تیر شکل مقابل مفروض است. بار گسترده به طول $2l$ و شدت w از ابتدا تا انتهای سازه حرکت می‌کند. حداقل مقدار نیروی برشی در مقطع $m-n$ چقدر است؟ (مقطع $m-n$ در وسط CD است.)

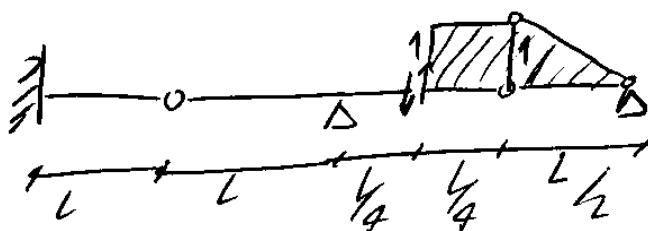


(۱) wl

(۲) $\frac{wl}{2}$

(۳) $\frac{3wl}{2}$

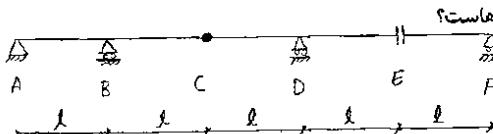
(۴) $\frac{3wl}{4}$



$$V = \left(\frac{l}{4} \times 1 + \frac{l}{2} \times 1 \right) \times W = \frac{wl}{2}$$

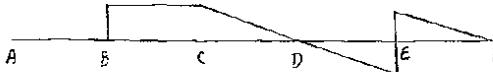
تمرین سراسری ۸۳

خط تأثیر نیروی برشی در سمت راست تکیه‌گاه B به شکل کدام یک از گزینه‌هایست؟



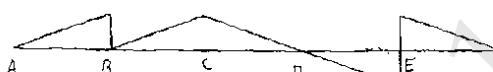
(۱)

(۲)



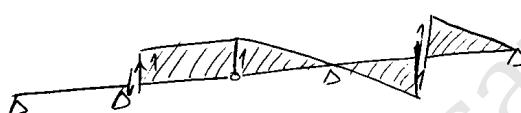
(۳)

(۴)



(۵)

(۶)



تمرین سراسری ۸۴

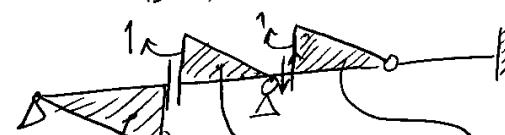
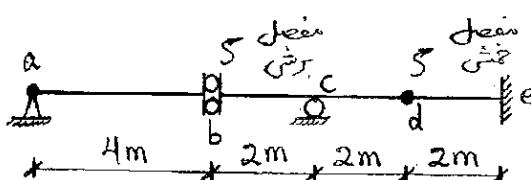
-۶۸- در تیر شکل مقابل تحت بار گسترده $\frac{t}{m}$ با طول متغیر، قدر مطلق برش حداقل در سمت راست تکیه‌گاه C بر حسب t چقدر است؟ سرتاسر تیر قابل بارگذاری می‌باشد.

(۱)

(۲)

(۳)

(۴)



$$A_1 = \frac{2 \times 4}{2} = 4$$

$$A_2 = \frac{1 \times 2}{2} = 1$$

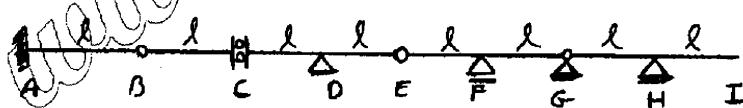
$$A_3 = \frac{1 \times 2}{2} = 1$$

$$\text{سurtas} \rightarrow (A_1)A_2 + A_3$$

$$V = A_1 \times W = 4 \times 1 = 4 \text{ ton}$$



۶۶- حداکثر لنگر خمی داخلي در وسط AB بر اثر حرکت بار P در روی تیر نشان داده شده چند است؟



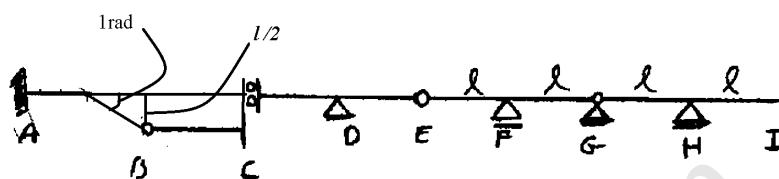
$$\frac{P\ell}{4} \text{ (۲)}$$

$$\frac{P\ell}{8} \text{ (۱)}$$

$$P\ell \text{ (۴)}$$

$$\frac{P\ell}{2} \text{ (۳)}$$

گزینه ۳: با توجه به اینکه حداکثر ارتفاع خط تاثیر برابر $L/2$ می باشد، گزینه ۳ صحیح است.



تمرین سراسری ۸۸

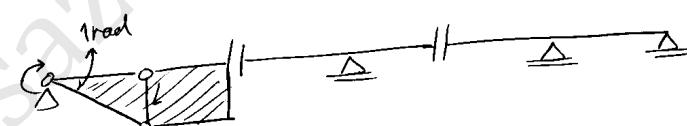
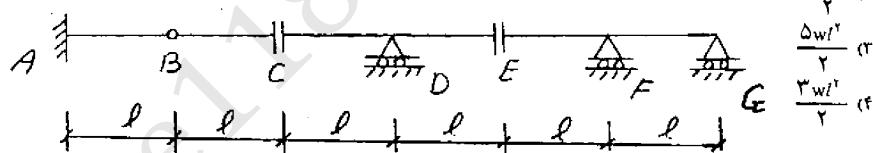
- ۸۴- اگر بار گستردگی کوچک باشد و طول منطبق از روی تیر شکل مقابل عبور کند. مقدار حاکمیت لنگر خمی در A کدام است؟

$$2wI^T \text{ (۱)}$$

$$\frac{wI^T}{2} \text{ (۲)}$$

$$\frac{5wI^T}{2} \text{ (۳)}$$

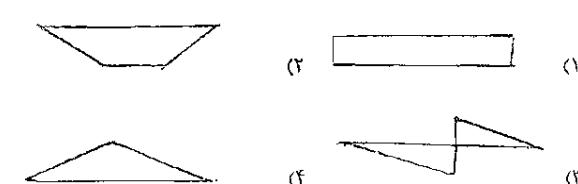
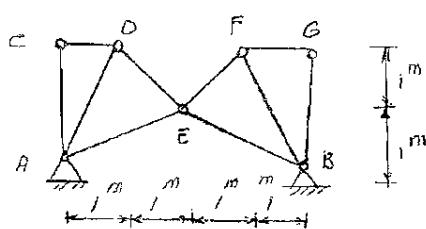
$$\frac{3wI^T}{2} \text{ (۴)}$$



$$M_A = \left(\frac{L \times L}{2} + L \times l \right) \times w = \frac{3wl^2}{2}$$

تمرین سراسری ۸۶

- ۷۲- خط تاثیر عکس العمل افقی در تکیه‌گاه A رارسم کنید. بار در تار پایین خربما حرکت می‌کند.

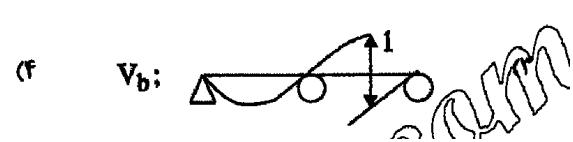
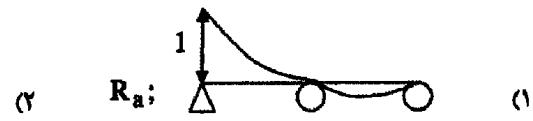
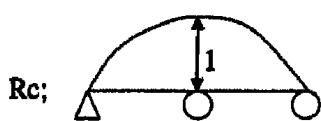
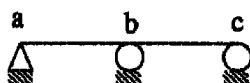


گزینه ۴



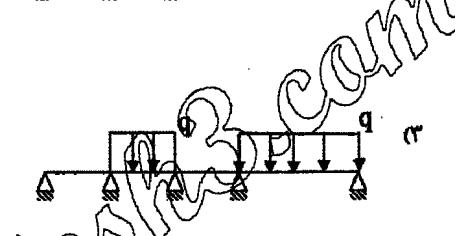
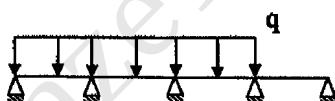
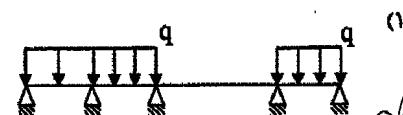
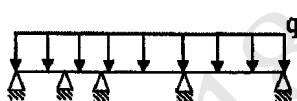
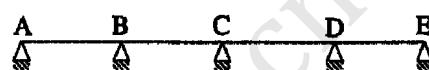
تمرین آزاد ۹۳

۱۶- کدام یک از خطوط تأثیر زیر در مورد تیر زیر صحیح نیست؟



تمرین: آزاد ۹۳

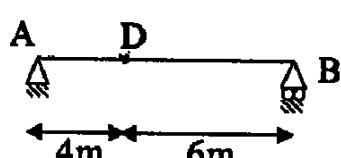
۱۷- نامناسب‌ترین وضعیت بارگذاری لنگرگاه تکیه‌گاه B کدام است؟



تمرین: آزاد ۹۳

۱۸- بیشینه مقدار پرس در نقطه D روی تیر زیر کدام است؟

در صورتی که: الف: فاصله بار متمرکز از بار گسترده همواره ۲ متر است.



$$P = 5 \text{ ton}$$

$$2 \text{ m}$$

ب: طول بار گسترده می‌تواند تغییر کند.

$$q = 1.2 \frac{\text{ton}}{\text{m}}$$

۴ (۲)

3.69 (۱)

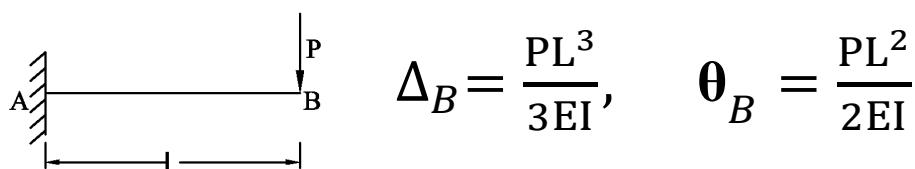
۰.۴ (۴)

3.96 (۳)



۵-تغییرشکل سازه های معین

موارد زیر باید حفظ شود:



$$\Delta_B = \frac{PL^3}{3EI}, \quad \theta_B = \frac{PL^2}{2EI}$$

Diagram of a beam A-B of length L, fixed at A and free at B, subjected to a clockwise moment M at B.

$$\Delta_B = \frac{ML^2}{2EI}, \quad \theta_B = \frac{ML}{EI}$$

Diagram of a beam A-B of length L, fixed at A and free at C, subjected to a downward point load P at B.

$$\Delta_B = \frac{PL^3}{48EI}$$

Diagram of a beam A-B-C of length L, fixed at A and rigidly connected at C, subjected to a downward point load P at B.

$$\Delta_B = \frac{1}{4} \times \frac{PL^3}{48EI} = \frac{PL^3}{192EI}$$

Diagram of a beam A-B-C of length L, fixed at A and free at C, subjected to a downward point load q at B.

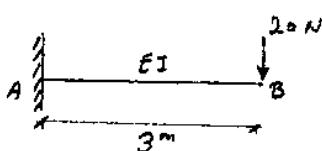
$$\Delta_B = \frac{5qL^4}{384EI}$$



آزاد ۸۹

۷۳- خیز تیر در نقطه انتهایی B چقدر است؟

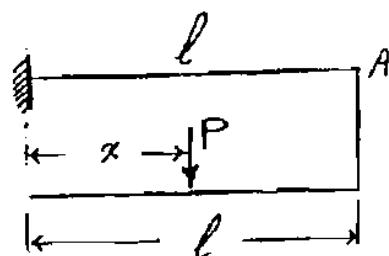
$$\Delta = \frac{PL^3}{3EI} = \frac{20 \times 3^3}{3 \times EI} = \frac{180}{EI}$$



$$\delta_B = \frac{125}{EI} \quad (1)$$

$$\delta_B = \frac{120}{EI} \quad (2)$$

سراسری ۸۱

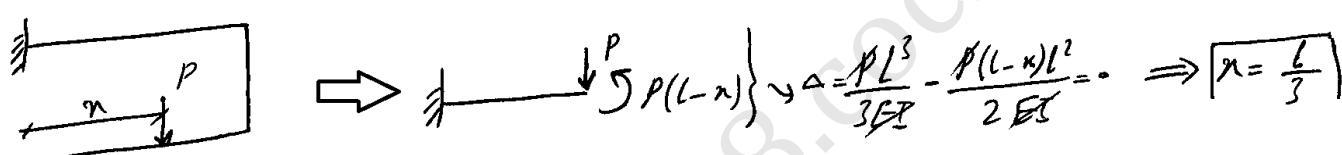
۷۴- با توجه به شکل مقابل در چه فاصله‌ای از انتهای میله باستنی نیروی P اعمال گردد تا تغییر مکان قائم نقطه A صفر شود? ($x = ?$)

$$x = 1 \quad (1)$$

$$x = \frac{l}{3} \quad (2)$$

$$x = \frac{l}{2} \quad (3)$$

$$x = \frac{2l}{3} \quad (4)$$



سراسری ۸۶

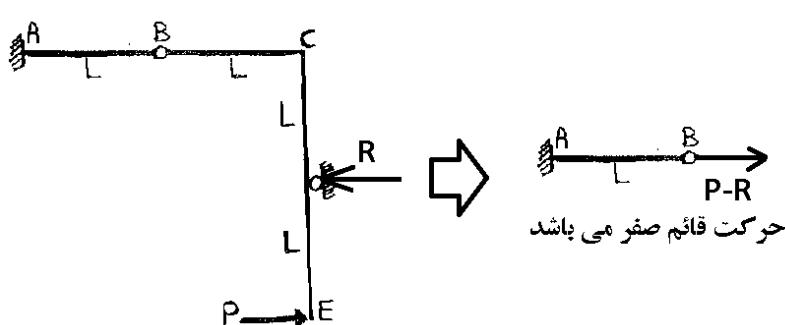
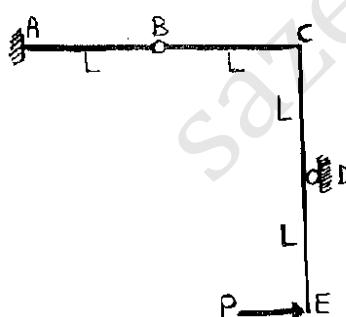
۷۶- در سازه نشان داده شده حداقل جابجایی قائم مفصل B چقدر است? (EI برای کلیه اعضاء ثابت)

۱) صفر

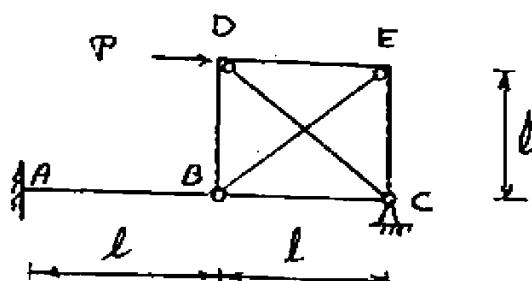
$$\frac{PL^3}{EI} \quad (2)$$

$$\frac{PL^3}{2EI} \quad (3)$$

$$\frac{2PL^3}{3EI} \quad (4)$$



-۸۸ - تغییر مکان قائم نقطه B را تعیین کنید؟



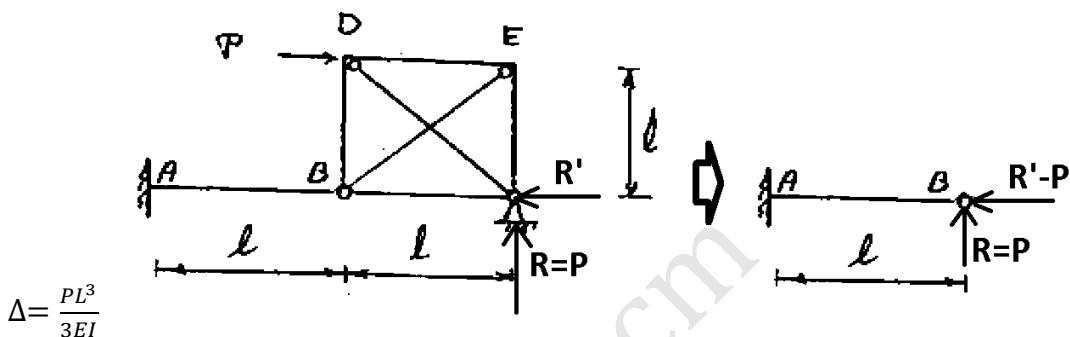
$$\frac{12Pl^3}{EI} \quad (1)$$

$$\frac{Pl^3}{\gamma EI} \quad (2)$$

$$\frac{Pl^3}{\lambda EI} \quad (3)$$

$$\frac{Pl^3}{\gamma EI} \quad (4)$$

$$EI = \text{---}^{\circ}$$



$$\Delta = \frac{PL^3}{3EI}$$

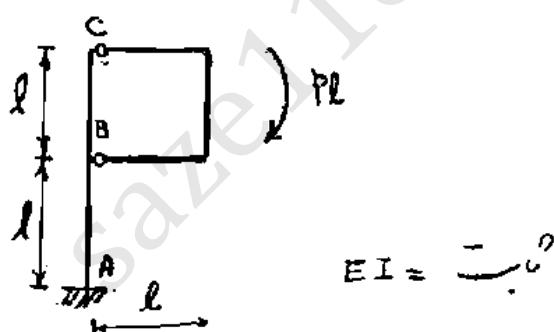
$$\Delta_{Bx} = ? \quad -۷۰$$

$$-\frac{Pl^3}{\gamma EI} \quad (1)$$

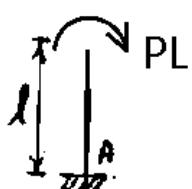
$$-\frac{Pl^3}{\lambda EI} \quad (2)$$

$$-\frac{Pl^3}{\gamma EI} \quad (3)$$

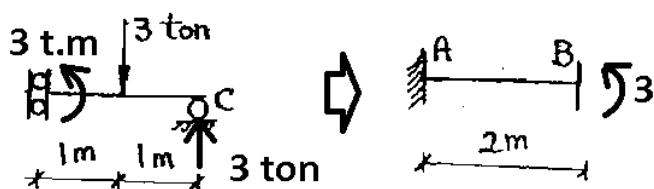
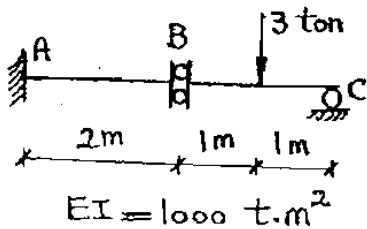
$$-\frac{\gamma Pl^3}{EI} \quad (4)$$



$$EI = \text{---}^{\circ}$$

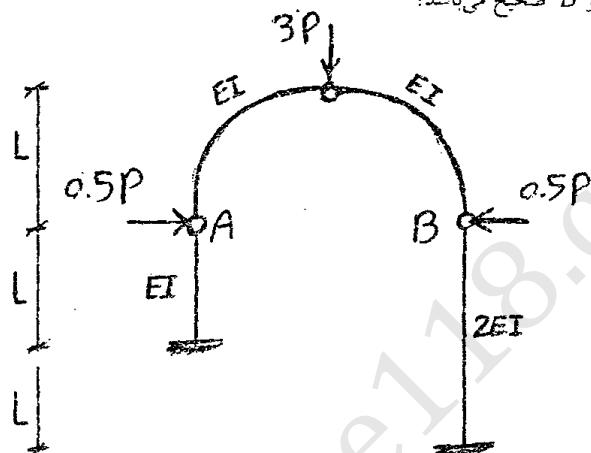


در تیر شکل مقابل تغییر مکان در سمت چپ مفصل برشی B بر حسب mm کدام است؟



آزاد ۸۹

- در سازه شکل زیر کدام گزینه در مورد تغییر فاصله نقاط A و B صحیح می‌باشد؟



۱) به مقدار $\frac{5PL^3}{3EI}$ به هم نزدیک می‌شوند.

۲) به مقدار $\frac{5PL^3}{3EI}$ از یکدیگر دور می‌شوند.

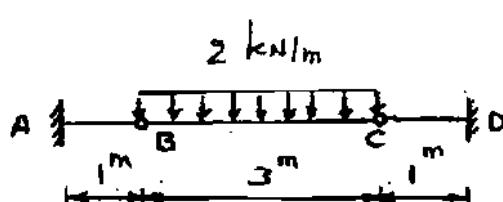
۳) به مقدار $\frac{5PL^3}{6EI}$ از یکدیگر دور می‌شوند.

۴) به مقدار $\frac{5PL^3}{6EI}$ به هم نزدیک می‌شوند.

گزینه ۲

سراسری ۸۱

۸۴ را حساب کنید؟

 $EI = \text{ثابت}$ 

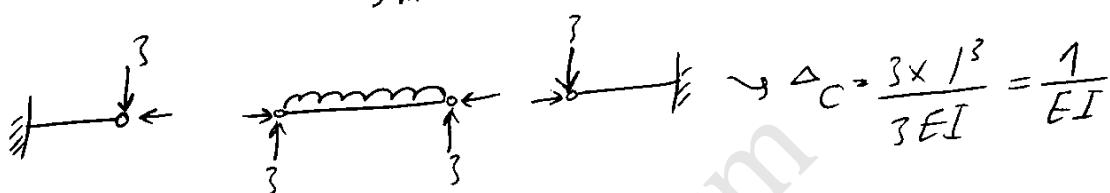
$\frac{1}{EI} \quad (1)$

$\frac{1}{EI} \quad (2)$

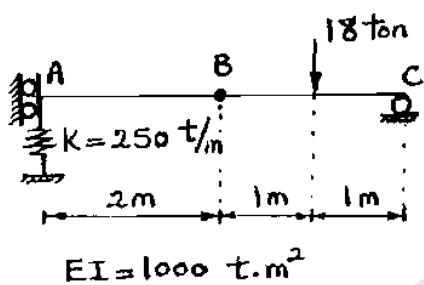
$\frac{2}{EI} \quad (3)$

$\frac{9}{EI} \quad (4)$

$$\left. \begin{array}{l} \text{جواب در } \Delta_C \\ \Delta_C \end{array} \right\} \rightarrow \text{Spring } \xrightarrow[3 \text{ m}]{K=2} \Delta_C \rightarrow R_F = R_C = \frac{2 \times 3}{2} = 3 \text{ kN}$$



سراسری ۸۲



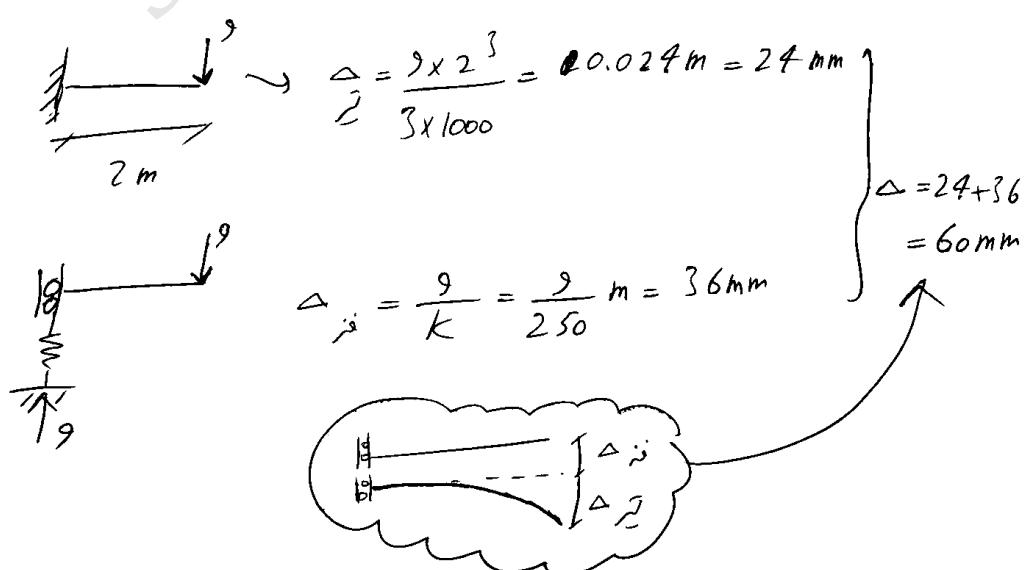
۸۴ در تیر شکل مقابل تغییر مکان گره B بر حسب mm کدام است؟

۳۶ (۱)

۸۰ (۲)

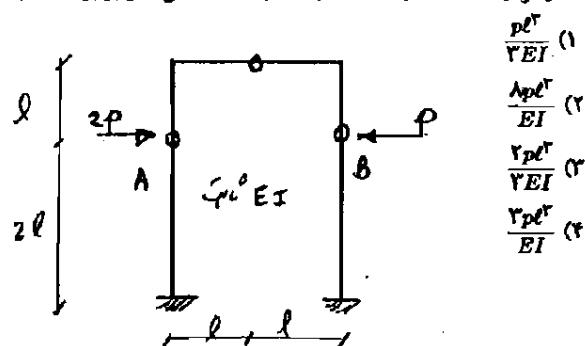
۷۲ (۳)

۸۱ (۴)



سراسری ۸۳

۷۷. مقدار نزدیک شدن دو نقطه A و B در مازه شکل ذیر برابر است با:



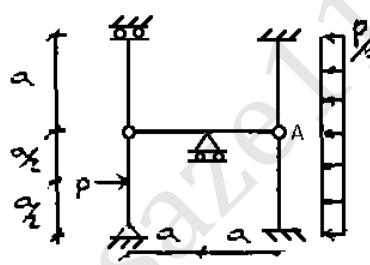
نایاب

$$\rightarrow \Delta = \Delta_A + \Delta_B = \frac{PL^3}{3EI} (8 + 16) = \frac{8PL^3}{EI}$$

$$\Delta_A = \frac{2P(2l)^3}{3EI} \quad \Delta_B = \frac{P(2l)^3}{3EI}$$

آزاد ۸۷

تغییر مکان گره A کدام است؟
صلیبت خمی تسام اعضا EI می باشد

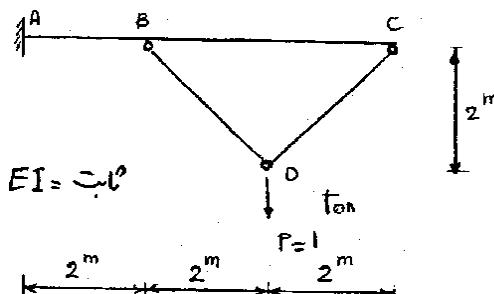


$$\frac{Pa^3}{3EI}$$
 (۱) $\frac{Pa^3}{8EI}$ (۲)
 $\frac{5Pa^3}{24EI}$ (۳) $\frac{Pa^3}{24EI}$ (۴)



سپاسی ۸۷

-۷۹- تغییر مکان قائم نقطه B را حساب کنید. از اثر نیووی محوری صرفنظر کنید.



$$\frac{\tau EI}{r} \quad (1)$$

$$\frac{\Delta EI}{r} \quad (2)$$

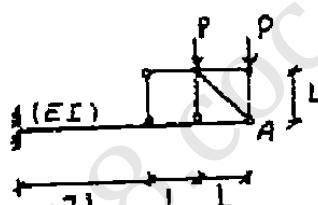
$$\frac{1-EI}{r} \quad (3)$$

$$\frac{2}{rEI} \quad (4)$$

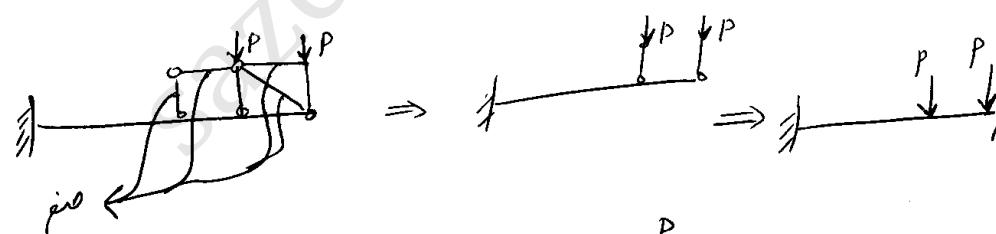
$$\downarrow 2\text{ m} \Rightarrow \Delta = \frac{1 \times 2^3}{3EI} + \frac{2 \times 2^2}{2EI} = \frac{20}{3EI}$$

آزاد ۸۷

-۷۱- تغییر مکان قائم A کدام است؟



$$\frac{209PL^3}{6EI} \quad (1) \quad \frac{91PL^3}{6EI} \quad (2) \quad \frac{182PL^3}{3EI} \quad (3) \quad \frac{64PL^3}{3EI} \quad (4)$$



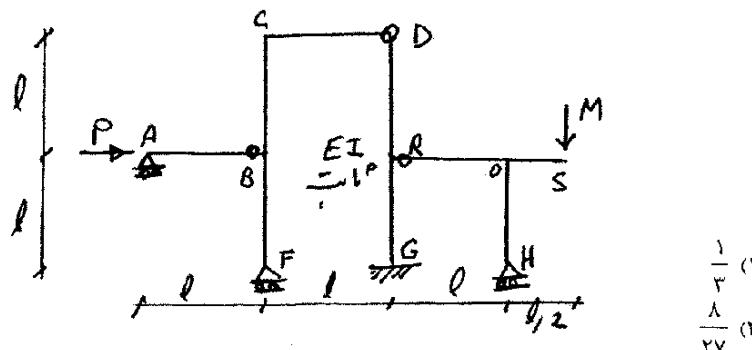
$$\Rightarrow = \underbrace{\text{ } \downarrow P}_{\Delta_A = \frac{P(4L)^3}{3EI}} + \underbrace{\text{ } \downarrow P}_{\Delta_B = \Delta_A + \theta_B \times L = \frac{P(3L)^3}{3EI} + \frac{P(3L)^2 L}{2EI}} = \frac{27PL^3}{2EI}$$

$$\rightarrow \Delta_A = \frac{64PL^3}{3EI} + \frac{27PL^3}{2EI} = \frac{209PL^3}{6EI}$$

البته این سه جمله را در تابع زیر مجموع کنید (خواهشیدم!)



- چنانچه جایه جایی افقی D برابر باشد، نسبت $\frac{M}{P}$ کدام است؟



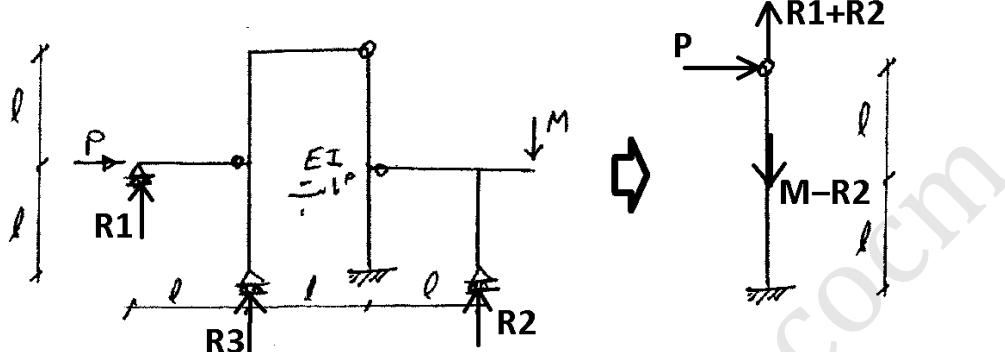
$$\frac{1}{3} \quad (1)$$

$$\frac{8}{27} \quad (2)$$

چون تغییر مکان D ارتباطی به M ندارد پس $\frac{M}{P} = 0$ است.

(۳)

(۴)



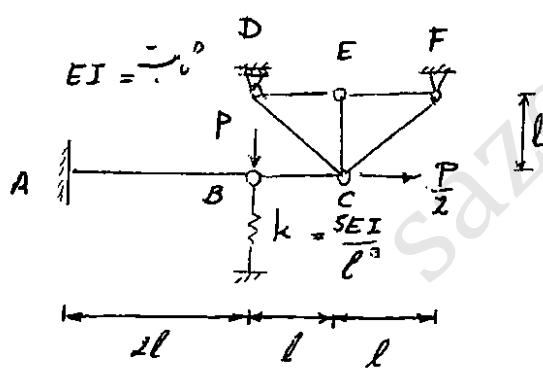
- ۵۷ تغییر مکان قائم نقطه B، کدام است؟

$$\frac{P\ell^r}{42EI} \quad (1)$$

$$\frac{P\ell^r}{12EI} \quad (2)$$

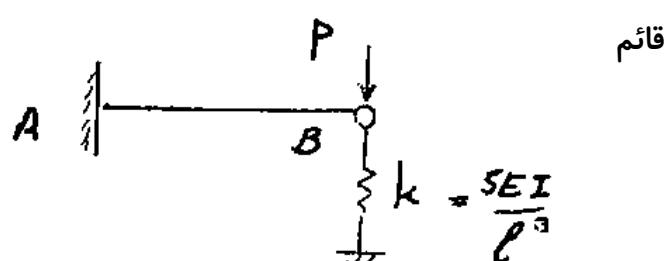
$$\frac{8P\ell^r}{42EI} \quad (3)$$

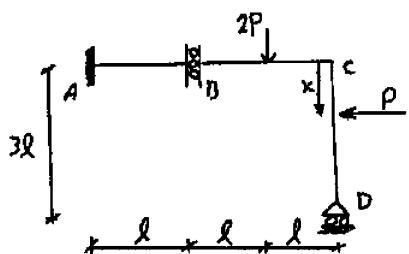
$$\frac{P\ell^r}{3EI} \quad (4)$$



میله BC خرپایی بوده و تنها می تواند نیروی محوری به قسمت AB اعمال کند و بنابراین تاثیری بر تغییر مکان

$$\Delta = \frac{P}{\sum K} = \frac{P}{\frac{3EI}{(2L)^2} + \frac{5EI}{L^3}} = \frac{8PL^3}{43EI}$$





-۷۷ در قاب نشان داده شده، بار P در چه فاصله‌ای از C اعمال شود تا تغییر مکان قائم سمت چپ مفصل برشی B صفر گردد؟

$$x = \frac{\ell}{2} \quad (2)$$

$$x = 0 \quad (1)$$

$$x = 2\ell \quad (4)$$

$$x = \ell \quad (3)$$

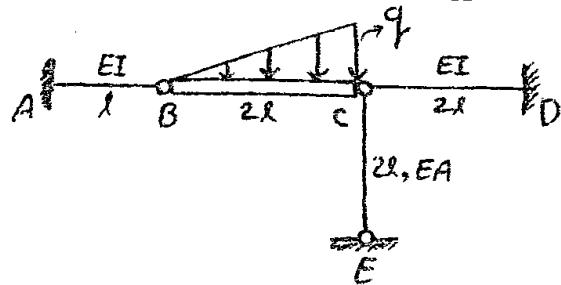
اگر تغییر مکان قسمتی از یک میله صلب خواسته شود؟

اگر علاوه بر تغییر شکل خمی تغییر شکل محوری هم داشته باشیم؟



آزاد ۸۹

۷- تغییر مکان قائم وسط عضو صلب BC کدام است؟ ($\frac{I}{A} = 4l^2$)



$$\frac{4}{9} \frac{ql^4}{EI}$$

(۱)

$$\frac{13}{18} \frac{ql^4}{EI}$$

(۲)

$$\frac{8}{9} \frac{ql^4}{EI}$$

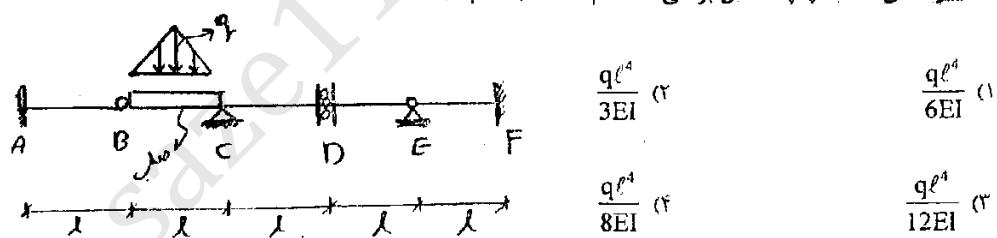
(۳)

$$\frac{11}{18} \frac{ql^4}{EI}$$

(۴)

آزاد ۹۰

۶۲- تغییر مکان سمت چپ مفصل برشی D کدام است؟ (EI ثابت)



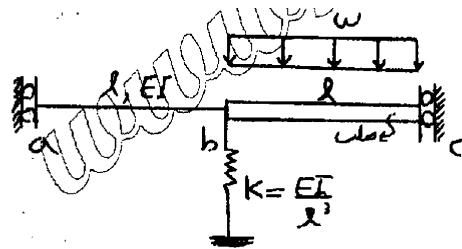
$$\frac{q\ell^4}{3EI}$$

$$\frac{q\ell^4}{6EI}$$

$$\frac{q\ell^4}{8EI}$$

$$\frac{q\ell^4}{12EI}$$





-۷۲- در تیز نشان داده شده تغییر مکان نقاط a و b و c کدام است؟ (میله bc صلب و سختی فنر $K = \frac{EI}{l^3}$ می باشد)

$$\delta_a = \delta_b = \delta_c = \frac{\omega l^4}{EI} \quad (1)$$

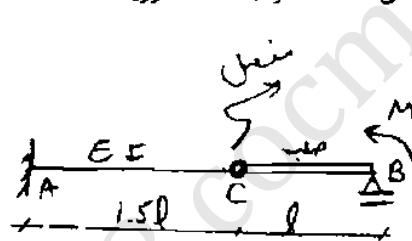
$$\delta_a = \delta_b = \frac{\omega l^4}{EI}, \quad \delta_c = \frac{\omega l^4}{2EI} \quad (2)$$

$$\delta_b = \delta_c = \frac{\omega l^4}{EI}, \quad \delta_a = \frac{13 \omega l^4}{12 EI} \quad (3)$$

$$\delta_a = \frac{13 \omega l^4}{12 EI}, \quad \delta_b = \frac{\omega l^4}{EI}, \quad \delta_c = \frac{\omega l^4}{2EI} \quad (4)$$

سراسری ۸۲

-۵۸- در سازه شکل زیر مقدار چرخش نقطه B را به دست آورید.

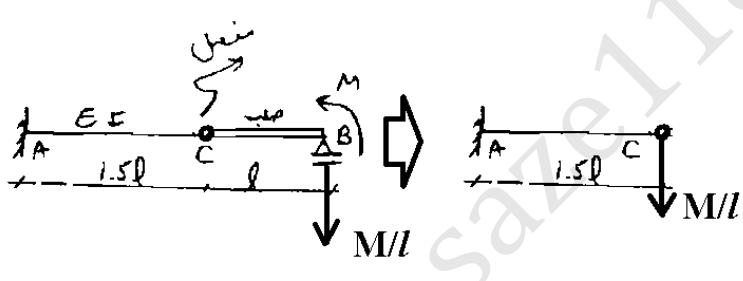


$$\frac{Ml}{EI} \quad (1)$$

$$\frac{Ml}{EI} \quad (2)$$

$$1,25 \frac{Ml}{EI} \quad (3)$$

$$\frac{9}{8} \frac{Ml}{EI} \quad (4)$$

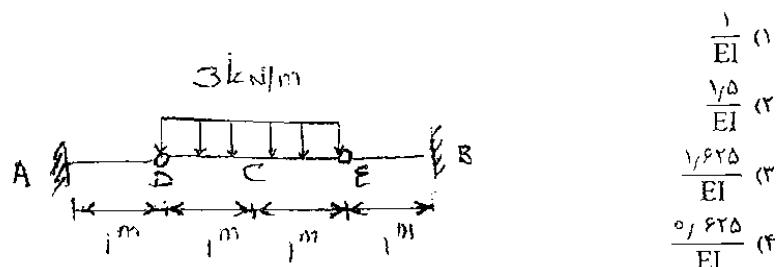


$$\Delta_C = \frac{M(1.5L)^3}{3EI} = \frac{9ML^2}{8EI} \rightarrow \theta_B = \frac{(\Delta_C - \Delta_B)}{L} = \frac{9ML}{8EI}$$



سراسری ۸۶

-۷۴ Δ_c را حساب کنید. (کلیه اعضا را ثابت فرض کنید)



$$\frac{1}{EI} \quad (1)$$

$$\frac{1/8}{EI} \quad (2)$$

$$\frac{1/825}{EI} \quad (3)$$

$$\frac{0/825}{EI} \quad (4)$$



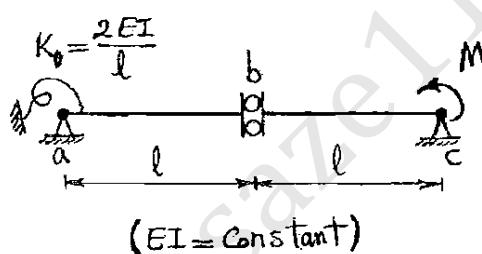
$$\Delta_1 = \frac{5}{384} \frac{q L^4}{EI} = \frac{5 \times 3 \times 2^4}{384 EI} = \frac{5}{8EI} \quad \left| \Delta_2 = \frac{\rho L^3}{3EI} = \frac{\left(\frac{3 \times 2}{2}\right) \times 1^3}{3EI} = \frac{1}{EI} \right.$$

$$\rightarrow \Delta_C = \frac{5}{8EI} + \frac{1}{EI} = \frac{13}{8EI} = 1.625$$

سراسری ۸۶

-۶۶ در تیر شکل مقابله تغییر مکان در سمت چپ مفصل برشی b گدام است؟

$$0/0 \quad (1)$$

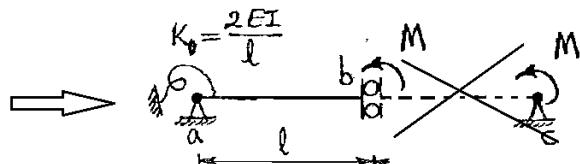
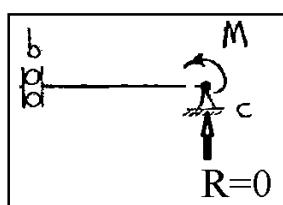


$$\frac{M l^3}{EI} \quad (2)$$

$$\frac{M l^3}{2EI} \quad (3)$$

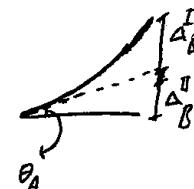
$$\frac{M l^3}{\tau EI} \quad (4)$$

ابتدا سمت راست را تحلیل کرده و حذف می کنیم:



$$\rightarrow \begin{cases} M \\ R \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} M \\ R \end{cases} \quad (I) \\ \begin{cases} M \\ R \end{cases} \quad (II)$$

$$\left. \begin{aligned} \Delta_B^{(I)} &= \frac{M l^2}{2EI} \\ \Delta_B^{(II)} &= \theta_A \times l = \frac{M}{E} \times l = \frac{M l^2}{2EI} \end{aligned} \right\} \rightarrow \Delta_B = \frac{M l^2}{2EI} + \frac{M l^2}{2EI} = \frac{M l^2}{EI}$$





ممان اینترسی عضو CDE چند برابر ممان اینترسی عضو AB باشد تا مقدار نیرو در عضو BD صفر شود؟

- T (۱)
- ۱ (۲)
- ۱/۵ (۳)
- ۰/۵ (۴)

صلب
(دوسنقبل)

$$P = 0.3\omega L$$

$$\Delta_B = \Delta_D \quad \text{و تئی میگیری} \quad F_{BD} = 0$$

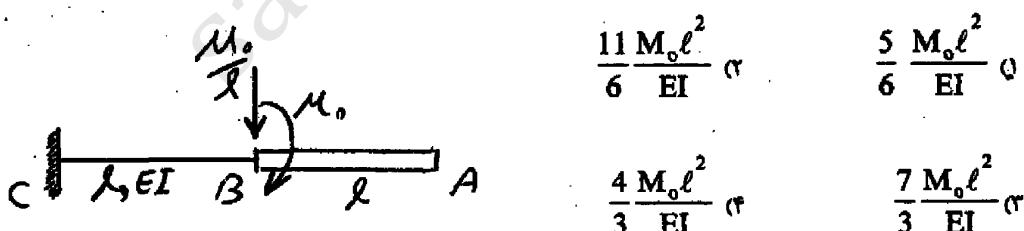
$$\delta \sim \Delta_B = \frac{\omega L^4}{8EI}$$

$$\delta = \frac{0.3\omega L}{8I} = \frac{0.3\omega L^3}{3EI} + \frac{(0.3\omega L^2)(L^2)}{2EI} = \frac{0.3\omega L^4}{4EI}$$

$$\Delta_B = \Delta_D \Rightarrow \frac{1}{8I} = \frac{1}{4I'} \rightarrow \boxed{\frac{I'}{I} = 2}$$

آزاد ۹۲

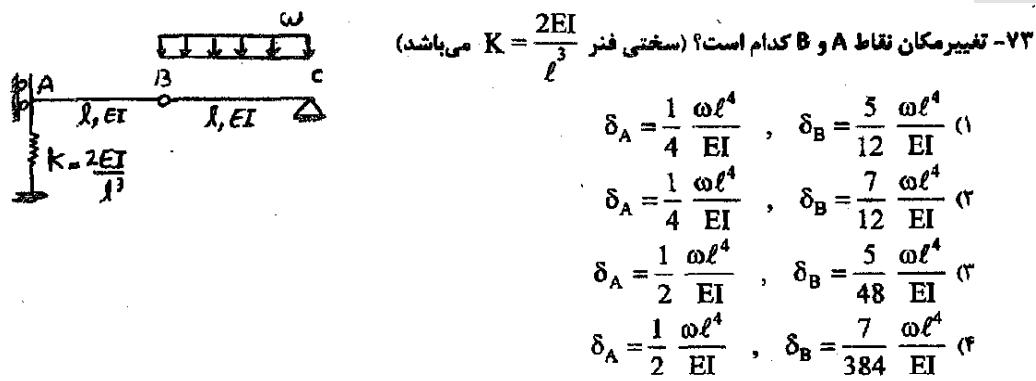
۶۴- تغییر مکان گره A کدام است؟ (میله AB صلب میباشد)



$$\Delta_A = \Delta_B + \theta_B \times l = \left(\frac{M_0l^2}{2EI} + \frac{M_0l^3}{3EI} \right) + \left(\frac{M_0l}{EI} + \frac{M_0l^2}{2EI} \right) l = \frac{7M_0l^2}{3EI}$$

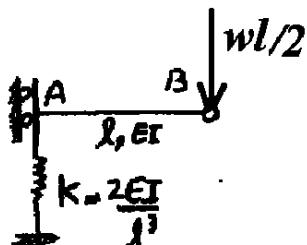


آزاد ۹۲



$$\Delta_A = \frac{wl/2}{K} = \frac{wl/2}{\frac{2EI}{l^3}} = \frac{wl^4}{4EI} \quad \Delta_B = \Delta_A + \frac{(wl/2)l^3}{3EI} = \frac{wl^4}{4EI} + \frac{wl^4}{6EI} = \frac{5wl^4}{12EI}$$

گزینه ۱



آزاد ۹۱

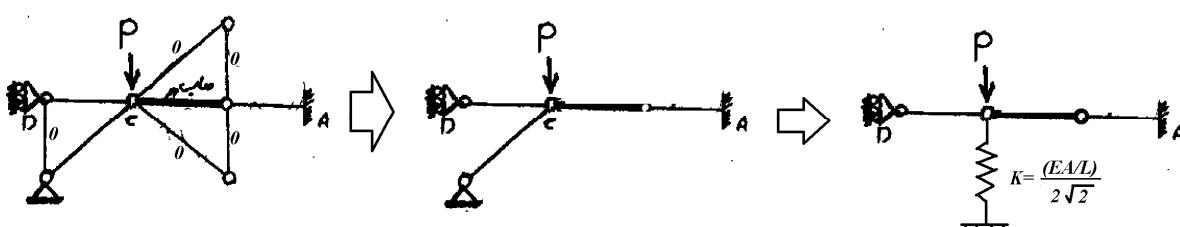
-۷۴- تغییر مکان قائم گره C کدام است؟ (عضو AB دارای صلبیت خمشی EI و سایر اعضاء دارای صلبیت محوری EA می باشند)



گزینه ۴

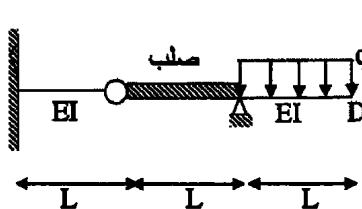
پس از حذف اعضای صفر نیرویی، و با توجه به تبدیلات زیر مقدار جابجایی قائم نقطه C برابر است با:

$$\Delta_C = \frac{2\sqrt{2}PL}{EA}$$



تمرین: آزاد ۹۳

۶۴- اختلاف شیب بین دو مفصل داخلی B در تیر مقابل چقدر است؟



$$\frac{WL^3}{4EI} \quad (2)$$

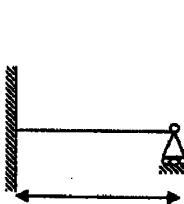
$$\frac{WL^3}{3EI} \quad (1)$$

$$\frac{5WL^3}{12EI} \quad (3)$$

$$\frac{7L^3}{12EI} \quad (4)$$

تمرین: آزاد ۹۳

۶۵- اگر تکیه گاه A به اندازه ۳ سانتیمتر و تکیه گاه B به اندازه ۲ سانتیمتر نشست کند، مقدار لنگر در تکیه گاه A



$$\frac{3EI}{L^3} \quad (2)$$

$$\frac{EI}{L^3} \quad (4)$$

$$\frac{3EI}{L^2} \quad (1)$$

$$\frac{EI}{L^2} \quad (3)$$

۱- نشست تکیه گاهی

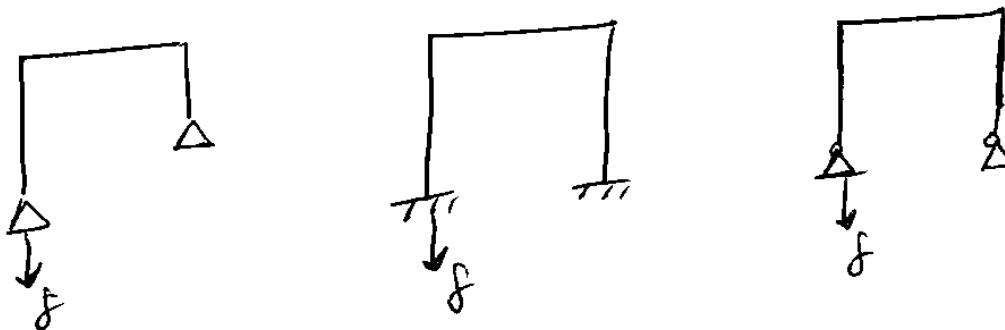
نکته: اگر نشست تکیه گاهی هم را نهاده باشیم و نزدیک را خلی نامی از این نشست خواره خود را که قلاً در ابتداء آن تکیه گاه

اگر سازه نایاب مدار کند (عنی نقله A) را بتوان بعد از اعمال نیرو به قاب ببسیار بسیار می‌مارد حرکت (در) همچنین نزدیک را از نشست را بازه ای رنگی خور

در سازه فوق در صورتی که در تکیه گاه نشست داشته باشیم، هیچ نیروی در اعضای سازه نخواهیم داشت. نکته مهم: گرچه نیروی اعضا صفر است، مقدار تغییر مکان قسمت های مختلف سازه غیر صفر است.

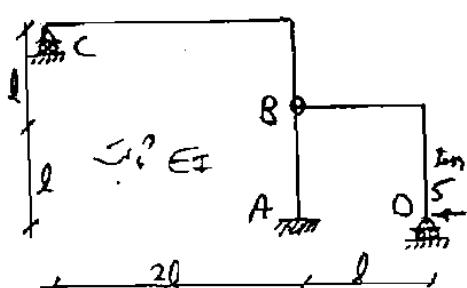


در کدامیک از سازه های زیر در صورت نشست تکیه گاه، نیروی اعضا صفر خواهد بود؟



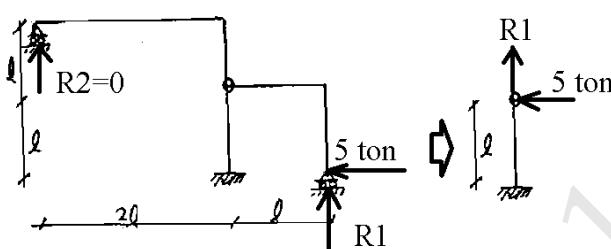
۸۲ سراسری

۵۵- در سازه شکل زیر تکیه گاه C به اندازه ۲ cm در جهت قائم نشست کرده و بار افقی ۵ ton در نقطه D به آن اثر می کند. با در نظر گرفتن خمش، جابجایی افقی B را به دست آورید؟



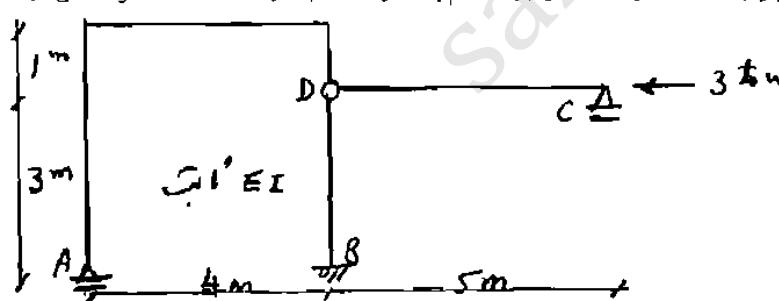
$$\frac{10l^3}{EI} \quad (1)$$

$$\frac{5l^3}{2EI} + 1 \quad (2) \quad \frac{5l^3}{2EI} \quad (3)$$



۸۱ سراسری

۴۸- در سازه شکل مقابل جابجایی افقی نقطه D در اثر اعمال بار و نشست تکیه گاه A ذر جهت قائم به اندازه ۳ cm چقدر است؟ (فقط اثر خمش در



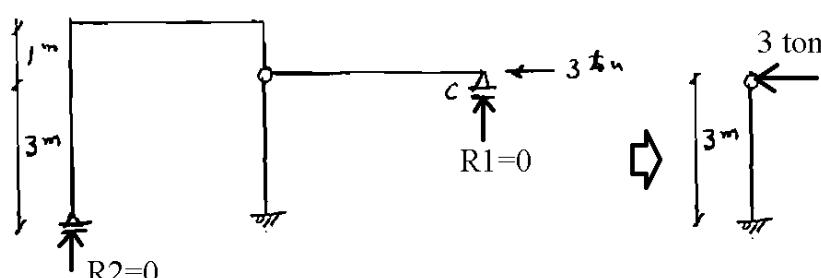
نظر گرفته شود).

$$\frac{2V}{EI} \quad (1)$$

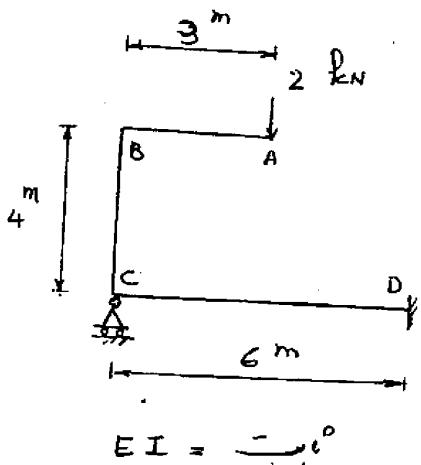
$$\frac{3}{EI} \quad (2)$$

$$\frac{81}{EI} + \frac{9}{4} \quad (3)$$

$$\frac{2V}{EI} + \frac{3}{4} \cdot 100 \quad (4)$$



۸۸ سراسری



۸۶- واکنش تکیه گاه C بر حسب kN چقدر است؟
۲۰

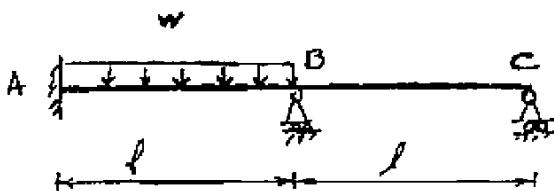
- $\frac{1}{3} \sigma$
 $\frac{1}{2} \sigma$
 $\frac{2}{3} \sigma$

$$\Delta_C = \frac{(R-2) \times 6^3}{3EI} + \frac{6 \times 6^2}{2EI} = .$$

$$(R-2) = -\frac{3}{2} \rightarrow R = \frac{1}{2} kN$$

۸۸ سراسری

۹۰- اگر در تحلیل تیر نامعین شکل مقابل یکی از مجہولات اضافی را M_B انتخاب کنیم، رابطه سازگاری تغییر مکان مربوطه براسامن گدام رابطه نوشته می شود؟ (چپ: L راست: R)



$$\theta_{BL} = \theta_{BR} \quad (1)$$

$$M_{BL} \theta_{BL} = M_{BR} \theta_{BR} \quad (2)$$

$$\theta_{BL} + \theta_{BR} = 0 \quad (3)$$

$$M_{BL} \theta_{BL} + M_{BR} \theta_{BR} = 0 \quad (4)$$

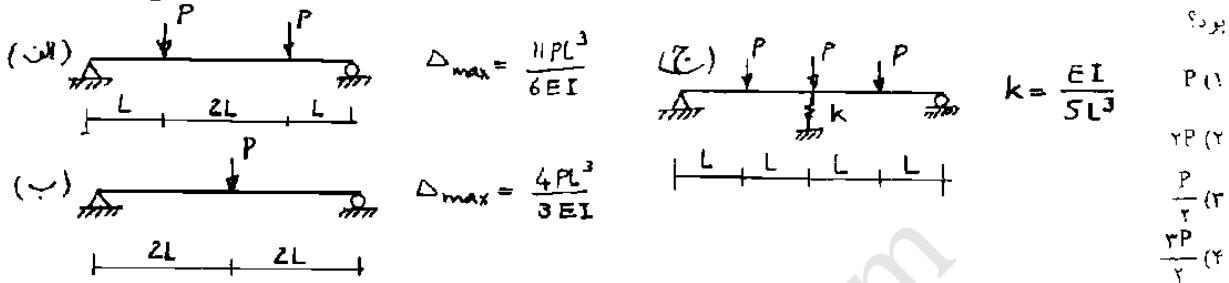
با از حذف M رنقطه B
 در این سمت صفر و راست B را حساب کرد. دسواری هم فرازی رسم شد
 $\theta_L = \theta_R$



۶- فنرهاي معين و نامعين

سراسري ۸۱

۴۴. اگر تغییرشکل حد اکثر مربوط به حالت‌های (الف) و (ب) مطابق زیر داده شده باشد، نیروی بوجود آمد، در نسبه گاه فنری در حالت (ج) چقدر خواهد بود؟



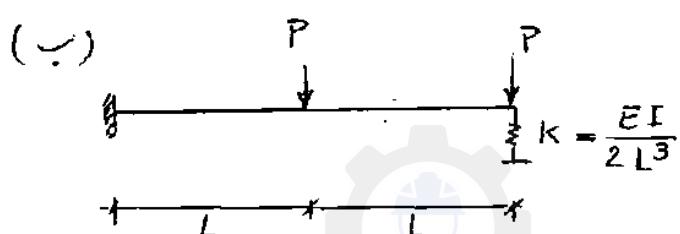
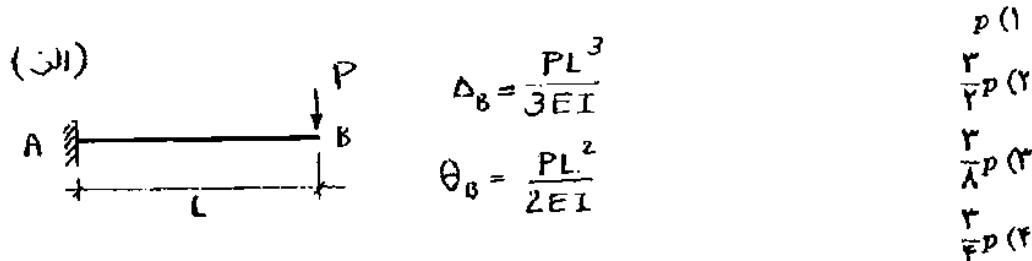
$$\delta = \underbrace{\delta_1}_{\frac{EI\Delta}{5L^3}} + \underbrace{\delta_2}_{\frac{EI\Delta}{5L^3}} + \underbrace{\delta_3}_{\frac{4(P - \frac{EI\Delta}{5L^3})L^3}{3EI}}$$

$$\Delta_1 + \Delta_2 = \Delta \Rightarrow \frac{11PL^3}{6EI} + \frac{4(P - \frac{EI\Delta}{5L^3})L^3}{3EI} = \Delta$$

$$\rightarrow \Delta = \frac{5PL^3}{2EI} \rightarrow F_{\text{نر}} = k\Delta = \frac{EI}{5L^3} \times \frac{5PL^3}{2EI} = \frac{P}{2}$$

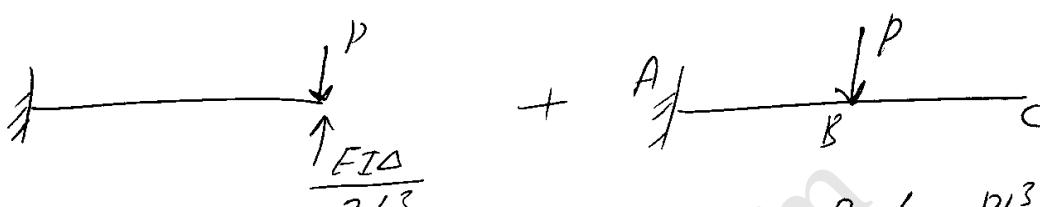
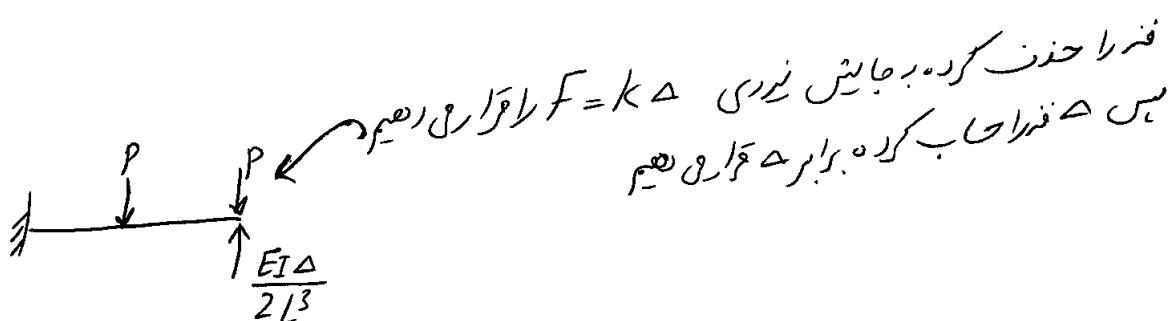
سراسري ۸۲

۸۰. با استفاده از اطلاعات داده شده در شکل (الف) نیروی موجود در فنر در شکل (ب) برابر است با:



در مواردی که فنر داریم، بهتر است فنر را به عنوان نیروی مجهول حذف کنیم. دقت کنید که سازه نامعین است.
در صورت معین بودن نیازی به حذف فنر نخواهد بود.

وقتی فنر را حذف می کنیم، یک جهت مثبت برای تغییر مکان نقطه اثر فنر فرض می کنیم. در این سوال با توجه به اینکه تغییر مکان محل اثر فنر به سمت پایین خواهد بود، تغییر مکان به سمت پایین را مثبت فرض می کنیم:



$$\Delta_2 = \Delta_B + \theta_B \times L = \frac{PL^3}{3EI} + \frac{PL^2 \times L}{2EI}$$

$$\Delta_1 = \frac{P(2L)^3}{3EI} - \frac{\left(\frac{EI\Delta}{2L^3}\right) \times (2L)^3}{3EI} = \frac{8PL^3}{3EI} - \frac{4\Delta}{3}$$

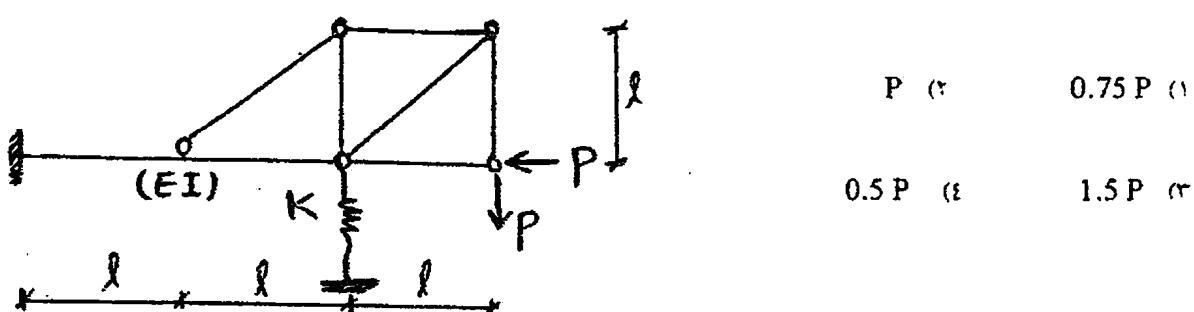
$$= \frac{5PL^3}{6EI}$$

$$\Rightarrow \Delta_1 + \Delta_2 = \Delta \Rightarrow \frac{8PL^3}{3EI} - \frac{4\Delta}{3} + \frac{5PL^3}{6EI} = \Delta \Rightarrow \Delta = \frac{3PL^3}{2EI}$$

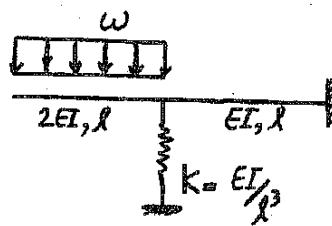
$$\rightarrow k = K\Delta = \frac{EI}{2L^3} \times \frac{3PL^3}{2EI} = \frac{3P}{4}$$

آزاد

۷۴- نیروی فنر در سازه نشان داده شده کدام است؟ ($K = \frac{3EI}{l^3}$)



تمرین آزاد ۹۲



۷۳- نیروی فنر به سختی $K = \frac{EI}{l^3}$ کدام است؟

$$\frac{7}{5}\omega l \text{ (۱)}$$

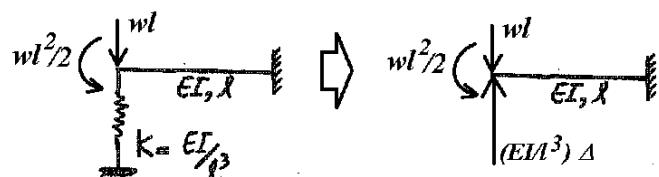
$$\frac{7}{16}\omega l \text{ (۲)}$$

$$\frac{3}{2}\omega l \text{ (۳)}$$

$$\frac{3}{8}\omega l \text{ (۴)}$$

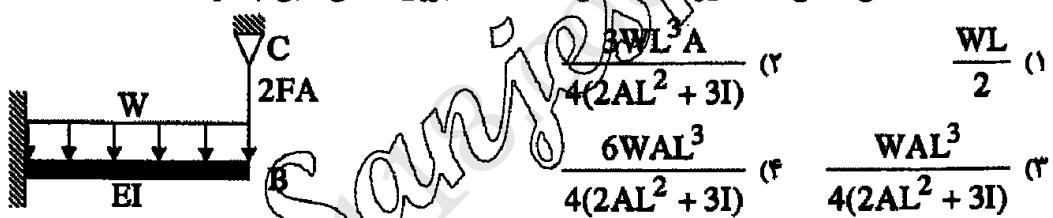
تغییر مکان فنر را محاسبه و برابر Δ قرار می دهیم.

$$\frac{(wl)l^3}{3EI} + \frac{\frac{wl^2}{2}l^2}{2EI} - \frac{\left(\frac{EI}{l^3}\Delta\right)l^3}{3EI} = \Delta \rightarrow \frac{7}{12}\frac{wl^4}{EI} - \frac{\Delta}{3} = \Delta \rightarrow \Delta = \frac{7}{16}\frac{wl^4}{EI} \rightarrow F_{\text{فنر}} = K\Delta = \frac{7}{16}wl$$



تمرین آزاد ۹۳

۹۳- کابل BC با سطح مقطع A به نیروی AB متصل شده است. نیروی کشش کابل چقدر است؟



$$\frac{3WL^3 A}{4(2AL^2 + 3I)} \quad (۱)$$

$$\frac{6WAL^3}{4(2AL^2 + 3I)} \quad (۲)$$

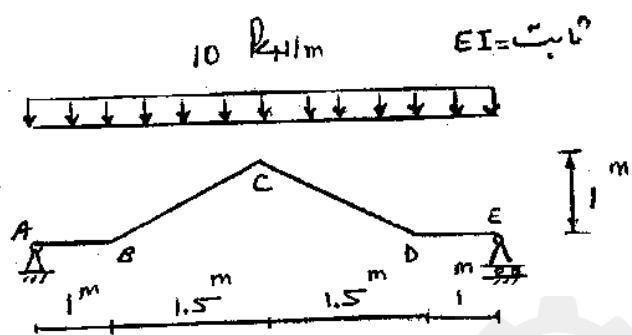
$$\frac{WAL^3}{4(2AL^2 + 3I)} \quad (۳)$$

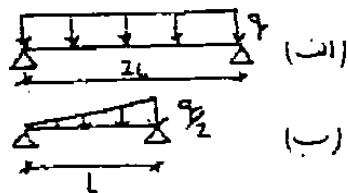


سراسری ۸۷

۷۳- شب نقطه C را حساب کنید

۱) صفر

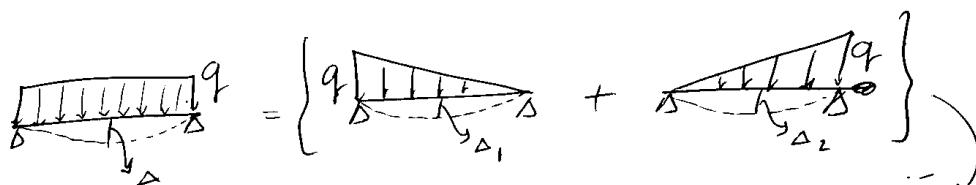
۲) $\frac{2}{EI}$ ۳) $\frac{2}{EI}$ ۴) $\frac{4}{EI}$ برهان تعلق $\theta_C = 0$ است



(ب)

اگر تغییر مکان حد اکثر سازه (الف) برابر باشد تغییر مکان وسط سازه (ب) کدام است؟

$$\frac{\Delta}{8}, \quad \frac{\Delta}{54}, \quad \frac{\Delta}{15}, \quad \frac{\Delta}{32}$$

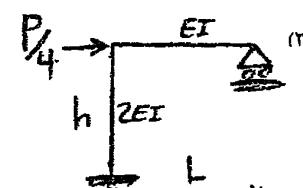
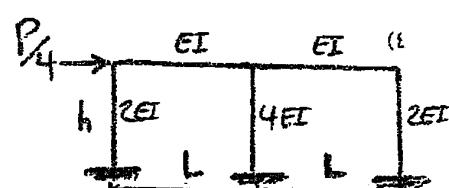
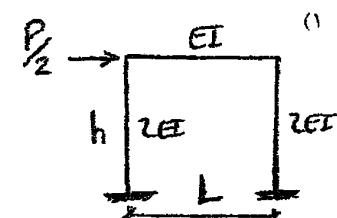
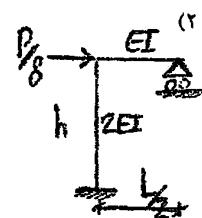
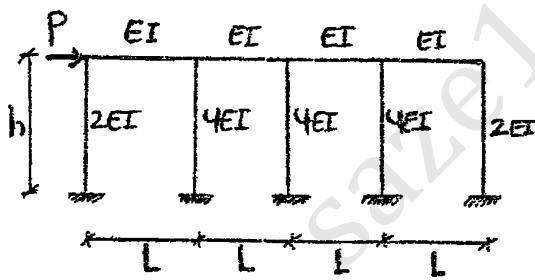


تغییر مکان را در مرکز (ب) بنویسیم

$$\Delta_2 = \Delta_1 = \Delta/2$$

از طرفی وقتی طول تیر نصف می شود، تغییر شکل $\frac{1}{16}$ می شود. و با توجه به اینکه بار q نیز نصف شده است، گزینه ۳ صحیح است.

- برای تحلیل سازه مقابله کدامیک از قابهای زیر را می توان تحلیل نمود؟



سراسری ۸۴

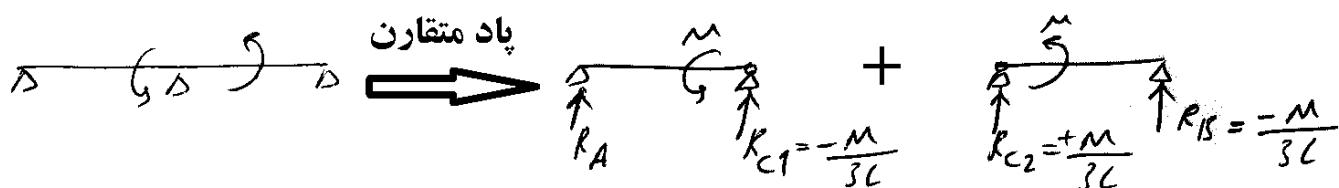
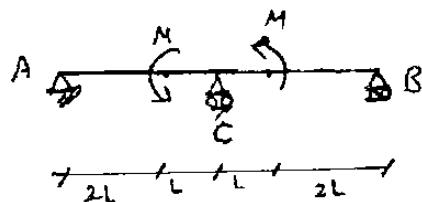
۷۳- در سازه شکل مقابل، عکس العمل B و C چقدر است؟

$$-\frac{M}{2L} \text{ (۱)}$$

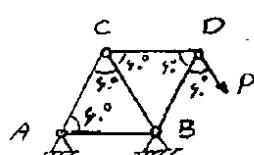
$$-\frac{M}{2L} \text{ (۲)}$$

$$-\frac{M}{L}, \frac{M}{L} \text{ (۳)}$$

$$-\frac{M}{2L}, \frac{M}{2L} \text{ (۴)}$$



سراسری ۸۵



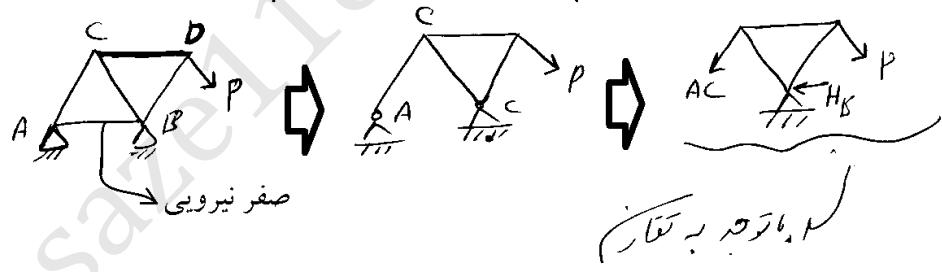
۶۸- خربای شکل مقابل دارای اعضای با طول مساوی L و صلیبیت محوری EA می باشد. عکس العمل افقی B برابر است با :

$$P\sqrt{3} \text{ (۱)}$$

$$\frac{P\sqrt{3}}{r} \text{ (۲)}$$

$$\frac{P}{r} \text{ (۳)}$$

$$0 \text{ (۴) صفر}$$



$$F_{AC} = P$$

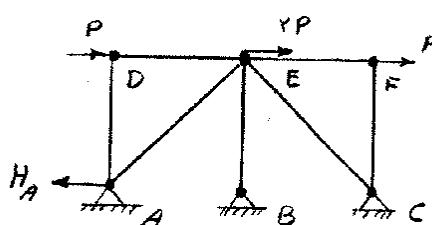
↓

$$H_B = 0$$

و با توجه به تقارن

سراسری ۸۶

۶۲- خربای متقارن (از لحاظ هندسی) مطابق شکل مفروض است. طول اعضای مورب $L\sqrt{2}$ و سایر اعضای L و صلیبیت محوری اعضا غرض می شود. عکس العمل افقی A (H_A) EA چقدر است؟



$$P \text{ (۱)}$$

$$\frac{P}{2} \text{ (۲)}$$

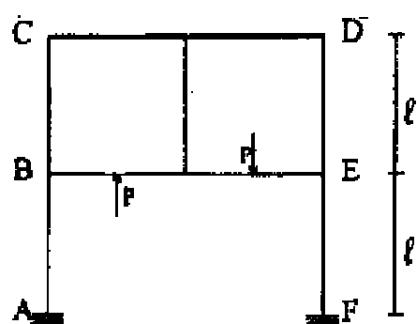
$$\frac{P}{4} \text{ (۳)}$$

$$\frac{P}{2} \text{ (۴)}$$



دکتری ۹۲

۱۷- در سیستم سازه‌ای روبرو، عکس العمل افقی در تکیه‌گاه A گذاشته است؟ صلابت همه اعضا یکسان است.



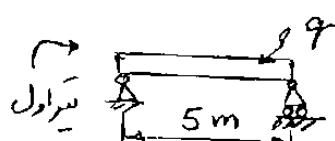
(۱) صفر

$$\frac{P}{2}$$

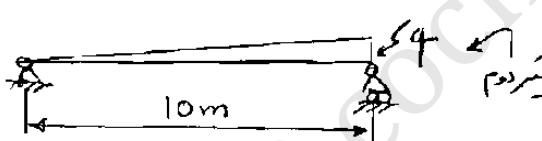
$$\frac{P}{4}$$

$$P$$

۱۸- دو تیر نشکل روبرو دارای مقطع و جنس بیکسان می‌باشند. اگر تغییر مکان عالیزیم تیر اول یک سانتیمتر باشد، تغییر مکان وسطه تیر دوم چند سانتیمتر است؟



۱۶ (۴)



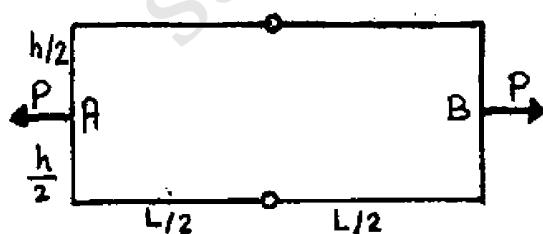
۱۸ (۴)

۲ (۲)

۱ (۱)

سراسری ۸۸

در سازه نشان داده شده، جابجایی نسبی B و A کدامند؟ (برای کلیه عضوها ثابت)

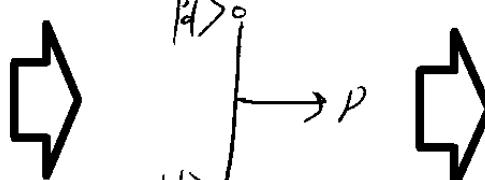
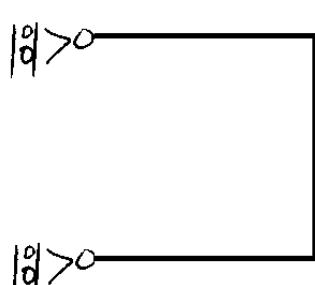


$$\frac{Ph^3}{192EI}$$

$$\frac{Ph^3}{48EI}$$

$$\frac{Ph^3}{76EI}$$

$$\frac{Ph^3}{24EI}$$



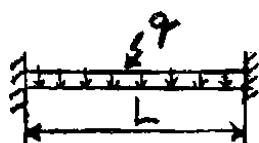
$$\Delta = \frac{Ph^3}{48EI}$$

$$\Delta_{AB} = 2\Delta = \frac{Ph^3}{24EI}$$



سراسری ۸۵

-۴۵ اگر بر روی نیمه چپ تیر دو سرگیرداری با رفتار ارجاعی خطی، به طول ۱۲ متر بار گستردۀ یکنواخت به شدت ۴ تن بر متر وارد شود، مقدار لنگر در وسط تیر بر حسب m چقدر خواهد بود؟ مقدار لنگر خمیشی در وسط تیر شکل مساوی $\frac{qL^2}{24}$ می‌باشد.



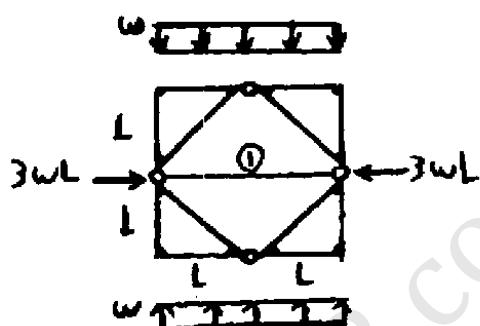
۱۲ (۱)

۲۴ (۲)

۳۶ (۳)

۴۸ (۴)

آزاد ۸۸



۷۴- نیروی عضو صوری ① کدام است؟

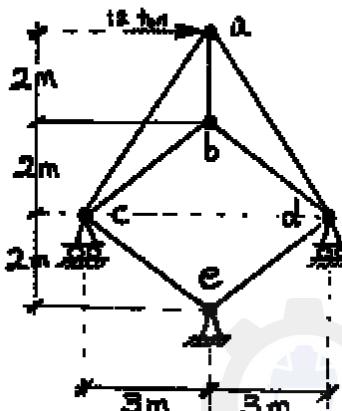
(انصالات اصلاح منث ها به یکدیگر ملب می‌باشد)

۱) $2wL$ ۲) $3wL$ ۳) wL ۴) صفر

۵) کشش

دکتری ۹۳

-۱۲ در خوبیای شکل مقابل صلبیت محوری مقطع در کلیه اعضاه ثابت است. نیرو در

عضو bc بر حسب ton چقدر است؟

۰ (۱)

۷/۵ (۲)

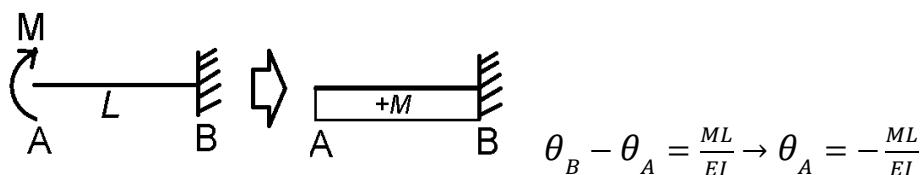
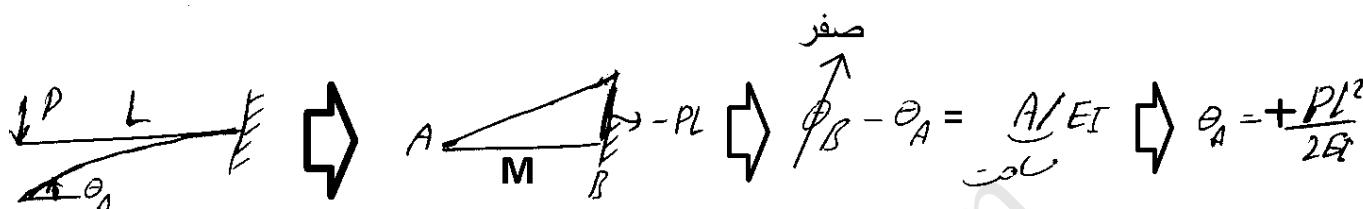
۵ (۳)

۷/۵ (۴)

۸- لنگر سطح

قضیه اول:

به شرطی که در طول انتگرال گیری مفصل نداشته باشیم: $\theta_B - \theta_A = \int_A^B \frac{M}{EI} dx = \frac{\text{مساحت زیر نمودار لنگر}}{EI}$

مثال: دوران نقطه θ_A مثال: دوران نقطه θ_A  V : برش (ساعت گرد مثبت است)

q: بار گسترده (به سمت بالا مثبت است)

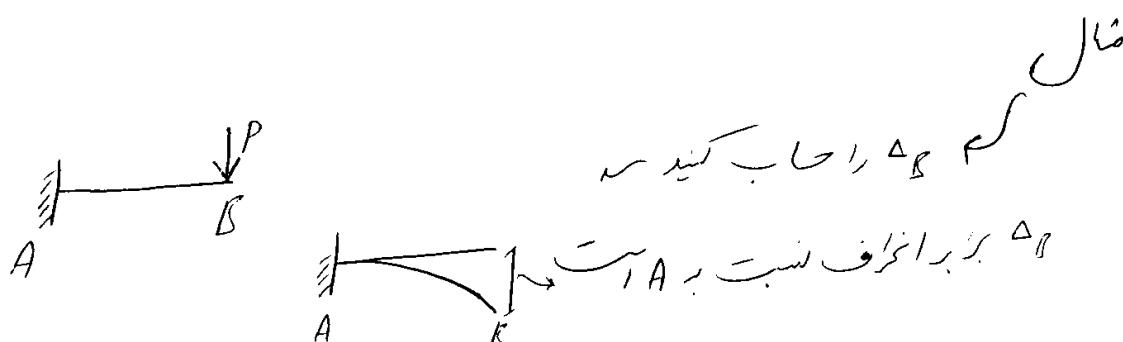
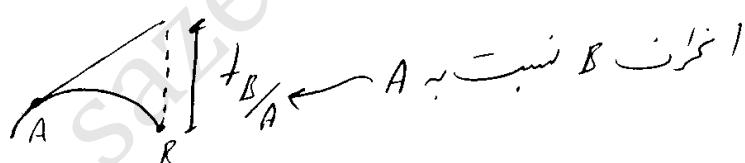
 θ : دوران یا شیب تیر (مثلثاتی مثبت)

M: خمش (رفتار کاسه ای مثبت)

y: خیز تیر (به سمت بالا مثبت است)

قضیه دوم:

به شرطی که در طول انتگرال گیری مفصل نداشته باشیم: $t_{B/A} = \int_A^B \frac{M}{EI} x dx$



$$PL \left[\begin{array}{l} \text{بر این رکم} \\ \text{بر این رکم} \end{array} \right] \rightarrow t_{B/A} = \frac{A \times \pi}{EI} = \left(-\frac{PL \times L}{2} \right) \times \frac{2L}{3EI} = -\frac{PL^3}{3EI}$$

$$V = \int q$$

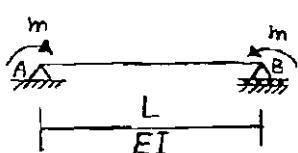
$$M = \int V$$

$$\theta = \int \frac{M}{EI}$$

$$y = \int \theta$$

سراسری ۸۵

-۷۷- مقدارهای انحراف A از مماسی بر B و نیز دوران A کدام‌اند؟



$$\frac{mL}{EI}, \frac{mL^3}{EI} \quad (1)$$

$$\frac{mL}{EI}, \frac{mL^3}{EI} \quad (2)$$

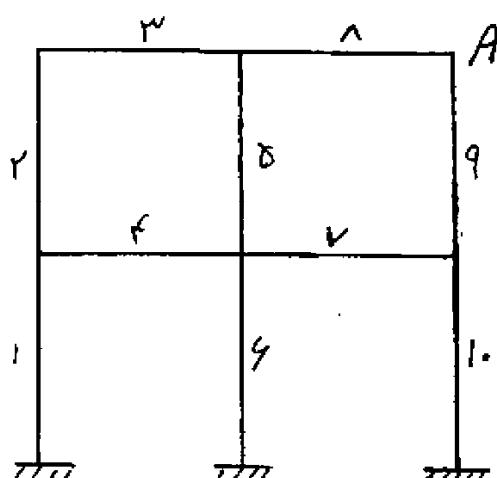
$$\frac{mL}{EI}, \frac{mL^3}{EI} \quad (3)$$

$$\frac{mL}{EI}, \frac{mL^3}{EI} \quad (4)$$

$$t_{A/B} = \left(\frac{A_{AB}}{EI}\right) \bar{x} = \left(\frac{mL}{EI}\right) \frac{L}{2} = \frac{mL^2}{2EI} \quad \theta_C - \theta_A = \left(\frac{A_{AC}}{EI}\right) = \frac{mL}{2EI}$$

سراسری ۸۸

-۸۲- قاب مطابق شکل مفروض است، اعضای قاب مطابق شکل شعاره گذاری شده‌اند. اگر لنگر خمشی عضو شماره آ را با M_i نشان دهیم که در طول عضو (x) متغیر می‌باشد. $M_1 = M_2(x)$. دوران نقطه A محل تقاطع عضو ۸ و ۹، کدام است؟



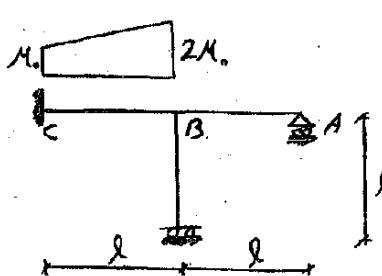
$$\int_{l_1} M_{\alpha}(x) dx + \int_{l_4} M_{\gamma}(x) dx + \int_{l_8} M_{\lambda}(x) dx \quad (1)$$

$$\int_{l_7} M_{\tau}(x) dx + \int_{l_4} M_{\lambda}(x) dx \quad (2)$$

$$\int_{l_7} M_{\tau}(x) dx + \int_{l_5} M_{\delta}(x) dx + \int_{l_8} M_{\lambda}(x) dx \quad (3)$$

$$\int_{l_8} M_{\lambda}(x) dx + \int_{l_4} M_{\gamma}(x) dx \quad (4)$$

آزاد ۹۲



-۷۲- اگر در قاب نشان داده شده تحت بارگذاری نامشخص، نمودار لنگر خمشی عضو BC مطابق شکل باشد، مقدار دوران گره B کدام است؟

(ثابت) EI

$$2 \frac{M_0 l}{EI} \quad (2)$$

$$3 \frac{M_0 l}{EI} \quad (1)$$

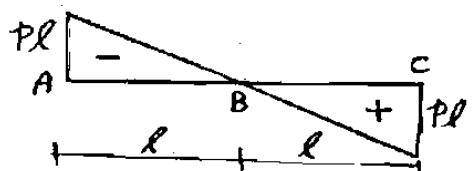
$$\frac{2 M_0 l}{3 EI} \quad (3)$$

$$\frac{3 M_0 l}{2 EI} \quad (4)$$

گزینه ۳ - با توجه به قضیه اول لنگر سطح:

$$\theta_B = \theta_C + \int_0^l \frac{M}{EI} dx = 0 + \frac{(M_0 + 2M_0)}{2EI} l = \frac{3 M_0 l}{2 EI}$$





$$-\frac{PL^2}{12EI} \quad (1)$$

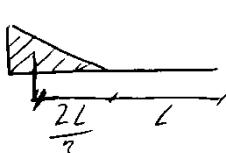
$$-\frac{PL^2}{2EI} \quad (2)$$

$$-\frac{PL^2}{EI} \quad (3)$$

$$-\frac{PL^2}{4EI} \quad (4)$$

۵- قطعه پیوسته ABC از مازهای مفروض است. لنگر خمی مثبت پایین و لنگر خمی منفی بالای تیر رسم شده است. فاصله (تفییر مکان) نقطه C نسبت به معاس بر نقطه A چقدر است؟ صلیبت خمی AB و BC به ترتیب برابر $\frac{2}{3}EI$ و $\frac{1}{3}EI$ می‌باشد.

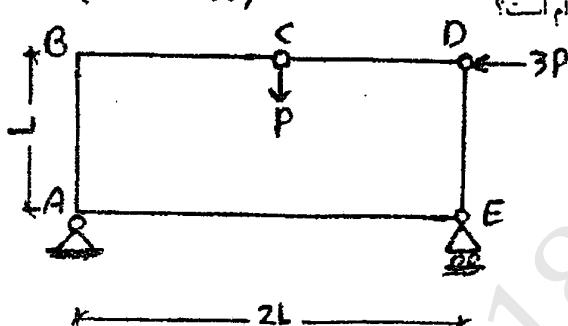
$$\int_{C/A} f = A \times \bar{n} = -\frac{PL \times L}{2(2EI)} \times \left(L + \frac{2L}{3}\right) + \frac{PL \times L}{2(EI)} \times \left(\frac{L}{3}\right) =$$



$$= \frac{-PL^2}{4EI}$$

آزاد ۸۹

(EI = const)

۶- انحراف گره E از معاس رسم شده بر A و همچنین دوران A کدام است؟

$$\frac{PL^2}{3EI}, \frac{2PL^3}{3EI} \quad (1)$$

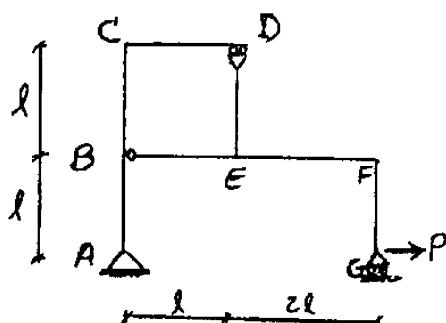
$$\frac{4PL^2}{3EI}, \frac{8PL^3}{3EI} \quad (2)$$

$$\frac{2PL^2}{EI}, \frac{3PL^3}{4EI} \quad (3)$$

$$\frac{2PL^2}{3EI}, \frac{4PL^3}{3EI} \quad (4)$$

گزینه ۱





-۶۷- زاویه بین مماس‌های رسم شده بر نقاط C و D در نمودار تغییرشکل قاب نشان داده شده ($\theta_{C/D}$) کدام است؟ (صلبیت خمشی اعضاء EI می‌باشد)

$$\frac{P\ell^2}{3EI} \text{ (۱)}$$

$$\frac{P\ell^2}{2EI} \text{ (۲)}$$

$$\frac{P\ell^2}{12EI} \text{ (۳)}$$

$$\frac{P\ell^2}{6EI} \text{ (۴)}$$

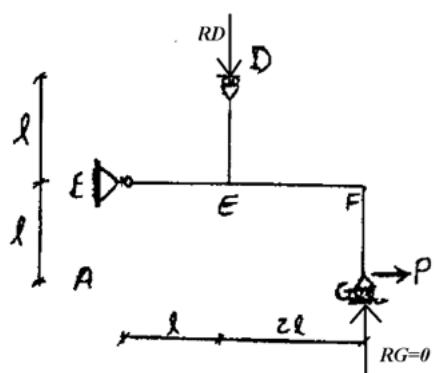
گزینه ۱

اختلاف زاویه بین C و D برابر مساحت زیر نمودار لنگر بین این دو نقطه می‌باشد.

برای رسم دیاگرام لنگر در این قسمت از سازه تنها کافی است که عکس العمل تکیه گاه D را بدست آوریم.

بالنگر گیری حول نقطه A (برای کل سازه)، عکس العمل قائم تکیه گاه G برابر صفر می‌باشد.

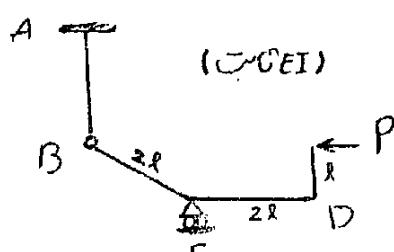
حال قسمت GDFB را در نظر می‌گیریم. بالنگر گیری حول B مقدار R_D برابر خواهد بود با:



و بنابراین دیاگرام لنگر به صورت خواهد بود که مساحت آن برابر است با:

$$\theta_{C/D} = \text{Moment Area} = \frac{PL^2}{2EI}$$

-۶۸- زاویه بین مماس‌های رسم شده بر نمودار تغییرشکل سازه در فاصله B تا C کدام است؟ (۱) $\theta_{B/C}$



$$2\frac{P\ell^2}{EI} \text{ (۱)}$$

$$\frac{P\ell^2}{3EI} \text{ (۲)}$$

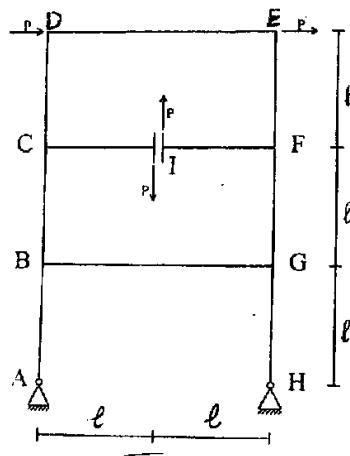
$$\frac{P\ell^2}{EI} \text{ (۳)}$$

$$\frac{P\ell^2}{2EI} \text{ (۴)}$$



سراسری ۹۰

-۶۴- اگر صلبيت خمشي همه اعضاي قاب شكل مقابل EI باشد، زاويه بين مماس هاي A و B بقدر است؟

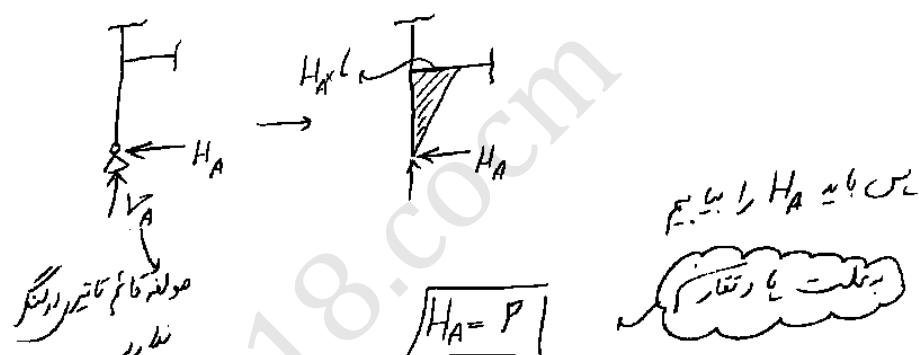


(۱) صفر

 $\frac{Pl^3}{EI}$ (۲) $\frac{Pl^3}{2EI}$ (۳) $\frac{Pl^3}{4EI}$ (۴) $\frac{Pl^3}{EI}$ (۵)

۶۴- زاويه بين مماس هاي A و B بقدر مساحت زير خودار $\frac{M}{EI}$ بین آن

و دقتراست يس باید خودار لگر رکفر AB را بدست آمد که



$$\rightarrow \theta_{A-B} = \frac{\text{مساحت زیر خودار}}{EI} = \frac{P \times L \times l}{2 EI} = \frac{P l^2}{2 EI}$$

سراسری ۹۳

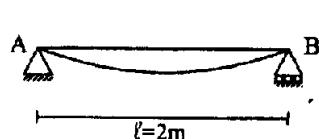
-۶۰- تير AB به طول $l = 2m$ و صلبيت خمشي $10^3 t.m^2$ ، بر اثر بارگذاري

خاصي، مطابق با شكل تغيير شكل داده است. اگر تغيير مكان نقطه B نسبت به

مماس بر نقطه A، $\delta_{B/A} = 0^\circ$ و $\theta_B = 0^\circ$ را ديان باشد. مساحت

زير منحنى لنگر خمشي بين دو تکيه گاه A و B بر حسب $t.m^2$ چقدر است؟ در

تمام طول تير تار پايين به کشنش کار می کند.



۳۰ (۱)

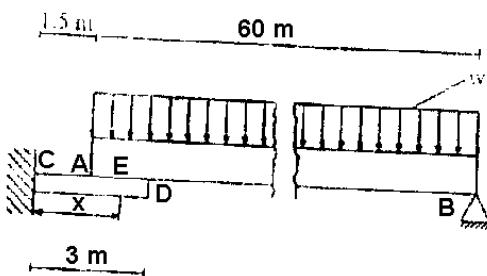
۲۰ (۲)

۱۰ (۳)

۴۰ (۴)



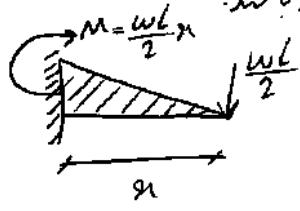
-۶۵ تیر AB به طول ۶۰ متر و صلبیت خمشی EI تحت اثر بار گستردگی یکنواخت به شدت W . در یک نقطه انتهای آن CD و A به طول ۳ متر و صلبیت خمشی $\frac{EI}{150}$ قرار گرفته است. فرض می‌کنیم بعد از تغییر شکل فقط یک نقطه اتكاء بین A و B وجود داشته و نیروی عکس العمل آن با تقریب قابل قبول نصف بار وارد بر تیر AB است. (نقطه E به فاصله X از تکیه گاه C) وجود داشته و نیروی عکس العمل آن با تقریب قابل قبول نصف بار وارد بر تیر AB است. طول X چند متر است؟



- (۱) ۱/۶ (۲) ۲/۴ (۳) ۲ (۴) ۲/۸

کافی است که θ_1 کم و راحاب
کرده برابر θ_2 شود (همیشه):

آن نقطه تحمیل θ_1 کم و راحاب نیست
لیکن از نقطه ای کم درصل شوند که همیشه
یک راسته باشد.

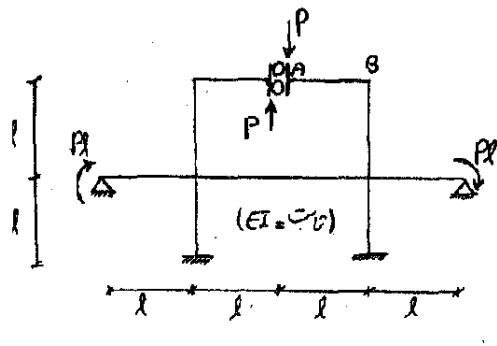


$$\theta_1 = \frac{PL^2}{2EI} = \frac{\left(\frac{WL}{2}\right)x^2}{2\left(\frac{EI}{150}\right)} = 37.5 \frac{WLx^2}{EI}$$

$$\theta_2 = \frac{2}{3} \left(\frac{\frac{L}{2}WL^2}{\frac{8}{EI}} \right) = \frac{WL^3}{24EI}$$

$$\left. \begin{array}{l} 37.5 \frac{WLx^2}{EI} = \frac{WL^3}{24EI} \\ \rightarrow x = L \sqrt{\frac{1}{24 \times 37.5}} = 2m \end{array} \right\}$$





۷۰- در قاب نشان داده شده فاصله نقطه A در نمودار تغییرشکل از مماس رسم شده بر کدام است؟ (صلبیت خمشی اعضاء ثابت EI می باشد)

$$\frac{P\ell^3}{12EI} \text{ (۱)}$$

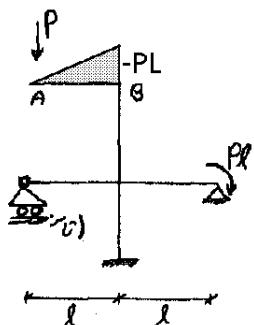
$$\frac{P\ell^3}{3EI} \text{ (۲)}$$

$$\frac{P\ell^3}{9EI} \text{ (۳)}$$

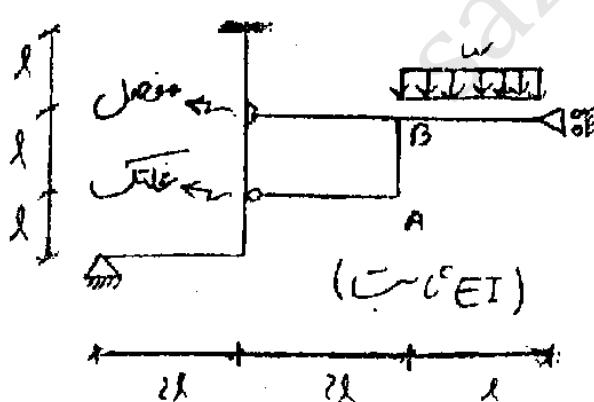
$$\frac{2P\ell^3}{3EI} \text{ (۴)}$$

گزینه ۱ - سازه پادمتقارن است و بنابراین می توان سازه زیر را تحلیل نمود. انحراف A از مماس بر B برابر است با:

$$t_A = \frac{l \times (-PL)}{2EI} \times \frac{2l}{3} = \frac{pl^3}{3EI}$$



۶۵- فاصله نقطه A از مماس رسم شده بر B کدام است؟



$$\frac{5w\ell^4}{6EI} \text{ (۱)}$$

$$\frac{6w\ell^4}{5EI} \text{ (۲)}$$

$$\frac{12w\ell^4}{5EI} \text{ (۳)}$$

$$\frac{5w\ell^4}{12EI} \text{ (۴)}$$



۹-کار مجازی

روش کارگازی: فرض کنیم تغیرات این نقطه از راه را خواسته اند

 $\Delta A_y = ?$
 رایج صورت به طریق زیر عمل کنیم:

گام ۱: یک بار واحد در راستای ΔA_y به سازه اعمال کنیم
 و بعدی باز کر از حذف همین



گام ۲: سازه مجازی را اعمال کرده نیزدی اتفاقی
 آن دو بسته آدمک \bar{P}_i نیزدی گفته ایم

گام ۳: سازه اصل را باز (باز کری و باقی دیدن بار واحد)
 تغیل کرده و نیزدی اتفاق را بسته آدمک \bar{P}_i نیزدی گفته ایم

گام ۴: با استفاده از رابطه زیر ΔA_y بسته آیده
 کار خود کنیم

عکس العمل در سازه مجازی

$$\bar{T} \times \Delta A_y + \bar{R} \times \delta = \sum \frac{\bar{P}_i P_i L}{EA} + \sum \bar{P}_i \alpha \Delta T L_i$$

کشت تکیه کنیم
 افتخارت میم

$$\bar{T} \times \Delta A_y + \bar{R} \times \delta = \sum \frac{\bar{M}_i M_i L}{EI} + \sum \bar{M}_i \frac{\alpha \Delta T L}{h}$$

اختلاف حرارت داخل در بینک در تر

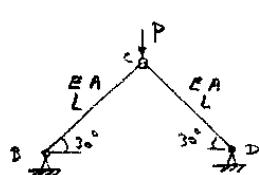
ارتفاع مقطع زیر



۱-۹-خرپا

آزاد ۸۹

۶۲- اعضای خربایی CD و BC دارای طول L ، سطح مقطع A و مدول ارتعاعی E هستند. جابجایی قائم گره C تحت بار P چقدر است؟

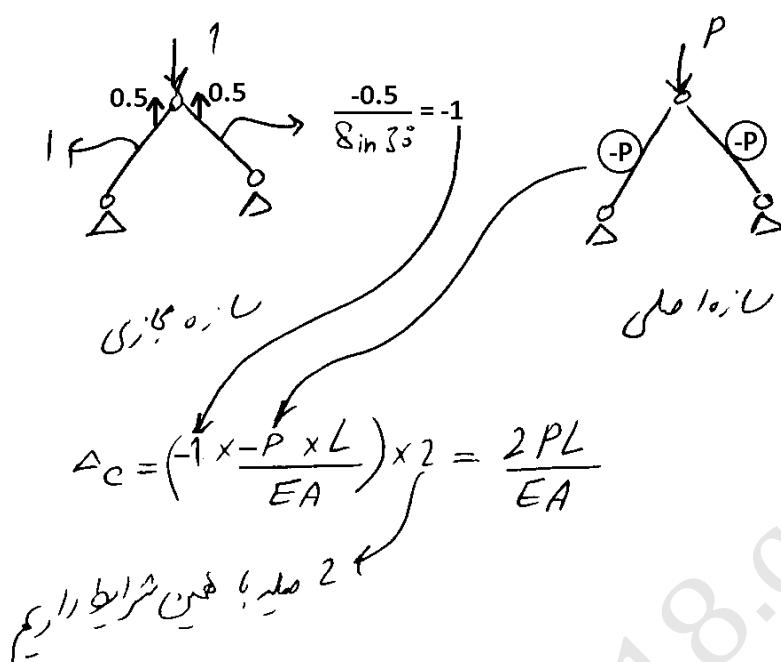


$$\frac{PL}{AE}$$

هیچکدام

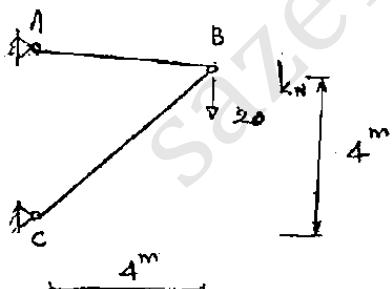
$$\frac{PL}{4AE}$$

$$\frac{PL}{2EA}$$



۸۵ سراسری

: $E = 25 \text{ GPa}$ سطح مقطع میله‌ها A و ثابت

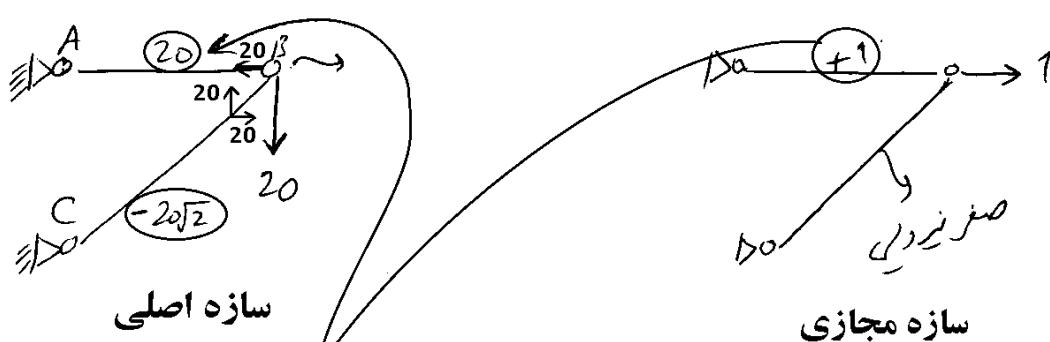


$$\frac{64000}{E}$$

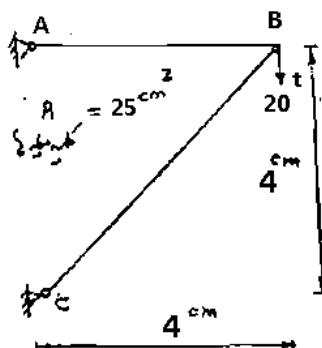
$$\frac{32000}{E}$$

$$\frac{16000}{E}$$

$$\frac{12000}{EI}$$



$$1 \times \Delta B_n = 1 \times \frac{20 \times 4}{EA}$$



تغییر مکان افقی گره B را حساب کنید. (ثابت $E = 12000/E$)

(۱) ۱۲۰۰۰/E

(۲) ۱۶۰۰۰/E

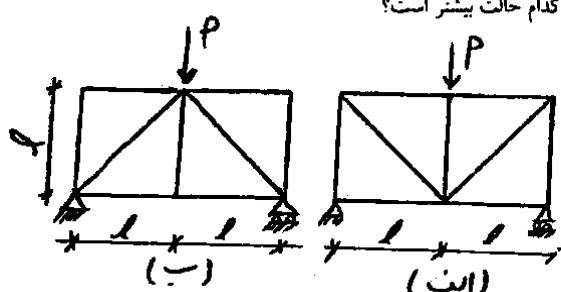
(۳) ۲۲۰۰۰/E

(۴) ۳۲۰۰۰/E

گزینه ۴

آزاد ۸۳

۳۱- با فرض مساری بزدن سطح مقطع تمام اعضاء، تغییر مکان قائم در محل اعمال نیروی P در کدام حالت یافته است؟

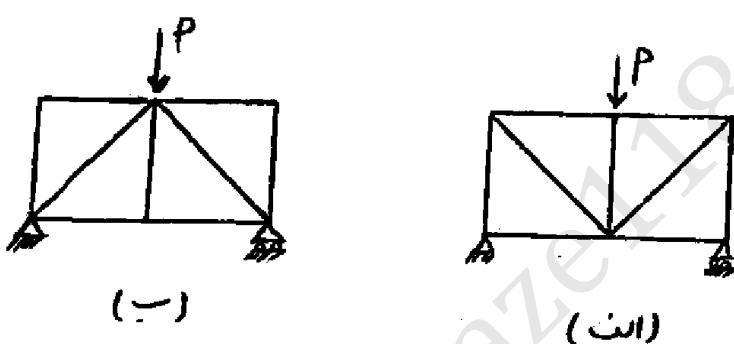


(۱) حالت ب

(۲) حالت الف

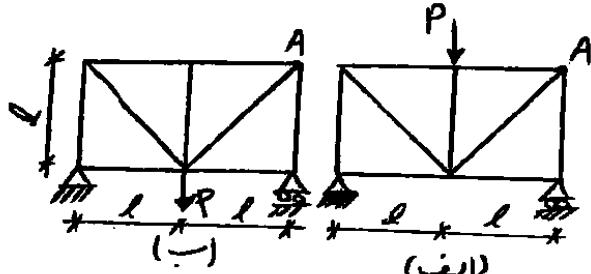
(۳) بسته به طول دهانه می تواند حالت الف یا ب باشد.

(۴) در هردو حالت مساوی است.



آزاد ۸۳

۳۲- با فرض مساری بودن سطح مقطع تمام اعضاء، تغییر مکان افقی گره A در کدام حالت یافته است؟



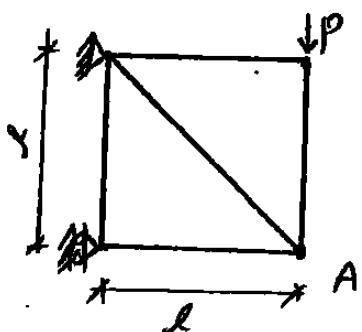
(۱) حالت ب

(۲) حالت الف

(۳) بسته به طول دهانه می تواند حالت الف یا ب باشد.

(۴) در هر دو حالت مساوی است.





۳۳- با فرض ثابت بودن EA برای تمام اعضاء، تغییر مکان قائم نقطه A چقدر است؟

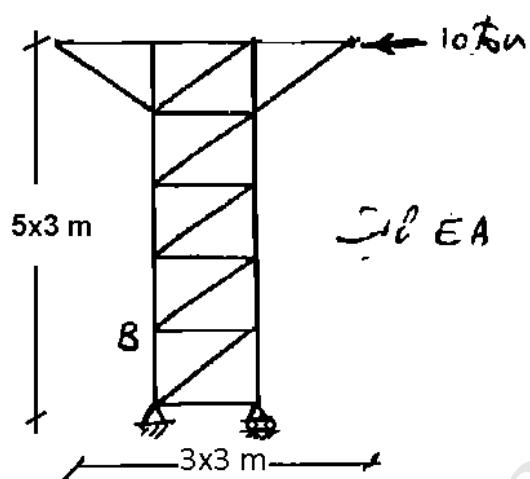
$$(\sqrt{2} + 1)Pl / EA \quad (1)$$

$$2(\sqrt{2} + 1)Pl / EA \quad (2)$$

$$(2\sqrt{2} + 1)Pl / EA \quad (3)$$

(1) هبچکدام

سراسری ۸۱



۰۲- در خرپای شکل زیر جابجایی افقی نقطه B چقدر است؟

$$\frac{180}{EA} \quad (1)$$

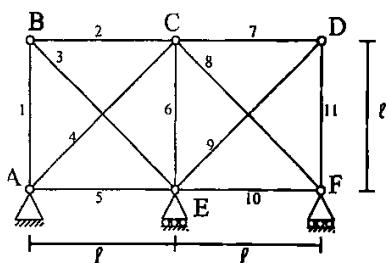
$$\frac{60\sqrt{2}}{EA} \quad (2)$$

$$\frac{204/\lambda}{AE} \quad (3)$$

$$\frac{264/\lambda}{EA} \quad (4)$$



-۶۵- عضو شماره ۸ خرپای مطابق شکل تحت اثر بارگذاری خارجی، دارای نیروی محوری N_i است. تغییر مکان افقی نقطه C چقدر است؟ (شماره اعضا روی شکل نمایش داده است.)



تمام اعضا یکسان است.

$$(N_5 + N_7 - 2N_9 - N_{11}) \frac{\ell}{EA} \quad (1)$$

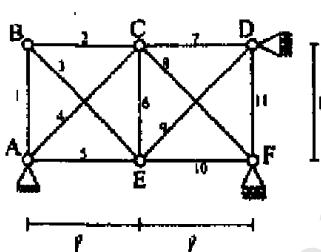
$$(N_5 + N_7 + 2N_9 - N_{11}) \frac{\ell}{EA} \quad (2)$$

$$(N_5 - N_7 - 2N_9 + N_{11}) \frac{\ell}{EA} \quad (3)$$

$$(N_5 - N_7 + 2N_9 - N_{11}) \frac{\ell}{EA} \quad (4)$$

دکتری ۹۲

-۱۵- در خربای روبه رو، تحت اثر بارگذاری خارجی، نیروهای داخلی N_i تولید شده است. (شماره اعضا، روی شکل نشان داده شده است). تغییر مکان قائم E برای کدام مقدار می باشد؟ EA برای همه اعضا، ثابت است.



$$\frac{\ell}{EA} (-N_7 - N_6 + \sqrt{2}N_4) \quad (1)$$

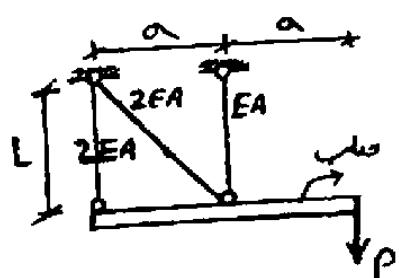
$$\frac{\ell}{EA} (-N_7 + N_6 - 2N_4) \quad (2)$$

$$\frac{\ell}{EA} (N_7 - N_6 - 2N_4) \quad (3)$$

$$\frac{\ell}{EA} (N_7 - N_6 - 2\sqrt{2}N_4) \quad (4)$$

آزاد ۸۸

-۶۶- تغییر مکان افقی مبلغ صلب کدام است؟



$$\frac{PL}{2EA} \quad (1)$$

من

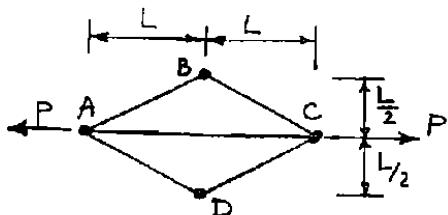
$$\frac{2Pa}{EA} \quad (2)$$

$$\frac{2PL^2}{EAa} \quad (3)$$



سراسری ۸۱

۳۲- میله‌های شکل، همه از یک جنس با مدول ارتعاضی E و با سطح مقطع A می‌باشند. زیر اثربار P ، دو نقطه B و D چقدر به هم نزدیک می‌شوند؟



(۱) صفر

$$\frac{PL}{AE}$$
 (۲)

$$\frac{\gamma PL}{AE}$$
 (۳)

$$\frac{\gamma PL}{AE}$$
 (۴)

گزینه ۴

۲-۹-خطای ساخت

سراسری ۸۸

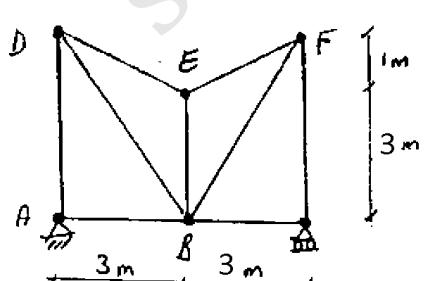
۷۸- در خربای شکل مقابل، میله EB موقع مونتاژ سه سانتی متر کوتاه است. چنانچه با اعمال بار افقی ۵ تنی در نقطه F نیروی داخلی میله EB چقدر خواهد شد؟
بن فشاری باشه، تغییر مکان افقی نقطه F پس از مونتاژ و قبل از هرگونه بارگذاری بر حسب سانتی متر چقدر خواهد شد؟

۱/۸ (۱)

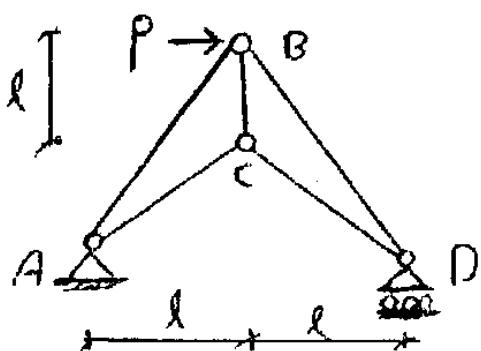
۰/۹ (۲)

۱/۲ (۳)

۰/۶ (۴)



- ۷۱ عضو BC در اثر بارگذاری P به اندازه δ_0 افزایش طول می‌دهد. چنانچه این عضو در اثر خطای ساخت $2\delta_0$ کوتاه ساخته شده باشد، پس از نصب و در غیاب هرگونه بارگذاری خارجی روی خربا، تغییر مکان افقی گره B کدام است؟ (نابت EA)



$$\frac{4}{P} \frac{EA}{l} \delta_0^2 \quad (1)$$

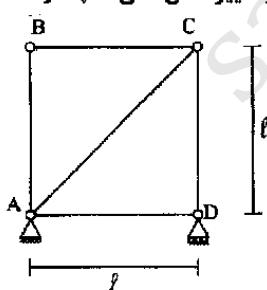
$$\frac{2}{P} \frac{EA}{l} \delta_0^2 \quad (2)$$

$$\frac{5}{P} \frac{EA}{l} \delta_0^2 \quad (3)$$

$$\frac{3}{P} \frac{EA}{l} \delta_0^2 \quad (4)$$

سراسری ۹۱

- ۶۳ اگر خطای اجرایی در ساخت خربای شکل مقابل برابر $m = 0.001 \pm 0.001$ باشد. حد اکثر خطای تغییر مکان افقی B چقدر است؟

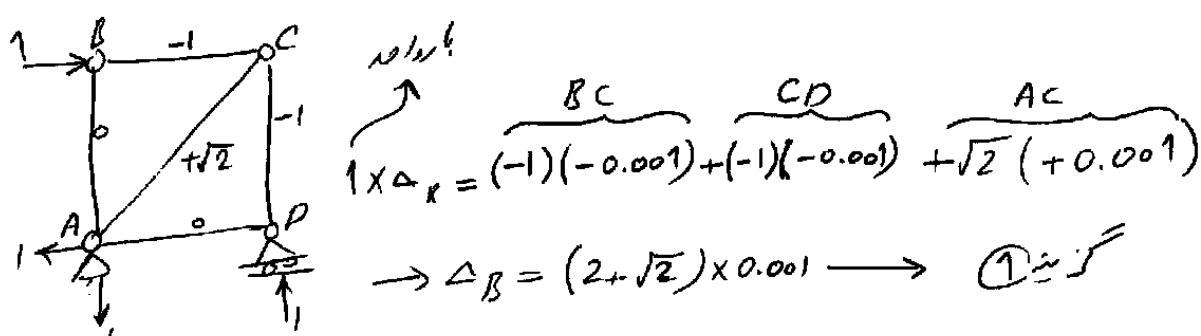


$$\pm 0.001(2 + \sqrt{2}) \quad (1)$$

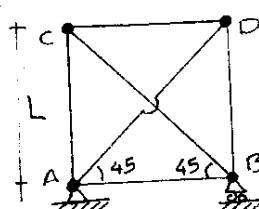
$$\pm 0.001(-1 + \sqrt{2}) \quad (2)$$

$$\pm 0.001(1 + \sqrt{2}) \quad (3)$$

$$\pm 0.001(2 - \sqrt{2}) \quad (4)$$



۸۰- اگر عضو AD از خرپای شکل زیر به اندازه $\frac{L}{2}$ کوتاهتر ساخته شده باشد، یعنی نسبت این عضو نیروی عضو $\frac{P}{AE}$ بقدر خواهد بود. (AE ثابت)



۰/۰۲۹۳AE (۱)

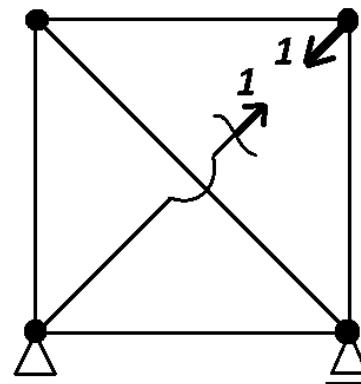
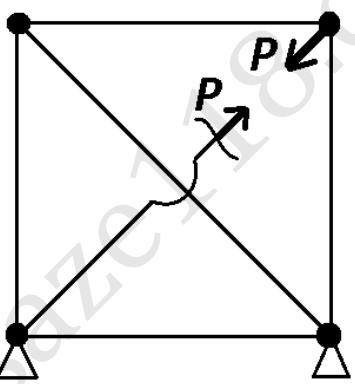
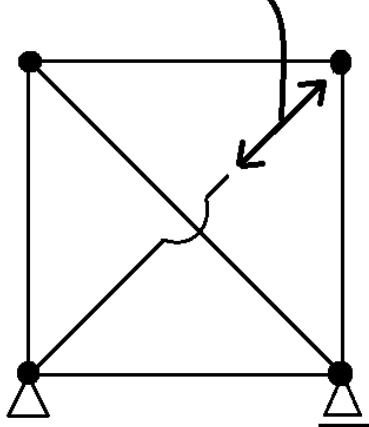
۰/۰۱۴۶AE (۲)

۰/۰۵AE (۳)

$$\frac{AE}{10} (۴)$$

دقیق شود که برخلاف مسائل قبلی به جای تغییر مکان، نیرو خواسته شده است. بنابراین به روش نیروها، خطای ساخت در شکل نشان داده شده است. نیروی داخلی P در عضو AD باید چنان باشد که بتواند عضو را به نقطه D متصل کند. بنابراین تغییر مکان نسبی دو نقطه را محاسبه کرده و برابر $L/20$ قرار می‌دهیم (پاسخ در گزینه‌ها نیست):

$$\bar{1} \times \frac{L}{20} = 4 \left[-\frac{\sqrt{2}}{2} \times \frac{\left(-P \frac{\sqrt{2}}{2} \right) L}{EA} \right] + 2 \left[+1 \times \frac{P(L\sqrt{2})}{EA} \right] \rightarrow \frac{L}{20} = \frac{PL}{EA} (2 + 2\sqrt{2}) \rightarrow P = 0.01036AE$$

 $L/20$ 

سازه اصلی

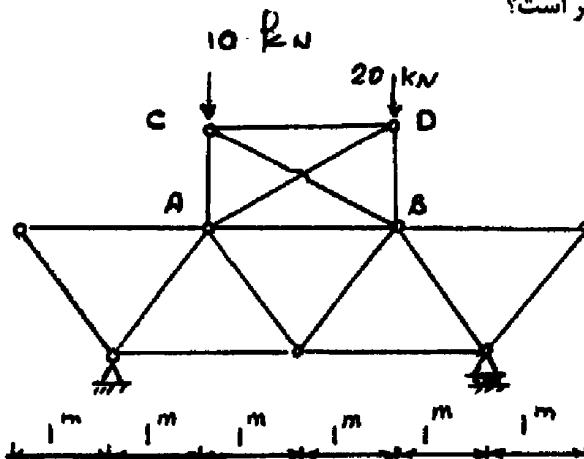
سازه مجازی



-۵۶ فرض کنید در اثر بارهای واردہ به خرپای داده شده، نیروی کششی در میله AB

برابر ۱۲ kN ایجاد شود. در صورتی که نیروهای خارجی را حذف کرده و تغییر

طولی ناشی از خطای اجرایی به اندازه 1 cm در میله AB ایجاد گردد، تغییر مکان
قائم گره C چند سانتی متر است؟



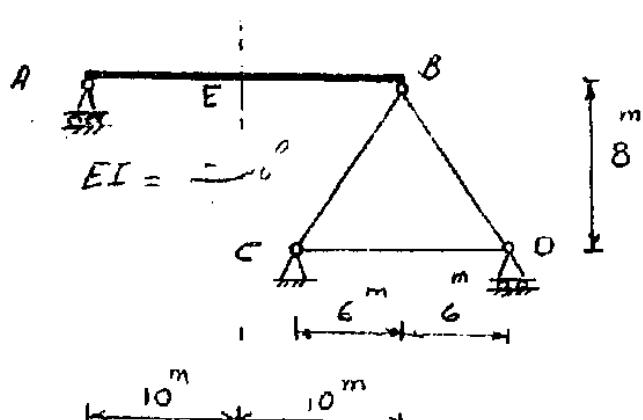
- ۱, ۲ (۱)
- ۰, ۴ (۲)
- ۰, ۳ (۳)
- ۲, ۴ (۴)

سوال با اطلاعات داده شده غیر قابل حل است و بسته به سختی محوری اعضاء و زاویه قرار گیری آنها پاسخ های متفاوتی می توان بدست آورد.

علت: طراحی متوجه نبوده که خطای ساخت در این سازه منجر به ایجاد نیروهای داخلی در بقیه اعضاء و بقیه اعضاء نیز کار داخلی انجام می دهند و برای حل مسئله علاوه بر نیروی عضو AB باید نیروی بقیه اعضاء نیز داده می شد.

حل با فرض اینکه در سازه اصلی نیروی میله ها در اثر خطای ساخت صفر باشد:

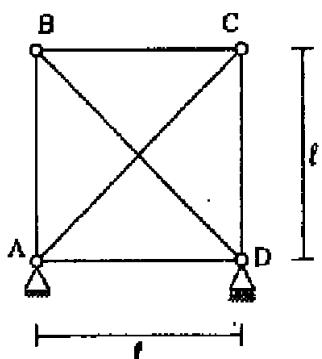
-۶۱ طول میله CD را باید چند cm تغییر داد تا نقطه E به اندازه 75cm به سمت بالا جابه جا شود؟



- ۱ (۱)
- ۴ (۲)
- ۲ (۳)
- ۶ (۴)

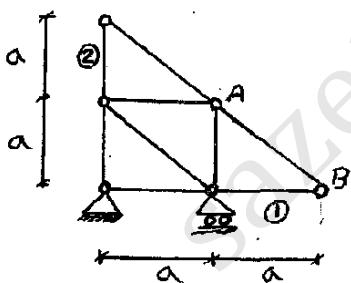


- ۱۴- دو خرپای زیر، صلبیت اعضا قطری $EA\sqrt{2}$ و صلبیت سایر اعضا EA می‌باشد. به عبارت دیگر $\frac{EA}{\ell}$ تمام اعضا یکسان است. اگر درجه حرارت میله AC به اندازه 40°C گرم شود، نیروی میله BD چند تن است؟
 $(EA = 10^3 \text{ t}, \alpha = 1 \times 10^{-5}/\text{C})$



- $\sqrt{2}$ (۱)
 $2\sqrt{2}$ (۲)
 $5\sqrt{2}$ (۳)
 $4\sqrt{2}$ (۴)

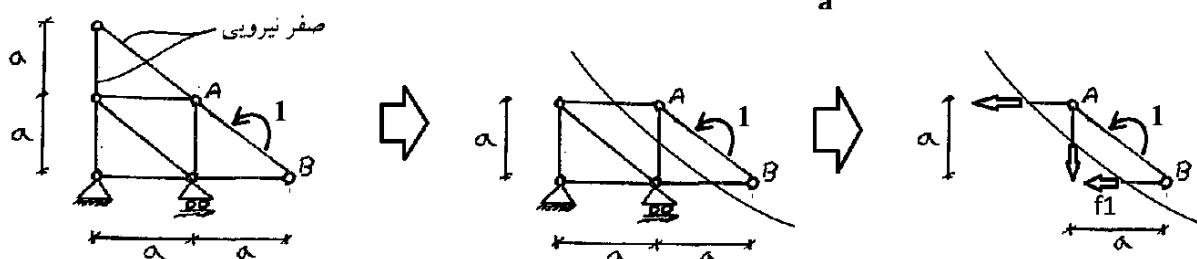
- ۶۸- اگر در خرپای نشان داده شده دمای میله‌های (۱) و (۲) را به اندازه ΔT کاهش دهیم دوران میله AB کدام است؟ (α ضریب انبساط حرارتی اعضاء می‌باشد)



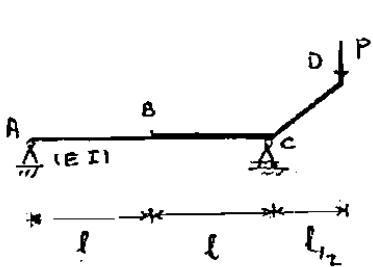
- $2\alpha \Delta T$ (۱)
 $\frac{1}{4}\alpha \Delta T$ (۲)
 $\frac{1}{2}\alpha \Delta T$ (۳)
 $\alpha \Delta T$ (۴)

گزینه ۱ - لنگر مجازی (واحد) بر عضو AB وارد کرده و نیروی مجازی اعضا ۱ و ۲ را محاسبه می‌کنیم. نیروی عضو ۲ مطابق شکل برابر صفر خواهد بود. نیروی عضو ۱ با مقطع زدن و لنگرگیری حول نقطه A برابر است با $f_1 = 1/a$ و در نتیجه خواهیم داشت:

$$1 \times \theta_{AB} = f_1 \times (-\alpha \Delta T a) \rightarrow \theta_{AB} = -\frac{1}{a} (\alpha \Delta T a) = -\alpha \Delta T$$



قطعه BCD صلب است. ($\Delta_{By} = ?$)



$$\frac{Pl^3}{24EI} \quad (1)$$

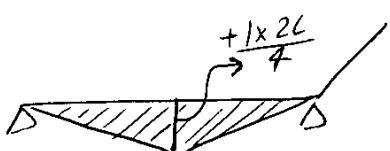
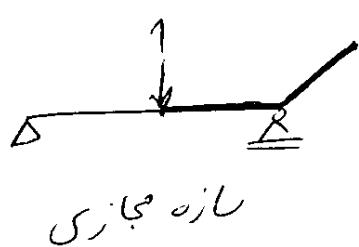
$$\frac{Pl^3}{2EI} \quad (2)$$

$$\frac{Pl^3}{12EI} \quad (3)$$

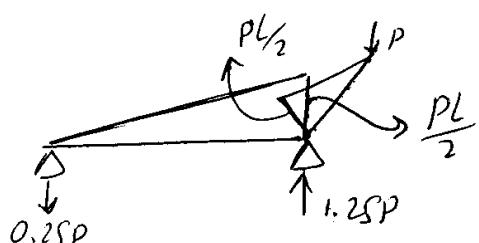
$$\frac{Pl^3}{8EI} \quad (4)$$

برای یافتن تغییر مکان نقطه ای خاص از تیرها:

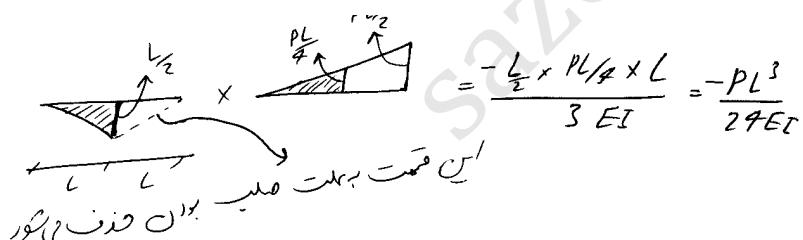
- ۱- بار مجازی را در نقطه ای که تغییر مکان آنرا خواسته قرار می دهیم:



- ۲- دیاگرام لنگر سازه مجازی را می کشیم:



- ۳- دیاگرام لنگر سازه اصلی را می کشیم:



- ۴- دیاگرام ها را به هم ضرب می کنیم:



$$\cancel{L} \quad M \quad \times \quad \cancel{L} \quad \overline{M} \quad \Rightarrow \quad A \times \overline{M} = (ML)\overline{M}$$

$$\cancel{L} \quad M \quad \times \quad \cancel{L} \quad \overline{M} \quad \Rightarrow \quad A \times \overline{M} = \frac{(ML)}{2}\overline{M}$$

$$L \quad M \quad \times \quad \cancel{L} \quad \overline{M} \quad \Rightarrow \quad A \times \frac{\overline{M}}{2} = \frac{(ML)}{2}\overline{M}$$

$$\cancel{L} \quad M \quad \times \quad \cancel{L} \quad \overline{M} \quad \Rightarrow \quad A \times \frac{2\overline{M}}{3} = \frac{(ML)}{2}\frac{2\overline{M}}{3} = \frac{\overline{M}ML}{3}$$

$$\cancel{L} \quad M \quad \times \quad \cancel{L} \quad \overline{M} \quad \Rightarrow \quad A \times \frac{\overline{M}}{3} = \frac{(ML)}{2}\frac{\overline{M}}{3} = \frac{\overline{M}ML}{6}$$

$$\text{۲ درجه} \quad L \quad M \quad \times \quad \cancel{L} \quad \overline{M} \quad \Rightarrow \quad A \times \overline{M} = \frac{(ML)}{3}\overline{M} = \frac{\overline{M}ML}{3}$$

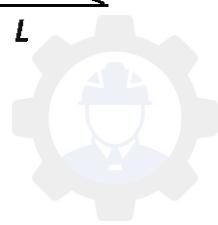
$$\text{۲ درجه} \quad L \quad M \quad \times \quad \cancel{L} \quad \overline{M} \quad \Rightarrow \quad A \times \overline{M} = \frac{(ML)}{3}\frac{3\overline{M}}{4} = \frac{\overline{M}ML}{4}$$

$$\text{۲ درجه} \quad L \quad M \quad \times \quad \cancel{L} \quad \overline{M} \quad \Rightarrow \quad A \times \overline{M} = \frac{(ML)}{3}\frac{\overline{M}}{4} = \frac{\overline{M}ML}{12}$$

$$\text{۲ درجه} \quad L \quad M \quad \times \quad \cancel{L} \quad \overline{M} \quad \Rightarrow \quad A \times \overline{M} = \frac{(2ML)}{3}\overline{M} = \frac{2\overline{M}ML}{3}$$

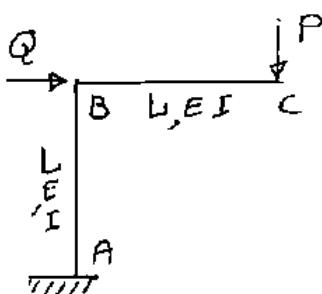
$$\text{۲ درجه} \quad L \quad M \quad \times \quad \cancel{L} \quad \overline{M} \quad \Rightarrow \quad A \times \overline{M} = \frac{(2ML)}{3}\frac{5\overline{M}}{8}$$

$$\text{۲ درجه} \quad L \quad M \quad \times \quad \cancel{L} \quad \overline{M} \quad \Rightarrow \quad A \times \overline{M} = \frac{(2ML)}{3}\frac{3\overline{M}}{8}$$



سپاسی ۸۲

۵۴- تغییر مکان قائم C برای حالتی که P = Q باشد و EI ثابت باشد، چقدر است؟ L

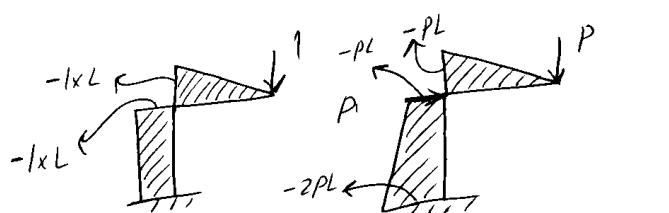


$$\frac{2PL^3}{3EI} \quad (1)$$

$$\frac{PL^3}{11EI} \quad (2)$$

$$\frac{11}{6} \frac{PL^3}{EI} \quad (3)$$

$$\frac{12}{5} \frac{PL^3}{EI} \quad (4)$$



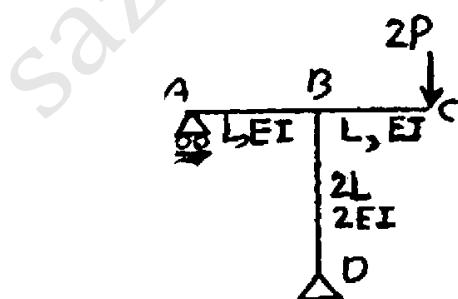
$$\Delta = \frac{-2PL^3 - PL^3}{2EI} = \frac{3PL^3}{2EI}$$

نمودار نسبت

$$\rightarrow \Delta = \frac{11PL^3}{6EI}$$

آزاد ۸۸

دوران گره های B و D کدام است؟



$$\theta_B = \theta_D = \frac{2PL^2}{3EI} \quad (1)$$

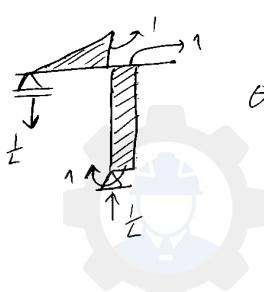
$$\theta_B = \theta_D = \frac{PL^2}{3EI} \quad (2)$$

$$\theta_B = \frac{PL^2}{3EI} \quad (3)$$

$$\theta_D = \frac{2PL^2}{3EI} \quad (4)$$

$$\theta_D = \frac{2PL^2}{3EI} \quad (5)$$

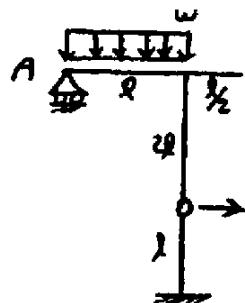
$$\theta_B = \frac{1 \times 2PL \times L}{EI} = \frac{2PL^2}{3EI}$$



$$\theta_D = \Delta \times \Delta + \square \times \circ = \theta_B$$

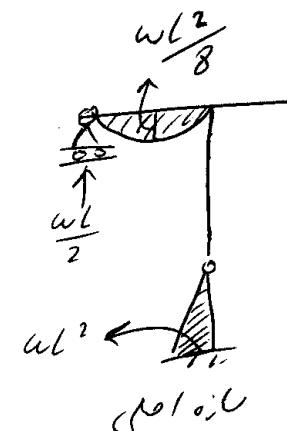
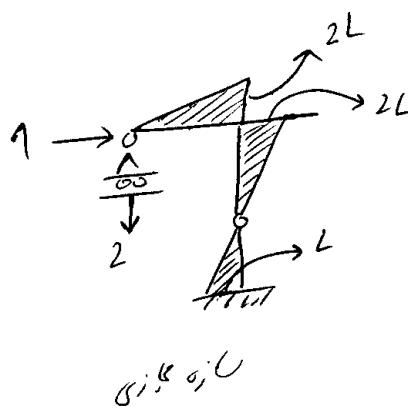
2 زیر

۷۹- تغییر مکان نگه کار A کدام است؟ (EI ثابت)



$$\frac{\omega l^4}{3EI} \quad (1) \quad \frac{7\omega l^4}{24EI} \quad (2)$$

$$\frac{\omega l^4}{4EI} \quad (3) \quad \text{من}$$



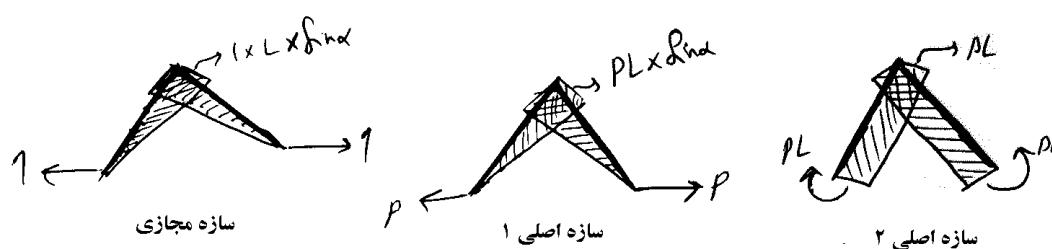
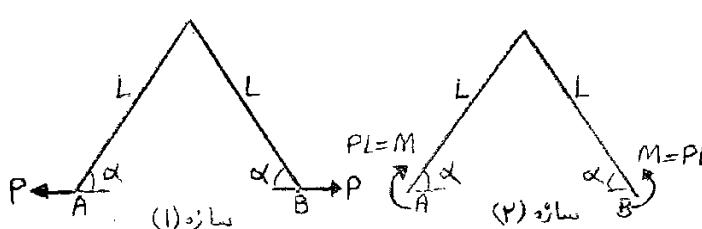
$$\Delta = \underbrace{\left(\frac{\omega l^2}{8} \times \frac{2l}{3} \right) \times -\left(\frac{2l}{2} \right)}_{EI} + \underbrace{\frac{L \times \omega l^2 \times l}{3EI}}_{= -\frac{\omega l^4}{12EI} + \frac{\omega l^4}{3EI}}$$

$$\Rightarrow \Delta = \frac{3\omega l^4}{12EI} = \frac{\omega l^4}{4EI}$$

سراسری ۸۶

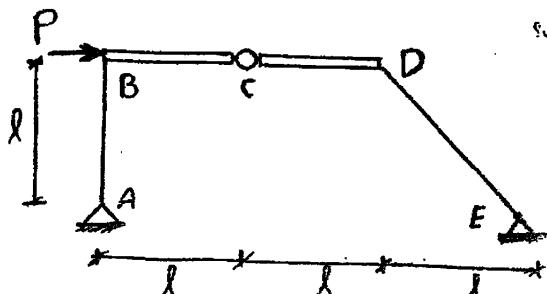
۷۸- نسبت تغییر فاصله A و B در سازه (۱) به تغییر فاصله A و B در سازه (۲) چقدر است؟ (فقط اثرات خمش دا در نظر بگیرید)

کلیه عضوهای دو سازه یکسانند.

 $\sin \alpha$ (۱) $\frac{r}{r} \sin \alpha$ (۲) $\frac{1}{r} \sin \alpha$ (۳) $\frac{1}{r} \sin \alpha$ (۴)

$$G_{\alpha} \Delta = \left(\frac{L \times \sin \alpha \times PL \sin \alpha \times L}{3EI} \right) \times 2 \quad 2G_{\alpha} \Delta = \left(\frac{1 \times L \sin \alpha \times PL \times L}{2EI} \right) \times 2 = \frac{PL^3 \sin \alpha}{EI}$$

آزاد ۸۹



۶۹- اختلاف دوران در محل مفصل خمی C ($\Delta\theta_c$) کدام است؟
 (اعضاء BC و CD صلب و سایر اعضاء دارای صلیبت خمی
 می‌باشند). EI

$$\left(\frac{\sqrt{2}+1}{9}\right) \frac{P l^2}{EI} \quad (1)$$

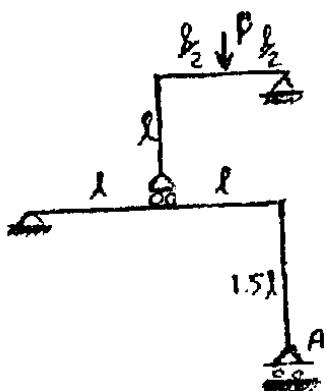
$$\frac{P l^2}{3EI} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{2}}{3} \frac{P l^2}{EI} \quad (3)$$

$$\left(\frac{\sqrt{2}-1}{9}\right) \frac{P l^2}{EI} \quad (4)$$

گزینه ۳

آزاد ۹۰



۷۳- تغییر مکان تکیه گاه غلتکی A کدام است؟ (EI ثابت)

$$\frac{P l^3}{48 EI} \quad (1)$$

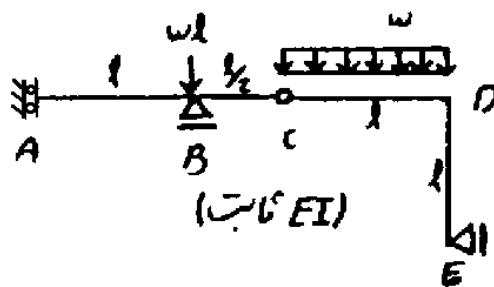
$$\frac{4 P l^3}{9 EI} \quad (2)$$

$$\frac{3 P l^3}{8 EI} \quad (3)$$

$$\frac{P l^3}{16 EI} \quad (4)$$



۶۰- لگر نکه گاه A و دوران نکه گاه E کدام است؟



$$\theta_E = \frac{\omega l^3}{24EI}, M_A = \frac{5}{2}\omega l^2 \quad (1)$$

$$\theta_E = \frac{\omega l^3}{6EI}, M_A = \frac{\omega l^2}{2} \quad (2)$$

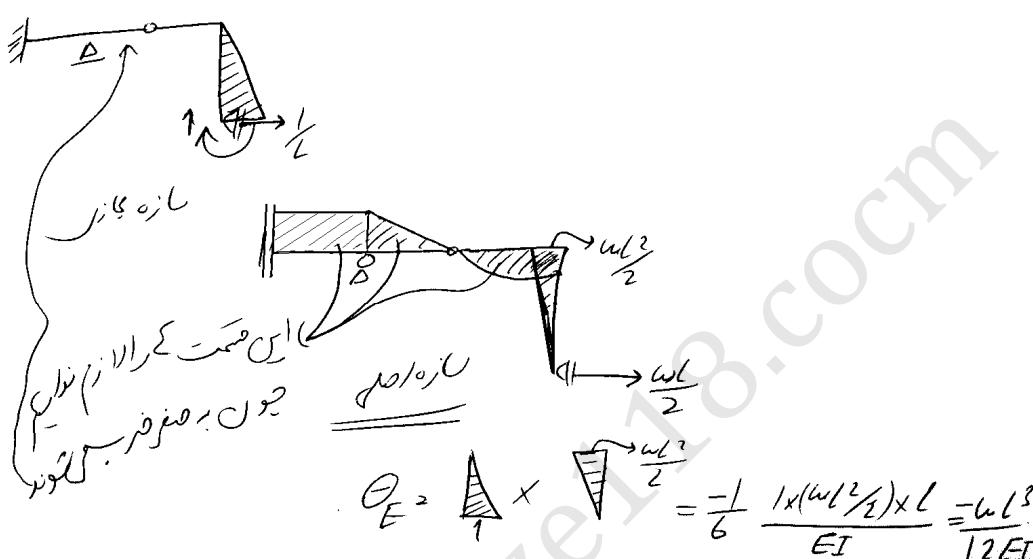
$$\theta_E = \frac{\omega l^3}{6EI}, M_A = \frac{3}{2}\omega l^2 \quad (1)$$

$$\theta_E = \frac{\omega l^3}{12EI}, M_A = \frac{\omega l^2}{2} \quad (2)$$

لنگر A را با استاتیک می‌توان بدست آورد (دقت شود که اگر سازه نامعین بود باید به روش نیروها M_A را بدست می‌آوردیم، یعنی تکیه گاه را حذف و به جایش M_A قرار داده...):

: محاسبه M_A

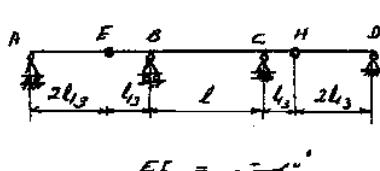
: محاسبه دوران E



$$\theta_E = \frac{l^3}{6} \times \frac{1 \times (\omega l/2)^2 \times l}{EI} = \frac{\omega l^3}{12EI}$$

سراسری ۹۱

۵۵- یک بار متحرک به شدت $\frac{\text{ton}}{\text{m}}$ ۱ و به طول l از روی تیر ABCD عبور می‌کند. حداقل مقادیر جابجایی به سمت بالای H چقدر خواهد بود؟ (EI ثابت است).

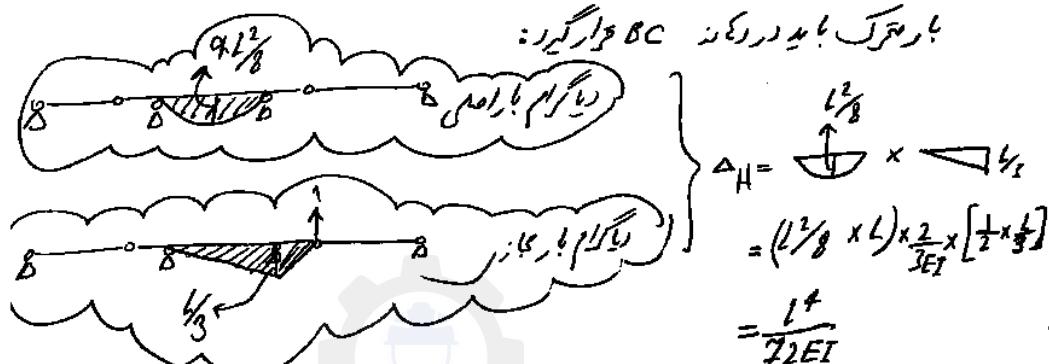


$$\frac{l^3}{72EI} \quad (1)$$

$$\frac{l^3}{72EI} \quad (2)$$

$$\frac{l^3}{36EI} \quad (3)$$

$$\frac{\Delta l^3}{72EI} \quad (4)$$



بار هر کم باشد در رکن BC خواه گیر:

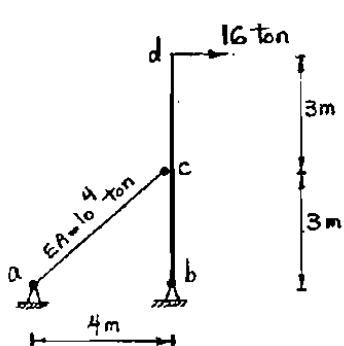
$$\Delta H = \frac{l^2}{8} \times \frac{l}{2} \times \frac{1}{3EI}$$

$$= \frac{l^4}{72EI}$$

سراسری ۸۳

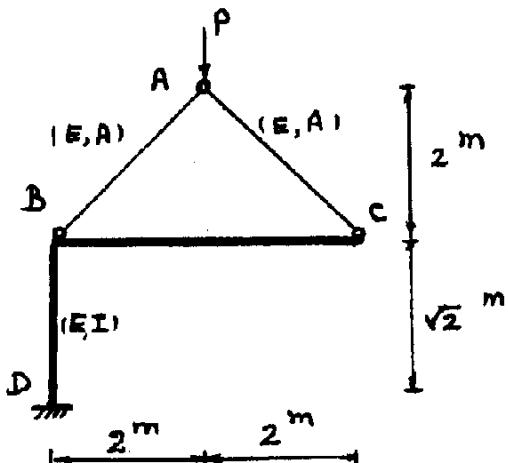
۶۳ در سازه شکل مقابل ستون پیوسته bcd با صلبیت خمثی 144 t.m^2 و سطح مقطع زیاد توسط میله ac با صلبیت محوری 10^3 ton مهار شده است. تغیر مکان گره C بر حسب mm کدام است؟

- ۱۳ (۱)
۲۵ (۲)
۴۴ (۳)
۵۶ (۴)



۹۳ سراسری

-۵۷- تغییر مکان قائم Δ_A کدام است؟ قطعه BC صلب می‌باشد. از اثر نیروی محوری در قطعه BD صرفنظر کنید.



$$\frac{\tau\sqrt{\tau}P}{AE} + \frac{\tau\sqrt{\tau}P}{EI} \quad (1)$$

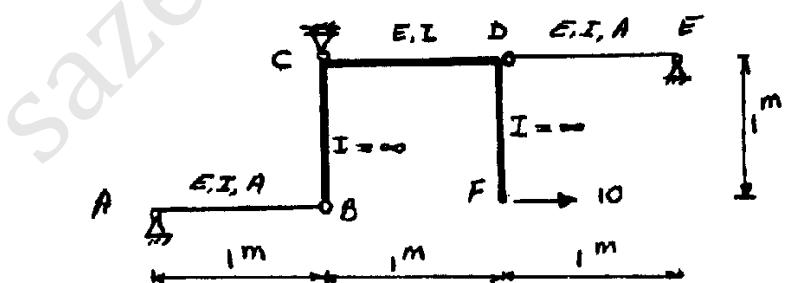
$$\frac{\sqrt{\gamma P}}{AE} + \frac{\epsilon \sqrt{\gamma P}}{EI} \quad (1)$$

$$\frac{r\sqrt{rP}}{\Delta E} + \frac{r\sqrt{rP}}{EI} \quad (1)$$

$$\frac{f\sqrt{r}P}{AE} + \frac{f\sqrt{r}P}{EI}$$

۹۳ سراسری

-۶۴ تغییر مکان قائم F کدام است؟ از اثر نیروی محوری در قطعه CD صرفنظر کنید.



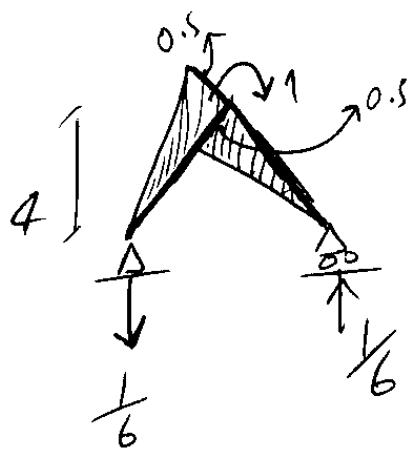
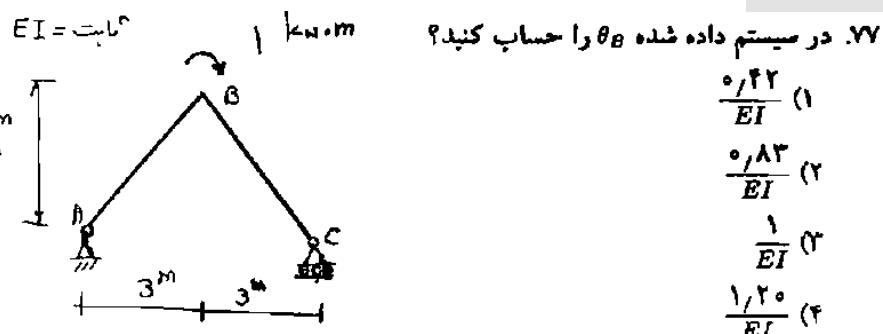
$$\frac{\omega}{EI} = \frac{1}{AE} \quad (2)$$

$$\frac{\delta}{EI} + \frac{10}{AE} \quad (4)$$

$$\frac{\ddot{\omega}}{EI} + \frac{1}{AE} \quad (1)$$

$$\frac{\phi}{EI} = \frac{v_0}{AE} \quad (r)$$

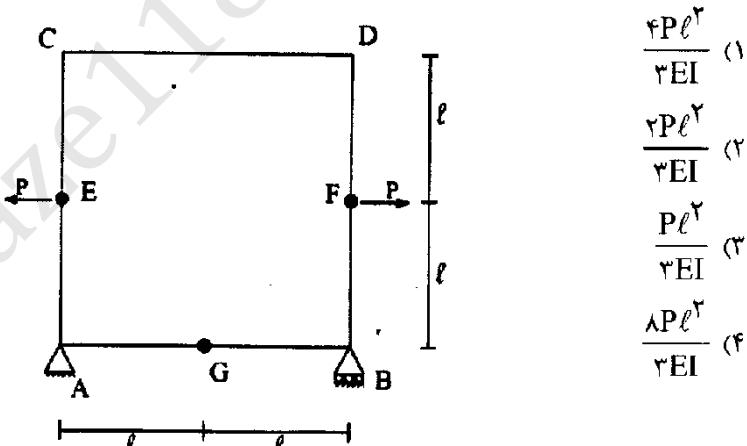
سراسری ۸۳



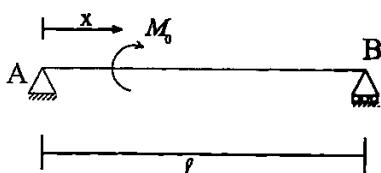
$$\Theta = \left[\frac{0.5 \times 0.5 \times 5}{3 EI} \right] \times 2 = \frac{0.83}{EI}$$

سراسری ۹۳

-۶۲ در سازه شکل زیر، تغییر زاویه بین مماسهای چپ و راست مفصل G چقدر است؟

صلبیت خمشی اعضا را EI و از تغییر شکل های غیر خمشی صرف نظر کنید.

- ۶۳ - لنگر متمرکز M_0 در نقطه‌ای به فاصله x از تکیه‌گاه A تیر ثابت است. EI ثابت است. x چقدر باشد، تا $\theta_A = 0$ برابر صفر شود.



$$(1 - \frac{\sqrt{3}}{3})l \quad (1)$$

$$(1 - \frac{\sqrt{3}}{3})l \quad (2)$$

$$(1 - \frac{\sqrt{3}}{2})l \quad (3)$$

$$(1 - \frac{\sqrt{2}}{2})l \quad (4)$$

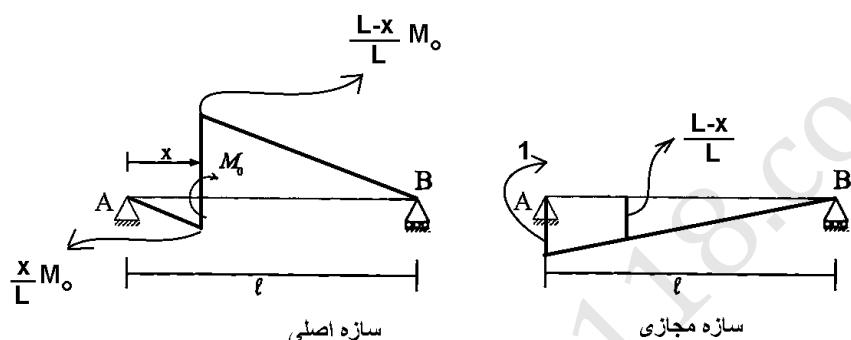
. گزینه ۲

با استفاده از کار مجازی دوران را محاسبه و برابر صفر قرار می‌دهیم:

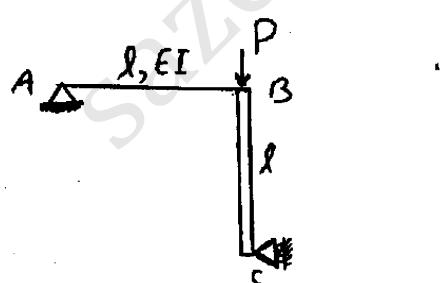
$$\Theta = \frac{1}{2EI} \left(\frac{xM_0}{L} \right) \left(\frac{L-x}{L} \right) (x) + \frac{1}{6EI} \left(\frac{xM_0}{L} \right) \left(\frac{x}{L} \right) (x) - \frac{1}{3EI} \left(\frac{(L-x)M_0}{L} \right) \left(\frac{L-x}{L} \right) (L-x) = 0$$

$$3(x)(L-x)(x) + (x)(x)(x) - 2(L-x)(L-x)(L-x) = 0$$

$$-3x^2L + 6xL^2 - 2L^3 = 0 \rightarrow x = \frac{-6L^2 \pm \sqrt{12L^4}}{-6L} = L \pm \frac{\sqrt{3}}{3}L$$



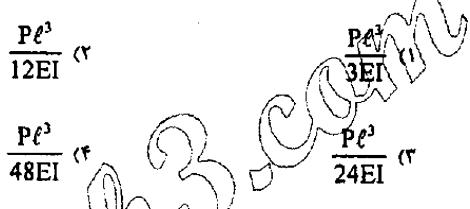
آزاد ۹۱



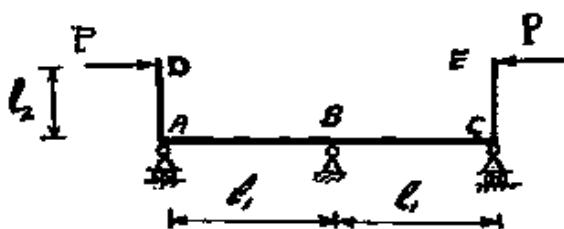
- ۷۰ - تغییر مکان تکیه‌گاه C کدام است؟ (میله BC صلب می‌باشد) :

$$\frac{P\ell^3}{12EI} \quad (1)$$

$$\frac{P\ell^3}{48EI} \quad (2)$$

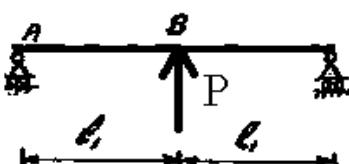
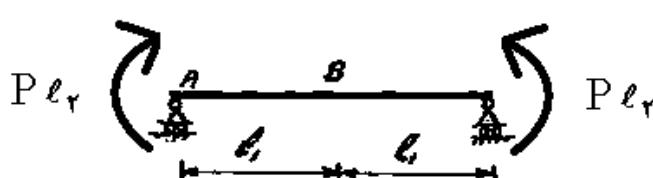


-۵۸ - در سازه داده شده چنانچه عکس العمل قائم B باشد نسبت $\frac{\ell_1}{\ell_2}$ چقدر است؟ (ثابت = EI)

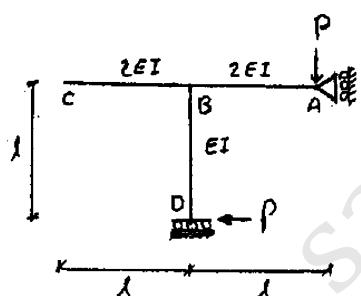


- ۱ (۱)
- ۲ (۲)
- ۳ (۳)
- ۴ (۴)

تغییر مکان نقطه B را تحت اثر بارهای زیر بدست آورده و برابر صفر قرار می دهیم:



-۷۶ - دوران گره B کدام است؟



$$\frac{P\ell^2}{2EI} \text{ (۱)}$$

$$\frac{P\ell^2}{3EI} \text{ (۲)}$$

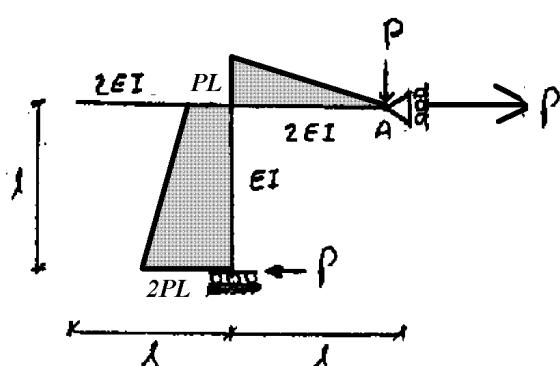
$$\frac{3P\ell^2}{2EI} \text{ (۳)}$$

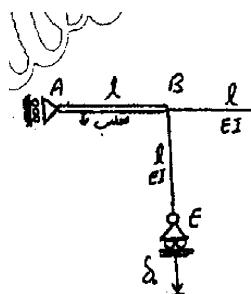
$$\frac{5P\ell^2}{6EI} \text{ (۴)}$$

گزینه ۴

با توجه به اینکه تکیه گاه D گیردار است، دوران نقطه B برابر مساحت زیر نمودار M/EI در ستون DB می باشد.

بنابراین باید نمودار لنگر در این ستون را بدست آوریم. با توجه به





-۸۰- دوران گره B کدام است؟ (تکیه‌گاه E به اندازه δ_0 نشست کرده است)

$$\frac{1}{3} \frac{\delta_0}{l} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{2} \frac{\delta_0}{l} \quad (۱)$$

$$2 \frac{\delta_0}{l} \quad (۴)$$

$$\frac{\delta_0}{l} \quad (۳)$$

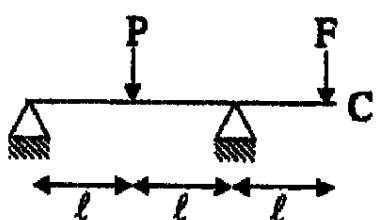
گزینه ۳

از روش کار مجازی استفاده می‌کنیم. اگر یک لنگر واحد در نقطه B قرار دهیم، عکس العمل تکیه گاه E در اثر این لنگر واحد برابر $\frac{1}{L}$ خواهد بود و بنابراین:

$$1 \times \theta_B + R_E \times (\delta_0) = 0 \rightarrow \theta_B = \frac{\delta_0}{L}$$

تمرین: آزاد ۹۳

۶۶- در تیر شکل مقابل نسبت $\frac{F}{P}$ چقدر باشد تا تغییر مکان C برابر صفر گردد؟



$$\frac{1}{4} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{16} \quad (۴)$$

$$\frac{1}{2} \quad (۱)$$

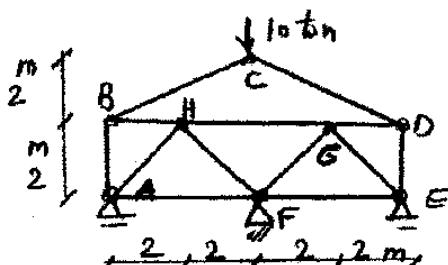
$$\frac{1}{8} \quad (۳)$$



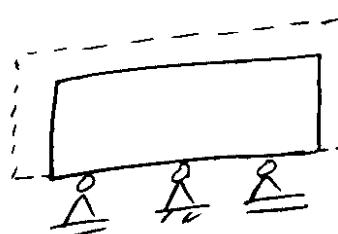
۴-۹-حرارت

۸۹ سراسری

در خرپای شکل داده شده، چنانچه دمای تمامی اعضای 20°C بالا رفته باشد با فرض $EA = 200 \text{ ton}$ برای تمام اعضا $\alpha = 1 \times 10^{-5} \text{ cm/cm}^{\circ}\text{C}$ نیروی داخلی عضو DE چقدر خواهد بود؟



- ۱) ۵ t
- ۲) ۱۰ t
- ۳) ۲۰ t
- ۴) ۱۵ t

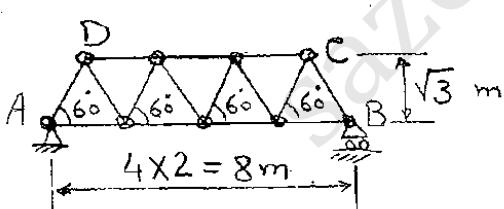


نکته: اگر مشخصات حرارتی اعضا (α) یکسان باشد و دمای تمامی اعضای یکسا افزایش یابد هیچ نیرویی در اعضا ایجاد نمی شود به شرطی که تکیه گاهها مانع نباشند.

در این سازه حرارت نکته انحرافی است و تاثیری ندارد.
با استفاده از روش مفاصل نیرو در عضو DE بدست می آید.

۸۶ سراسری

۴۲ - جابجایی نقطه B در اثر 25°C تغییر درجه حرارت چقدر است؟

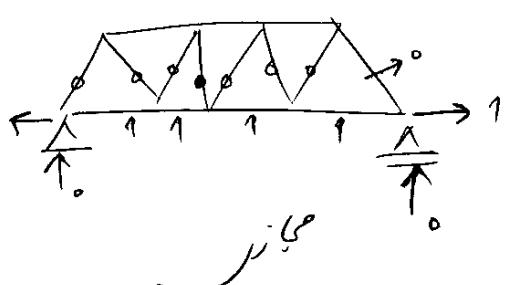


- ۱) ۱/۷۶ میلیمتر
- ۲) ۲/۴۲ میلیمتر
- ۳) ۳/۰۸ میلیمتر
- ۴) ۳/۵۲ میلیمتر

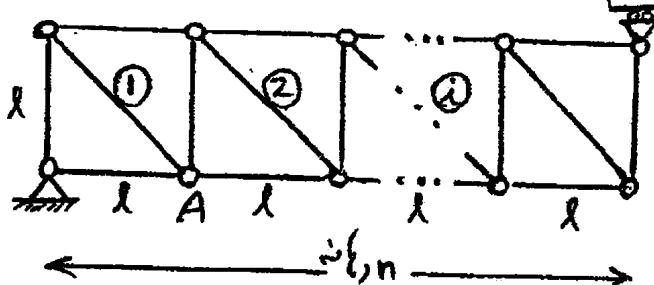
در این سازه نیز حرارت ایجاد نمی کند ولی مسئله تغییر شکل خواسته نه عکس العمل!

$$\Delta = 4 \left[1 \times (\alpha \Delta T \times 2) \right] = 8 \alpha \Delta T$$

$$= 8 \times 11 \times 10^{-6} \times 20 = 1.76 \times 10^{-3} \text{ m} = 1.76 \text{ mm}$$



۶۸- اگر در خرپای n دهانه نشان داده شده دمای اعضاء قطری دوم، دوازدهم و بیست و دوم را به اندازه ΔT کاهش دهیم تغییر مکان قائم گره A کدام است؟



$$3 \alpha \left(\frac{l}{n}\right) \Delta T / \quad (1)$$

$$\sqrt{2} n \alpha \Delta T / \quad (2)$$

$$\frac{6}{n} \alpha \Delta T / \quad (3)$$

$$3\sqrt{2} \alpha \Delta T / \quad (4)$$

یک بار واحد مطابق شکل بر نقطه A اعمال می کنیم.

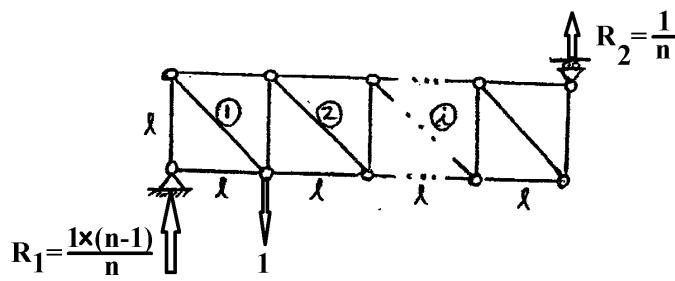
برش کل در خرپا در دهانه اول سازه مجازی برابر

$\frac{n-1}{n}$ می باشد. و برش در باقی دهانه ها برابر $\frac{1}{n}$ خواهد بود.

با استفاده از روش مقطع می توان گفت که نیروی محوری

در اعضاء قطری ذکر شده برابر $\frac{-\sqrt{2}}{n}$ می باشد. بنابراین

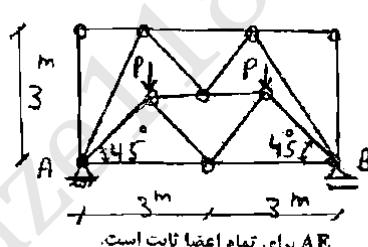
تغییر مکان ناشی از افزایش حرارت در این اعضا برابر است با:



$$\Delta = \sum \bar{P}_i \alpha \Delta T L = 3 \left(\left(\frac{-\sqrt{2}}{n} \right) (-\alpha \Delta T (\sqrt{2}L)) \right) = \frac{6}{n} \alpha \Delta T L$$

سراسری ۸۴

جایگایی افقی تکیه گاه B در اثر افزایش دمای اعضا به مقدار 35°C و نیروهای وارد چقدر است؟ (ضریب انبساط حرارتی α است).

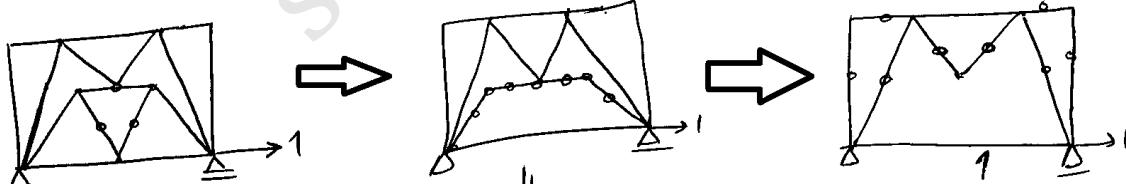


$$\frac{\epsilon P}{AE} \quad (1)$$

$$180\alpha - \frac{\epsilon P}{AE} \quad (2)$$

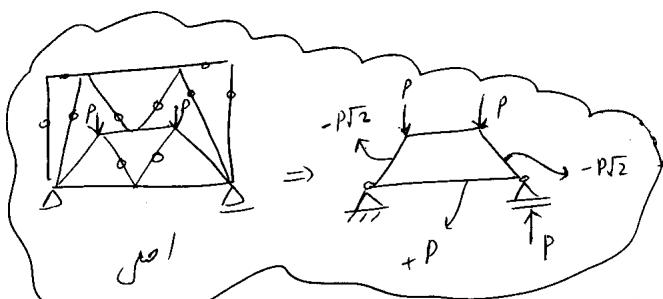
$$180\alpha + \frac{2P}{AE} \quad (3)$$

$$\frac{\epsilon P}{AE} + 180\alpha \quad (4)$$



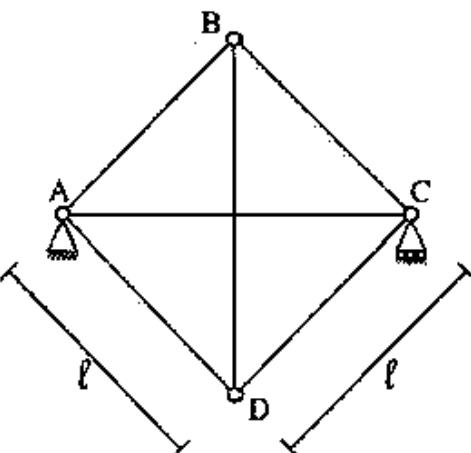
سازه مجازی

بنابراین در سازه مجازی نیرو در تمامی اعضا صفر است به جز یال پایینی.



$$\Delta = 1 \times \left(\frac{P \times 6}{EA} + \alpha \Delta T \times 6 \right) = \frac{6P}{EA} + 180\alpha$$

۵۷- در خربای مربع شکل زیر درجه حرارت عضو BD به اندازه $\sqrt{2}(\Delta T)$ و عضو AD به اندازه $-2\sqrt{2}(\Delta T)$ تغییر کند، نیروی داخلی عضو BD کدام است؟ صلبیت محوری اعضا EA و ضریب انبساط حرارتی را α فرض کنید.



$$\left(\frac{\sqrt{2}}{2}-1\right)\alpha(\Delta T)EA \quad (1)$$

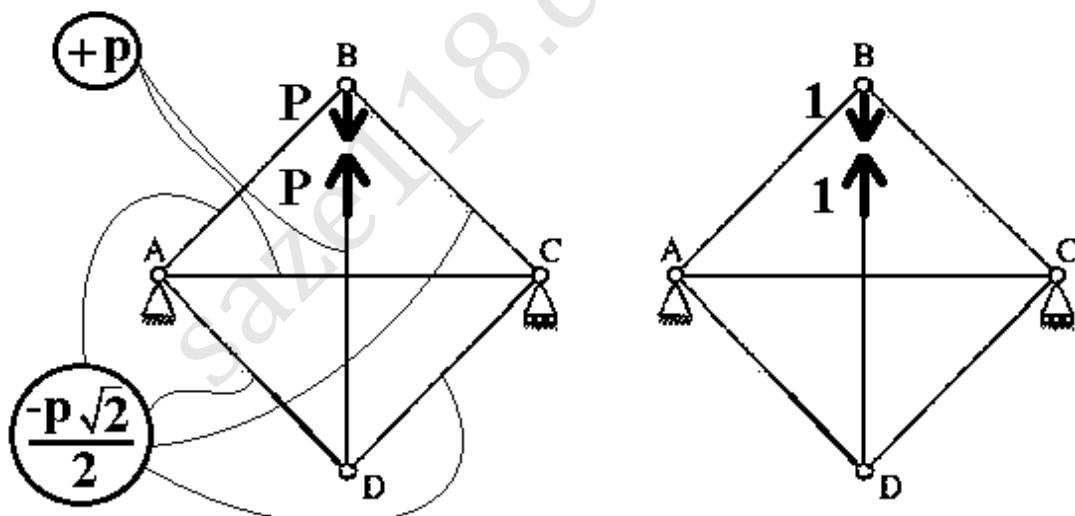
$$(1-\sqrt{2})\alpha(\Delta T)EA \quad (2)$$

$$(\sqrt{2}-1)\alpha(\Delta T)EA \quad (3)$$

$$2(1-\sqrt{2})\alpha(\Delta T)EA \quad (4)$$

$$1 \times 0 = 1 \left(\frac{P\sqrt{2}L}{EA} + 2\alpha TL \right) + 1 \left(\frac{P \times \sqrt{2}L}{EA} \right) - 3 \times \frac{\sqrt{2}}{2} \left(\frac{-P\sqrt{2} \times L}{EA} \right) - \frac{\sqrt{2}}{2} \left(\frac{-P\sqrt{2} \times L}{EA} - 2\sqrt{2}\alpha TL \right)$$

$$0 = (2\sqrt{2} + 2) \frac{PL}{EA} + (4)\alpha TL \rightarrow P = \frac{2\alpha TEA}{(\sqrt{2} + 1)} = 2(\sqrt{2} - 1)\alpha TEA$$



تمرین آزاد ۹۳

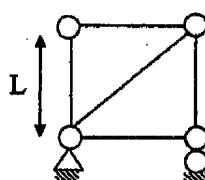
۷۱- در خربای مقابله که سطح مقطع همه میله‌ها مساوی و برابر A است فقط چهار ضلع را به اندازه ΔT حرارت

می‌دهیم، تنش حاصله در میله قطری چقدر است؟

$$\frac{\sqrt{2}}{3} E \times \Delta T \quad (1)$$

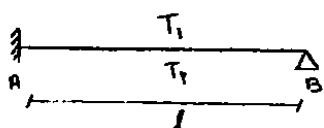
$$\frac{\sqrt{2}}{3} \times \Delta T \quad (2)$$

$$EA \times \Delta T \quad (3)$$



اثر حرارت در تیرها:

آزاد

۳۲- لکنگی داری ناشی از اختلاف درجه حرارت T_1 و T_2 در تیر زیر کدام است؟- ارتفاع مقطع h با سختی EI - طول تیر l - ضریب انبساط حرارتی α

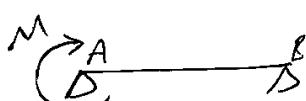
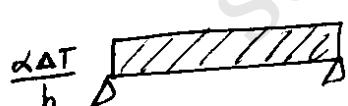
$$M_A = \frac{3\alpha EI(T_2 - T_1)}{2h} \quad (1)$$

$$M_A = \frac{2\alpha EI(T_2 - T_1)}{3h} \quad (2)$$

$$M_A = \frac{EI\alpha(T_2 - T_1)}{2l} \quad (3)$$

$$M_A = \frac{\alpha EI(T_2 - T_1)}{h} \quad (4)$$

سازه نامعین است. بنابراین از روش نیرو ها استفاده می کنیم. تکیه گاه A را تبدیل به تکیه گاه مفصلی کرده و به جایش مقدار M_A را قرار می دهیم و θ_A را برابر صفر قرار می دهیم:

برای محاسبه θ_A از روش کار مجازی استفاده می کنیم:

حال

$$\left. \begin{array}{l} \text{کار مجازی} \\ \text{کار اصلی} \end{array} \right\} \theta_{A1} = -\frac{1}{2} \frac{\alpha \Delta T}{h} \times L$$



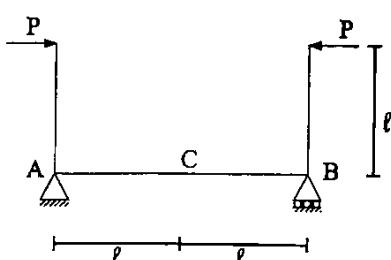
حال

$$\left. \begin{array}{l} \text{کار مجازی} \\ \text{کار اصلی} \end{array} \right\} \theta_{A2} = \frac{1}{3EI} ML$$

$$\theta_{A1} + \theta_{A2} = 0 \rightarrow M = \frac{3EI\alpha \Delta T}{2h}$$

سراسری ۹۲

-۶۴- سازه زیر مفروض است. اگر EI در سازه ثابت، α ضریب انبساط حرارتی و h ارتفاع مقطع تیر AB باشد. تار پایین تیر AB را به چه اندازه سرد کنیم، تا تغییر مکان نقطه C (وسط دهانه)، صفر شود؟ درجه حرارت تار بالا تغییر نمی‌کند. همچنین تغییر درجه حرارت بین تار بالا و پایین به صورت خطی است.



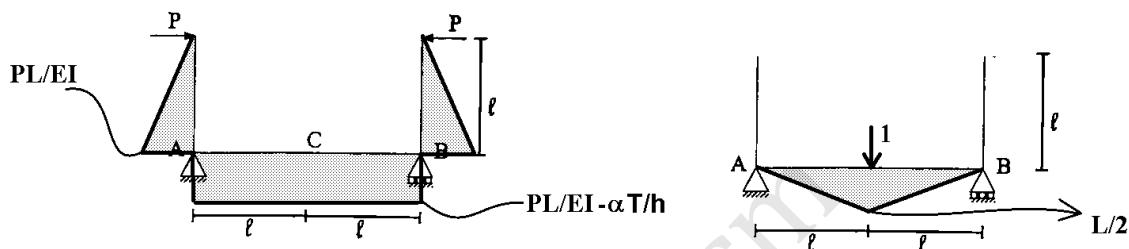
$$\frac{P\ell h}{\alpha EI} \quad (1)$$

$$\frac{\alpha P\ell h}{\alpha EI} \quad (2)$$

$$\frac{P\ell h}{\alpha EI} \quad (3)$$

$$\frac{P\ell h}{\alpha EI} \quad (4)$$

. گزینه ۱.

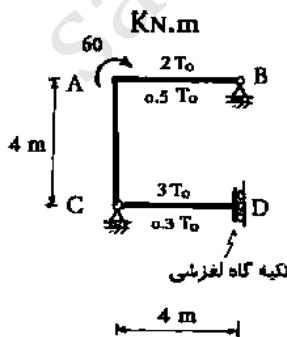


با توجه به دیاگرام لنگر سازه های اصلی و مجازی، برای اینکه تغییر مکان نقطه C صفر شود، باید مقدار $\frac{PL}{EI} - \frac{\alpha T}{h}$

$$T = \frac{PLh}{\alpha EI} \quad \text{صفر شود و بنابراین:}$$

سراسری ۹۴

-۵۹- تغییر دمای تارهای فوقانی و تحتانی تیرهای AB و CD روی شکل نشان داده شده‌اند. Δ_{BX} گدام است؟
ارتفاع تیرها $h = 60$ ، ضریب انبساط حرارتی $\alpha = 0.0001$ (ثابت $EI = 3EI$)



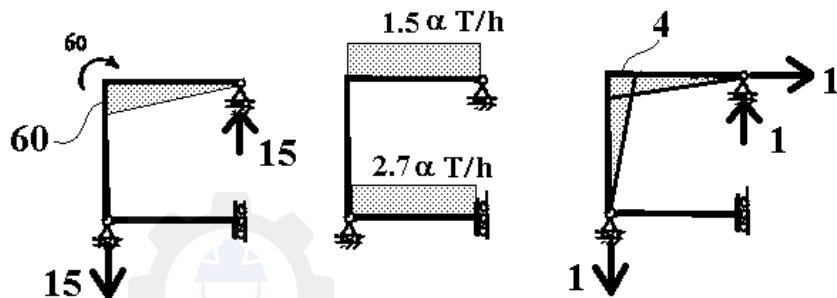
$$\frac{18^\circ}{EI} - \frac{24\alpha T_o}{h} \quad (1)$$

$$\frac{22^\circ}{EI} - \frac{12\alpha T_o}{h} \quad (2)$$

$$\frac{18^\circ}{EI} - \frac{12\alpha T_o}{h} \quad (3)$$

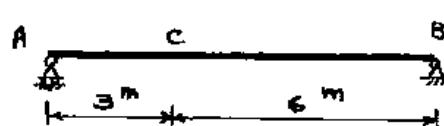
$$\frac{22^\circ}{EI} - \frac{24\alpha T_o}{h} \quad (4)$$

$$\bar{1} \times \Delta_{BX} = -\frac{\bar{4} \times 4 \times \frac{1.5\alpha T}{h}}{2} + \frac{\bar{4} \times 4 \times 60}{3EI} = -\frac{12\alpha T}{h} + \frac{320}{EI}$$

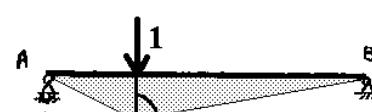


سراسری ۹۴

۶۱- در صورتی که طول تار فوقانی تیر AB به اندازه 20% کاهش و طول تار تحتانی به اندازه 20% افزایش پیدا کند، تغییر مکان قائم نقطه C کدام است؟ ارتفاع مقطع تیر h میباشد.



- $\frac{2}{5} h$ (۱)
- $\frac{2}{4} h$ (۲)
- $\frac{1}{8} h$ (۳)
- $\frac{1}{2} h$ (۴)



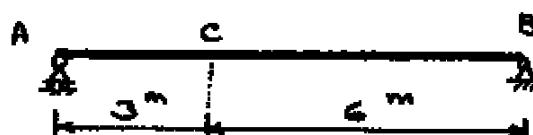
سازه اصلی

سازه مجازی

$$\frac{2 \times 9 \times \frac{0.4}{h}}{2} = \frac{3.6}{h}$$

دکتری ۹۳

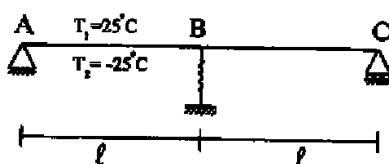
۶۲- در صورتی که طول تار فوقانی تیر AB به اندازه 20% درصد کاهش و طول تار تحتانی به اندازه 20% افزایش پیدا کند، تغییر مکان قائم نقطه C را حساب کنید. ارتفاع مقطع تیر h میباشد.



- $\frac{1}{8} h$ (۱)
- $\frac{1}{2} h$ (۲)
- $\frac{2}{4} h$ (۳)
- $\frac{2}{5} h$ (۴)



۱۶- درجه حرارت تار پائین و بالای قسمت AB از تیر ABC به ترتیب -25°C و 25°C تغییر می‌کند. (در ارتفاع تیر $\frac{h}{4}$ تغییر درجه حرارت خطی فرض می‌شود). نیروی فنر B که دارای سختی K_B است، کدام است? (EI) در سراسر تیر ثابت و



$$K_B = \frac{4EI}{l^2} \text{ است.}$$

$$25 \frac{\alpha EI}{hI} \quad (1)$$

$$50 \frac{\alpha EI}{hI} \quad (2)$$

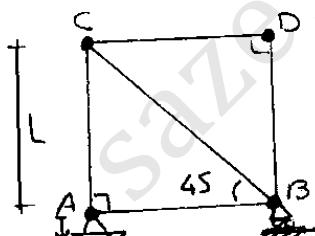
$$75 \frac{\alpha EI}{hI} \quad (3)$$

$$100 \frac{\alpha EI}{hI} \quad (4)$$

۵-۹-نشست تکیه گاهی

آزاد ۸۹

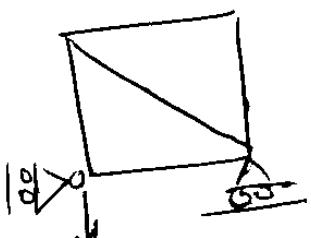
۷۹- اگر تکیه گاه A از خرپای زیر به اندازه $\frac{L}{30}$ نشست کند، نیروی عضو AC کدام خواهد بود. (ثابت AE)



$$\begin{aligned} & \text{صفر} \quad -\frac{AE}{20} \quad (1) \\ & +\frac{AE}{10} \quad (4) \quad +\frac{AE}{20} \quad (2) \end{aligned}$$

گزینه ۳

اگر با حذف مولفه نشست کرده تکیه گاه، سازه ناپایدار شود، هیچ نیرویی در اعضاء ایجاد نمی شود:

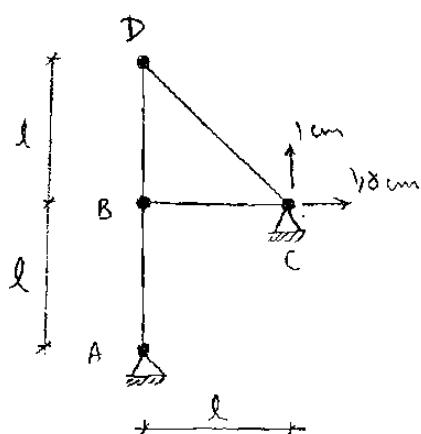


رجیعت نشست ناپایدار است.

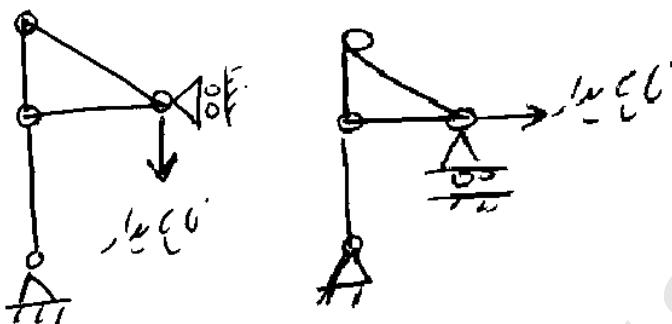


-۶۴ در خرپای شکل مقابل چنانچه تکیه گاه C به میزان 1.5 cm به سمت راست و 1 cm به سمت بالا نشست کند، تغییر مکان افقی نقطه D را محاسبه نمایید. صلبیت محوری همه اعضاء EA است.

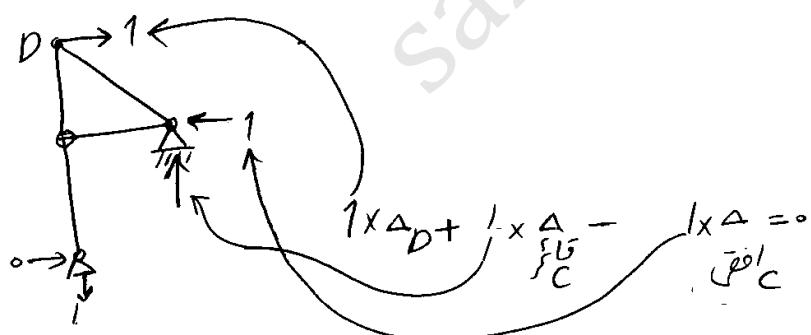
- (۱) 0.5 سانتی متر
- (۲) 1 سانتی متر
- (۳) 1.5 سانتی متر
- (۴) 2.5 سانتی متر



ابتدا بررسی می کنیم که آیا در اعضا خرپا نیرو ایجاد خواهد شد یا نه؟ مولفه های تکیه گاهی را که در آنها نشست داریم حذف می کنیم و پایداری سازه را بررسی می کنیم. اگر با حذف مولفه تکیه گاهی، سازه ناپایدار شد، به این معنی است که نشست هیچ نیرویی در اعضا خرپا ایجاد نمی کند:



دقت شود که عدم ایجاد نیرو به معنی عدم تغییر شکل سازه نیست و نمی توان نتیجه گرفت که تغییر شکلهای سازه در اثر نشست صفر هستند. برای محاسبه تغییر شکل در نقطه مورد نظر (نقطه D) باید یک بار واحد قرار دهیم و عکس العمل های تکیه گاهی ناشی از آن بار واحد را بیابیم:



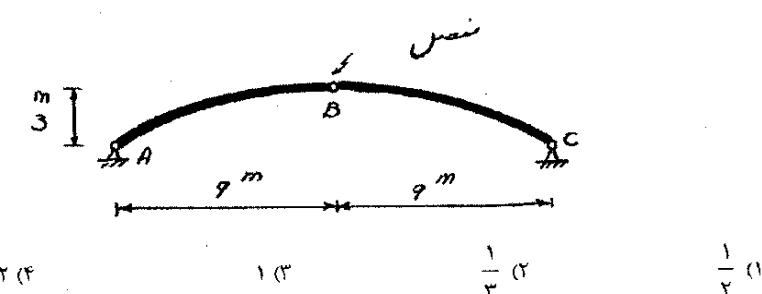
$$\rightarrow \Delta_D = -1 \times 1 + 1 \times (1.5) = +0.5 \text{ cm}$$

بنابراین نقطه D به اندازه 0.5 cm در جهت بار واحد حرکت می کند. (0.5 cm به سمت راست می رود)



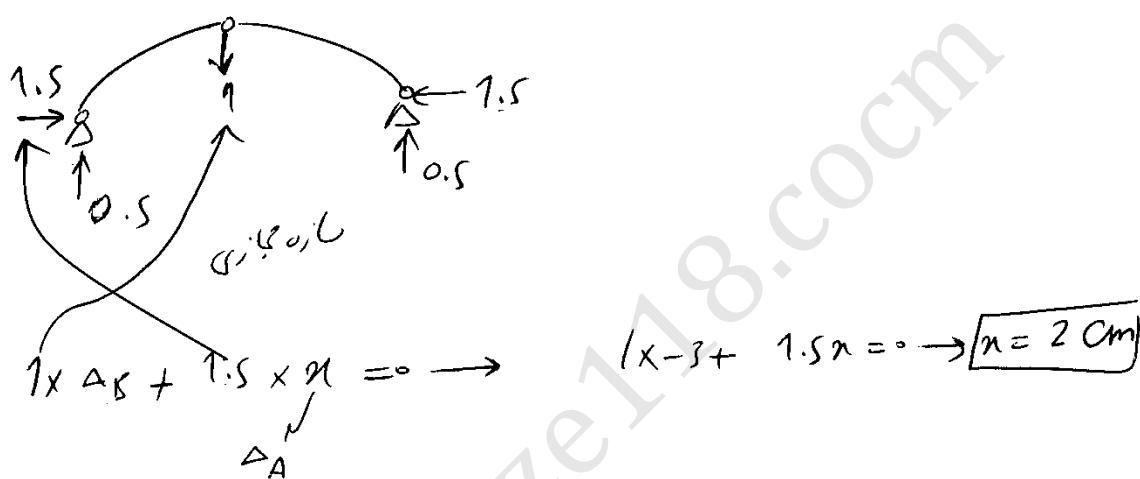
سراسری ۸۹

-۵۹- پیش بینی می شود در اثر بارهای وارد نقطه B به اندازه ۳cm جا به جایی قائم به طرف پایین داشته باشد. به منظور جلوگیری از این جا به جایی تکیه گاه A چند سانتی متر (cm) به سمت تکیه گاه C باید کشیده شود؟

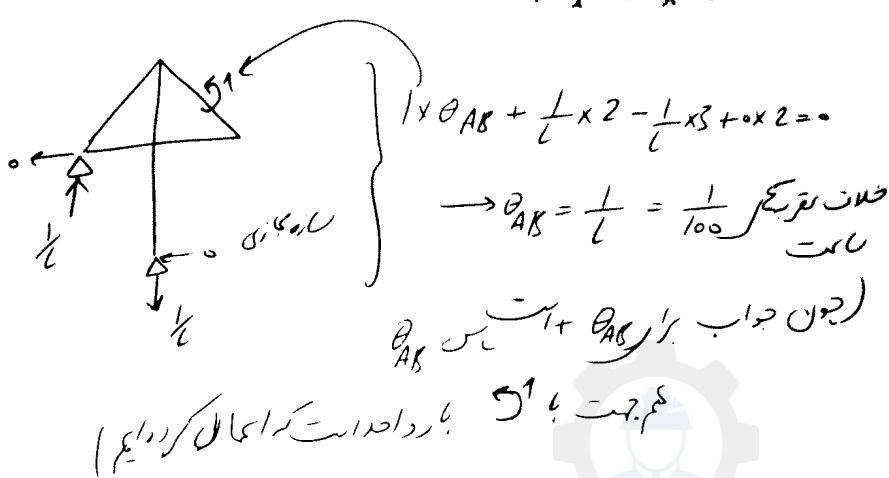
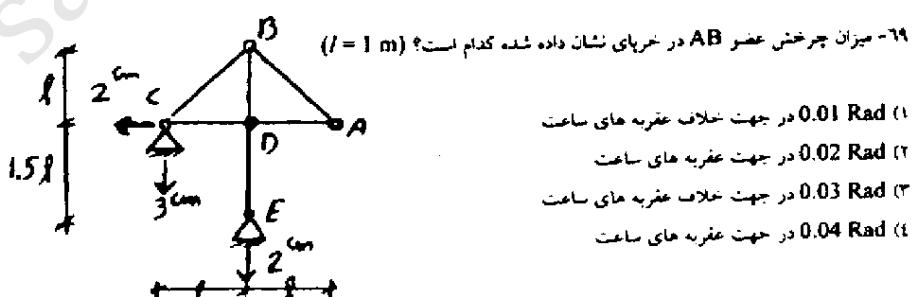


سوال: تکیه گاه A به اندازه $x\text{cm}$ به سمت راست نشست دارد. مقدار x چقدر باشد تا نقطه B در اثر این نشست ۳cm بالا رود (برگردان سر جایش)? (با حذف مولفه افقی A سازه ناپایدار شده و بنابراین در اعضا نیرویی نخواهیم داشت).

حال بار واحد را به نقطه B وارد می کنیم (چون تغییر مکان B اندازه گیری می شود) و عکس العمل های تکیه گاهی ناشی از آن بار واحد را می یابیم:

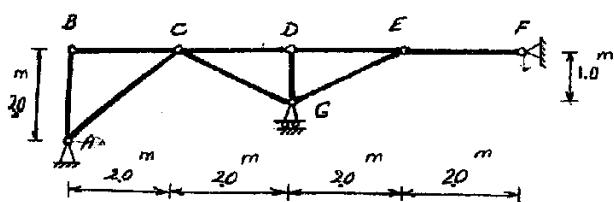


آزاد ۸۸

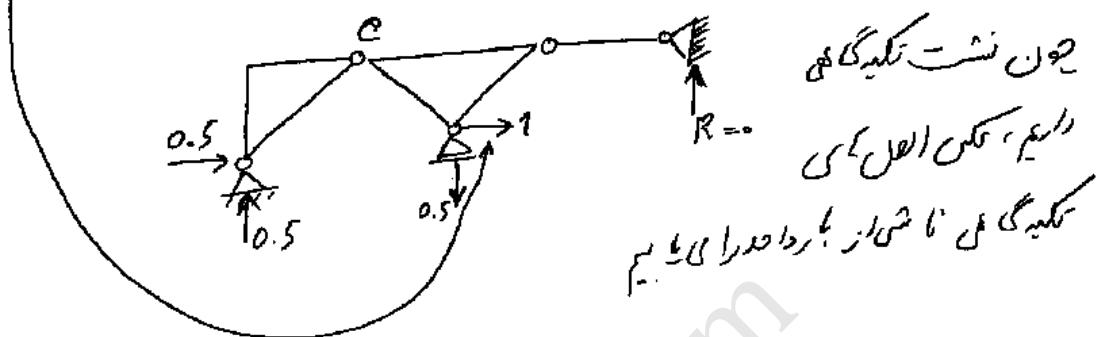


-۶۰- اگر تکیه‌گاه A در امتداد افق به سمت راست به اندازه ۲ cm و تکیه‌گاه F در امتداد قائم به اندازه ۱ cm به سمت پایین نشست کند تغییر مکان افقی تکیه‌گاه G چند cm است؟

- ۰,۵ → ۱
۱ → ۰,۵
۰,۵ ← ۱
۱ ← ۰,۵



۶۰ ۱) استقرار از زواید کاری باز در محل تغییر مکان نظریه ای کر خواسته شده میک باشد و این را چشم

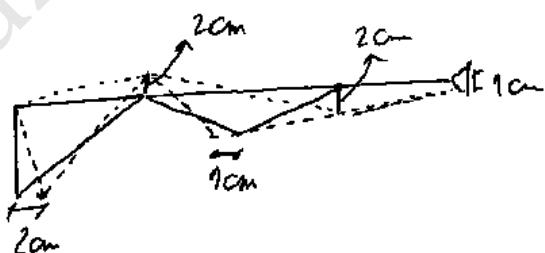


$$R \times 8 + 1 \times \Delta_G = 0 \Rightarrow \frac{0.5 \times 2}{R} + 0 \times 1 + 1 \times \Delta_G = 0$$

با کلارسون منقذ و آوارل لاریم این است دگر نه باز

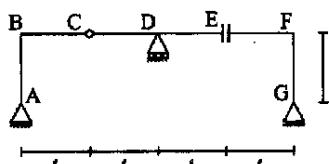
$$\rightarrow \Delta_G = -1$$

۶۱ هنف ده بس خلاف جست باشد و این را حرکت کنند

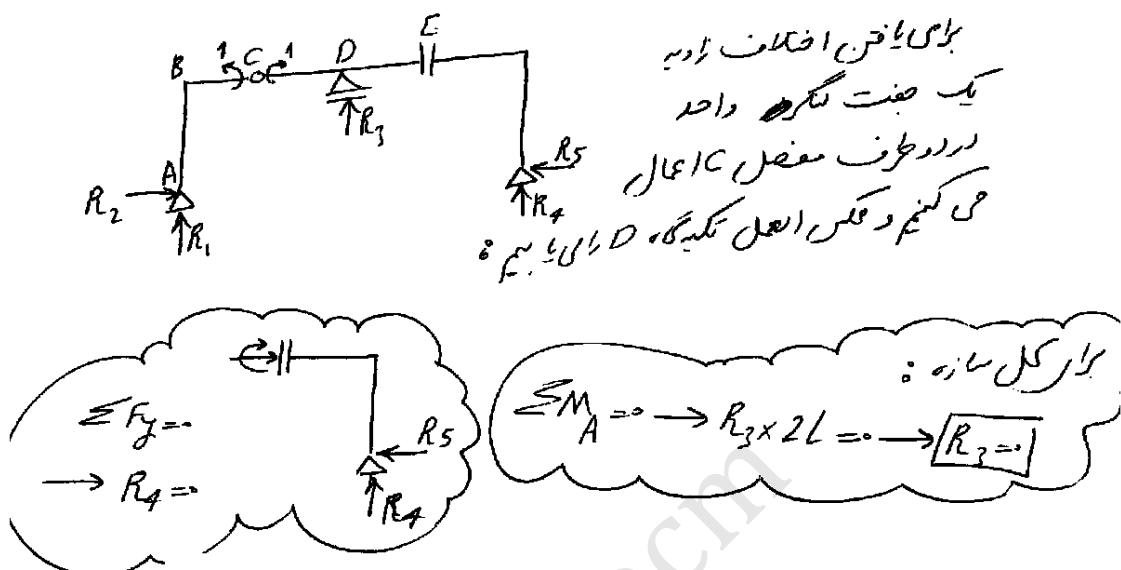


سراسری ۹۱

-۶۲ در سازه شکل مقابل اگر تکیه گاه D به اندازه ۱ cm به سمت پایین نشست کند، اختلاف شیب سمت چپ و راست مفصل C بر حسب رادیان چقدر است؟



- (۱) ۰,۰۰۵
- (۲) ۰,۰۰۱۲۵
- (۳) ۰,۰۰۲۵
- (۴) صفر

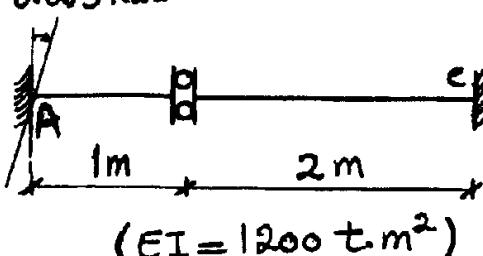


با وجود باریکه کلس اهل سکنی گاه D محتمل از بردار واحد برای صفر است،
رومان نسب نظره C صفر است (گزینه ۴)

سراسری ۹۳

-۵۹ در تیر شکل مقابل تحت نشست دورانی تکیه گاه A، ممان در تکیه گاه C بر حسب t.m چقدر است؟

۰,۰۰۵ Rad

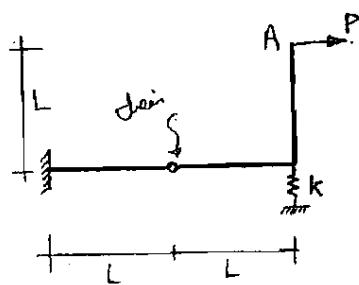


- (۱) ۰
- (۲) ۱
- (۳) ۲
- (۴) ۳

۶-۶-کار داخلی در فنرها ممیز

سراسری ۸۴

۶۵- جایگاهی افقی انتهای آزاد A تحت اثر بار متتمرکز P چقدر است؟ (EI برای کلیه اعضاء ثابت و بکسان است).



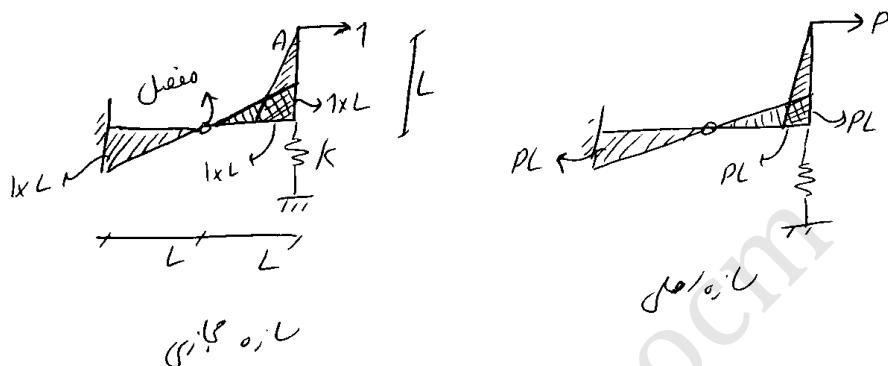
$$\frac{PL^3}{EI} \quad (1)$$

$$\frac{\gamma PL^3}{\gamma EI} \quad (2)$$

$$\frac{\delta PL^3}{\delta EI} \quad (3)$$

$$\frac{\Delta PL^3}{\Delta EI} \quad (4)$$

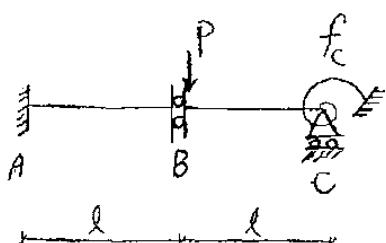
$$K = \frac{3EI}{L^3}$$



$$1x \Delta_A = \frac{\text{Area under } f(x) \times PL^3}{PL^3} + \frac{\text{Area under } f(x) \times PL^3}{3EI} + \frac{\text{Area under } f(x) \times PL^3}{3EI} + F_x \times \Delta_{\text{فرارازه اصل فرارازه باری}}$$

$$\rightarrow \Delta_A = \frac{PL^3}{EI} + (1) \times \left(\frac{PL^3}{3EI} \right)$$

سراسری ۸۵

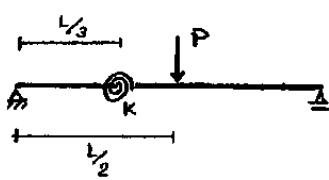
۶۱- در تیر شکل زیر مقدار لنگر فنر را محاسبه نمایید. صلبیت خمشی اعضاء EI، طول اعضاء l و ضریب ترمی فنر $f_c = \frac{L}{EI}$ است. (ضریب نومی عکس ضریب سختی است).

(۱) صفر

(۲) P_l (۳) γPl (۴) $\frac{Pl}{2}$ 

سراسری ۹۰

-۵۶- خیز و سط دهانه تیر ساده شکل مقابل تحت بار منفرد P در وسط تیر و با وجود فنر پیچشی (دورانی) با سختی K چقدر است؟ (ثابت است).



$$\frac{PL^3}{48EI} \quad (1)$$

$$\frac{PL^3}{48EI} + \frac{PL^3}{48K} \quad (2)$$

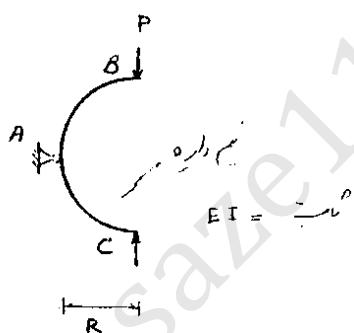
$$\frac{PL^3}{48EI + 18(\frac{K}{L})} \quad (3)$$

$$\frac{PL^3}{48EI} + \frac{PL^3}{36K} \quad (4)$$

۷-۹-تغییر شکل سازه های دایروی

سراسری ۹۰

-۵۸- در شکل مقابل تغییر مکان افقی نقطه B چقدر است؟ (فقط اثر لنگر خصی، را در نظر بگیرید).



$$\frac{PR^3}{2EI} \quad (1)$$

$$\frac{PR^3}{4EI} \quad (2)$$

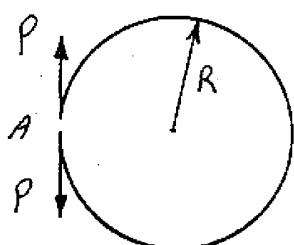
$$\frac{PR^3}{2EI} \quad (3)$$

$$\frac{PR^3}{6EI} \quad (4)$$



سراسری ۸۸

-۸۵ - حلقه دایره شکلی در نقطه A بزیده شده و تحت اثر دو نیروی مساوی با علامت مخالف P قرار گرفته است. بین دو انتهای بزیده شده چقدر باشند، ایجاد می شود؟ (صلبیت خمی حلقه را EI فرض کنید و اثرات برش و نیروی محوری صرفنظر ننماید).



$$\frac{4\pi PR^4}{EI} \quad (1)$$

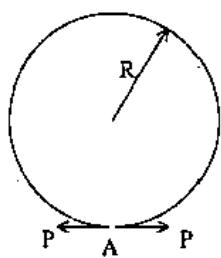
$$\frac{2\pi PR^4}{EI} \quad (2)$$

$$\frac{3\pi PR^4}{EI} \quad (3)$$

$$\frac{\pi PR^4}{EI} \quad (4)$$

سراسری ۹۴

-۸۶ - حلقه دایره ای شکل در نقطه A بزیده شده و تحت بارگذاری مطابق شکل زیر قرار گرفته است. مقدار بازشدنی در محل بزیدگی چقدر است؟ از اثرات تغییر مکان های برشی و محوری صرفنظر کنید و صلبیت خمی حلقه EI فرض می شود.



$$\frac{\pi PR^4}{EI} \quad (1)$$

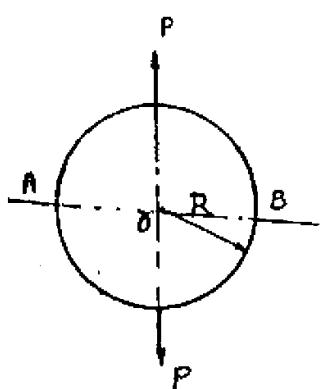
$$\frac{2\pi PR^4}{EI} \quad (2)$$

$$\frac{3\pi PR^4}{EI} \quad (3)$$

$$\frac{4\pi PR^4}{EI} \quad (4)$$

سراسری ۸۸

-۸۷ - کدام است؟ (صلبیت خمی، برشی و محوری ثابت است).



$$-\frac{PR}{\pi} \quad (1)$$

$$\frac{PR}{\pi} \quad (2)$$

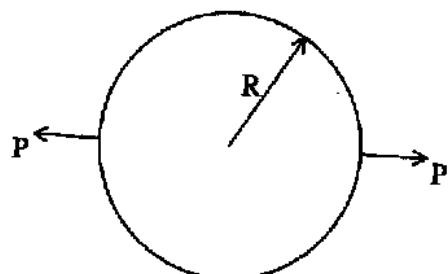
$$\frac{PR}{\pi} \quad (3)$$

$$PR\left(\frac{1}{\pi} - \frac{1}{\gamma}\right) \quad (4)$$



-۵۹- حلقة دایره‌ای شکل به شعاع R مطابق بارگذاری نشان داده شده قرار گرفته است. اگر صلبیت خمشی، برشی و محوری

به ترتیب EI ، EA باشد. لنگر خمشی زیر نقطه بارگذاری P چقدر است؟



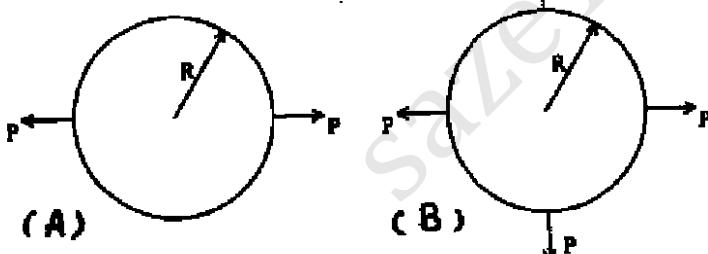
$$-\frac{PR}{2\pi} \quad (1)$$

$$-\frac{\pi PR}{2\pi} \quad (2)$$

$$-\frac{PR}{\pi} \quad (3)$$



-۶۰- حلقة دایره‌ای به شعاع R مفروض است. اگر لنگر خمشی زیر بار P در حالت (A) بوابو M باشد، لنگر خمشی زیر بار P در حالت (B) کدام است؟ (لنگر مثبت تار داخلی حلقة را به کشش وادار می‌کند). EI را ثابت فرض کنید.



$$M + PR \quad (1)$$

$$\pi M + PR \quad (2)$$

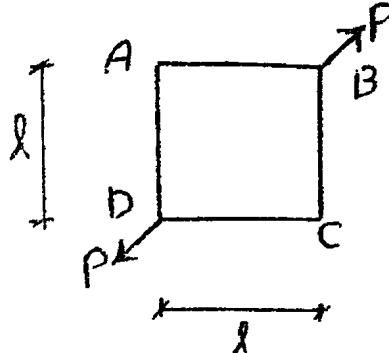
$$M + \frac{PR}{\pi} \quad (3)$$

$$\pi M + \frac{PR}{\pi} \quad (4)$$



۸۹ آزاد

۱۰- در سازه مربعی شکل نشان داده شده لقمه در نقطه A و B کدام است؟ (EI ثابت)



$$M_A = M_B = \frac{Pl}{8} \quad (7)$$

$$M_A = \frac{pt}{s} \quad (1)$$

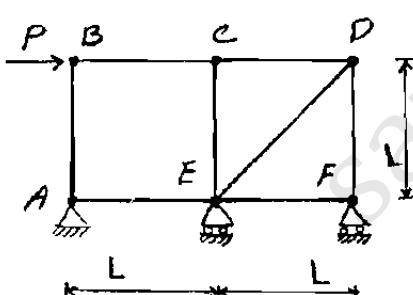
$$M_A = M_B = \frac{\sqrt{2}}{8} P' \quad (1)$$

$$M_A = \frac{\sqrt{2}}{8} pl$$

$$M_B = \frac{\sqrt{2}}{4} pl$$
(1)

تمرین سراسری ۸۴

-۸۰- خربای شکل مقابل مفروض است. اگر صلبیت معهودی اعضا برای EA باشد، تغییر مکان آنها بـ B کدام است؟

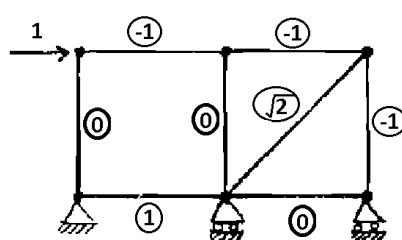
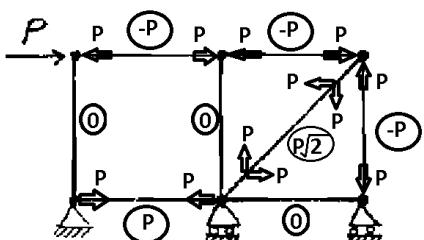


$$\frac{r_{PL}}{EA} (1 + \sqrt{r}) \quad (1)$$

$$\frac{f_{PL}}{EA} (1 + \sqrt{\gamma}) \leq$$

$$\frac{r_{PL}}{r_A} (r + \sqrt{r}) \quad (1)$$

$$\frac{f_{PL}}{f_A} (1 + \gamma \sqrt{\gamma}) (F$$



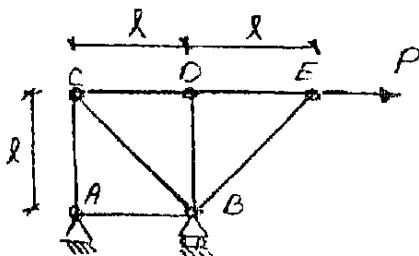
سازه اصلی

سازه مجازی

$$1 \times \Delta_B = 3 \left[-1 \times \frac{-PL}{EA} \right] + \left[1 \times \frac{PL}{EA} \right] + \left[\sqrt{2} \times \frac{(P\sqrt{2})L\sqrt{2}}{EA} \right] = \frac{2PL}{EA}(2 + \sqrt{2})$$

تمرین آزاد ۹۰

۶۶- در خربای شکل زیر مقدار تغییرمکان افقی گره C برابر است با: (اعضاء یکسان است)



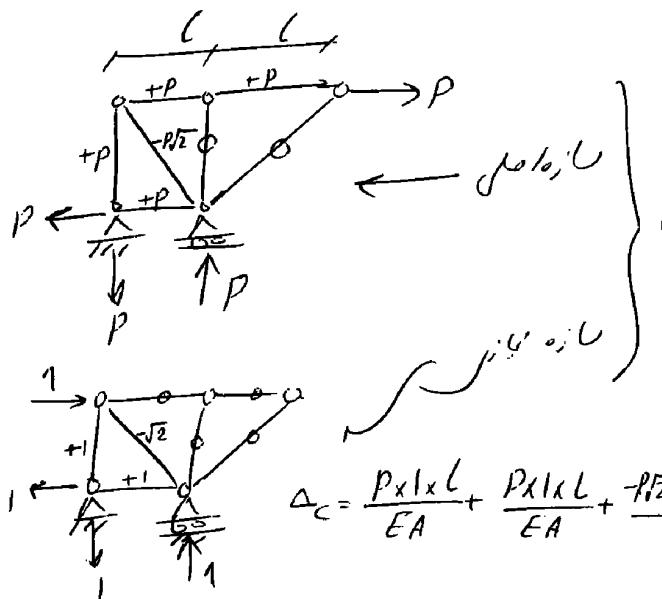
$$\frac{P\ell}{EA} (3 + 2\sqrt{2}) \quad (2)$$

$$\frac{3P\ell}{EA} (1 + \sqrt{2}) \quad (1)$$

$$\frac{2P\ell}{EA} (1 + \sqrt{2}) \quad (4)$$

$$\frac{2P\ell}{EA} \quad (3)$$

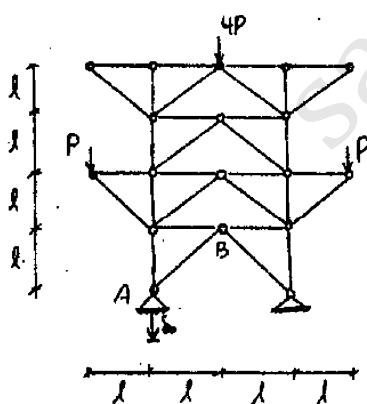
66



$$\Delta_C = \frac{P \times 1 \times L}{EA} + \frac{P \times 1 \times L}{EA} + \frac{-P\sqrt{2} \times \sqrt{2} \times \sqrt{2}L}{EA} = \frac{2PL}{EA} + \frac{2\sqrt{2}PL}{EA}$$

تمرین آزاد ۹۱

۷۴- تغییرمکان قائم B تحت بارگذاری نشان داده شده و نشست تکیه‌گاهی δ_0 کدام است؟ (صلبیت محوری تمام اعضاء EA می‌باشد)



$$\frac{P\ell}{EA} + \frac{\delta_0}{2} \quad (2)$$

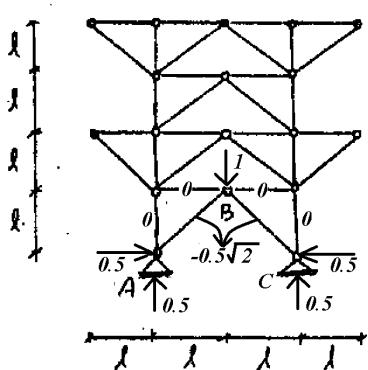
$$\frac{3P\ell}{EA} + 2\delta_0 \quad (4)$$

$$\frac{2P\ell}{EA} - \delta_0 \quad (3)$$

گزینه ۱

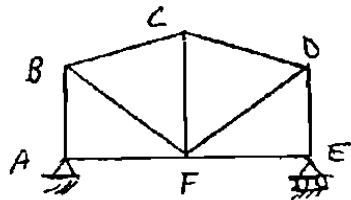
از روش کار مجازی استفاده می‌کنیم. در سازه مجازی مطابق شکل نیروی تمامی میله‌ها صفر است به جز میله‌های AB و BC: از طرفی در سازه اصلی به علت تقارن، نیروی میله‌های AB و BC صفر است و بنابراین نیروها در نقطه B تغییرمکان قائم ایجاد نمی‌کند و تنها نشست تکیه گاه A موجب جابجایی B خواهد شد:

$$1 \times \Delta_B + R_A \times (-\delta_0) = 0 \rightarrow \Delta_B = R_A \times \delta_0 = \frac{\delta_0}{2}$$



تمرین سراسری ۸۵

در خزپای شکل زیر CF در حین اجرا ۲ سانتی‌متر کوتاه‌تر اجرا شده است. تغییر مکان افقی نقطه D را پس از موقتاً حساب کنید. (می‌دانیم در صورتی که این خربها تحت اثر بار افقی ۲ ton از چپ به راست قرار گیرد نیروی داخلی میله CF برابر ۲,۶۲۵ ton (فشاری) می‌باشد.)

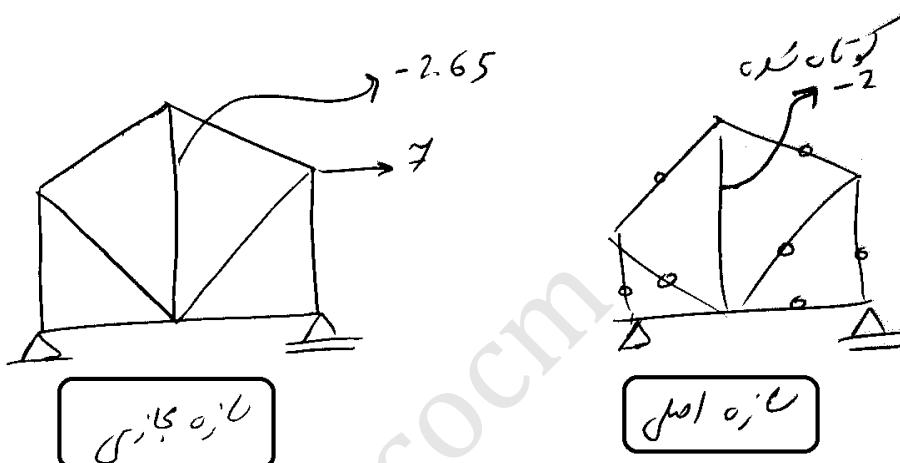


(۱) به سمت چپ ۰,۷۵ cm

(۲) به سمت راست ۰,۷۵ cm

(۳) به سمت راست ۰,۲۵ cm

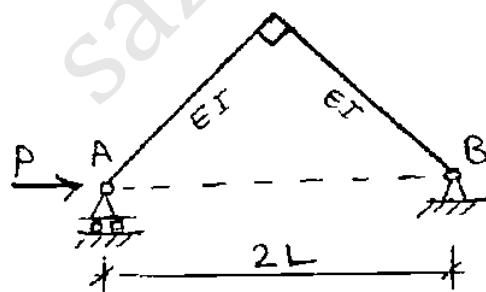
(۴) برای محاسبه، ابعاد هندسی سازه می‌بایست داده شده باشد و خربها تحلیل گردد.



$$7 \times \Delta = -2.65 \times -2 \Rightarrow \Delta = 0.7571 \text{ cm}$$

تمرین سراسری ۸۱

۵۱. مقدار نزدیک شدنی تکیه‌گاه A و B سازه روبرو چقدر است؟

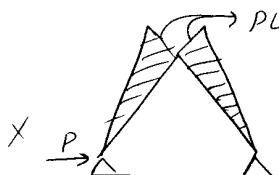
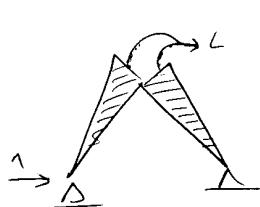


$$\frac{PL^3}{3EI} \quad (1)$$

$$\frac{2PL^3}{3EI} \quad (2)$$

$$\sqrt{\frac{2PL^3}{3EI}} \quad (3)$$

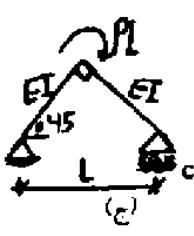
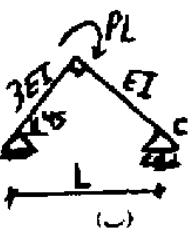
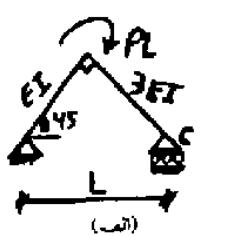
$$\frac{4\sqrt{2}PL^3}{3EI} \quad (4)$$



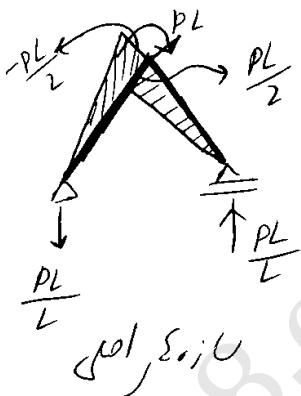
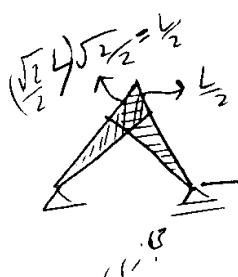
$$\bar{I} \times \Delta = 2 \left[\frac{L \times PL(\sqrt{2}L)}{3EI} \right] = \frac{2\sqrt{2}PL^3}{3EI}$$



۶۲- کدام گزینه در مورد تفسیر مکانیکی گاه C در فایلهای نشان داده شده صحیح می باشد؟



- (۱) تکیه گاه C به مقدار $\frac{\sqrt{2}}{36} \frac{PL^3}{EI}$ در قاب (الف) به سمت راست و در قاب (ب) به سمت چپ می رود و در قاب (ج) جایجا نمی شود.
- (۲) تکیه گاه C به مقدار $\frac{\sqrt{2}}{36} \frac{PL^3}{EI}$ در قاب (الف) و (ب) به سمت چپ و در قاب (ج) به سمت راست می رود و در قاب (ج) جایجا نمی شود.
- (۳) تکیه گاه C در هر دو قاب (الف) و (ب) به مقدار $\frac{\sqrt{2}}{9} \frac{PL^3}{EI}$ به سمت چپ می رود و در قاب (ج) به مقدار $\frac{\sqrt{2}}{18} \frac{PL^3}{EI}$ به سمت چپ می رود.
- (۴) در هر سه قاب (الف) و (ب) و (ج) تکیه گاه C جایجا نمی شود.



گزینه ۲

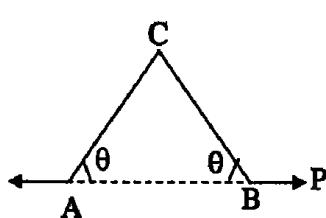
$$\Delta_C = \left\{ \text{---} \times \text{---} \right\} + \left\{ \text{---} \times \text{---} \right\}$$

$$\left\{ \frac{-\frac{L}{2} \times PL/2 \times \frac{L\sqrt{2}}{2}}{3EI} \right\} + \left\{ \frac{\frac{L}{2} \times PL/2 \times \frac{L\sqrt{2}}{2}}{3EI} \right\} = -\frac{\sqrt{2} PL^3}{36EI}$$

$$\rightarrow \Delta_C = \left\{ \frac{-\frac{L}{2} \times PL/2 \times \frac{L\sqrt{2}}{2}}{3(3EI)} \right\} + \left\{ \frac{\frac{L}{2} \times PL/2 \times \frac{L\sqrt{2}}{2}}{3EI} \right\} = +\frac{\sqrt{2} PL^3}{36EI}$$

$$2) \Delta_C = \left\{ -\frac{\text{---}}{3EI} \right\} + \left\{ -\frac{\text{---}}{3EI} \right\} = 0$$

۵۳- بازشدنی نقاط A و B نسبت به یکدیگر کدام است؟



$$\frac{2PL^3 \sin^2 \theta}{3EI} \quad (1)$$

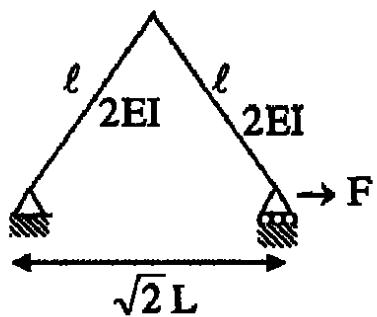
$$\frac{PL^3 \sin^2 \theta}{3EI} \quad (2)$$

$$\frac{2PL^3 \sin^2 \theta}{3EI} + \frac{2PL \cos^2 \theta}{EA} \quad (3)$$

$$\frac{PL^3 \sin^2 \theta}{3EI} + \frac{PL \cos^2 \theta}{EA} \quad (4)$$

تمرین آزاد ۹۳

۹۳ در حلقه زیر میزان تغییر مکان افقی نقطه B کدام است؟



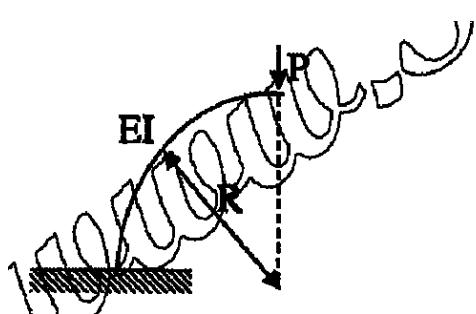
$$\frac{2FL^3}{3EI} \quad (1)$$

$$\sqrt{2} \frac{FL^3}{6EI} \quad (2)$$

$$\frac{FL^3}{6EI} \quad (3)$$

تمرین آزاد ۹۳

۹۴ در ربع حلقه زیر میزان تغییر مکان قائم نقطه اثر نیرو کدام است؟



$$\frac{\pi PR^3}{2EI} \quad (1)$$

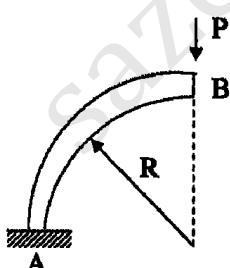
$$\frac{\pi PR^3}{4EI} \quad (2)$$

$$\frac{4\pi PR^3}{4EI} \quad (3)$$

$$\frac{2\pi PR^3}{4EI} \quad (4)$$

تمرین آزاد ۹۳

۹۵ مدلول مکانه بتواخت زیر با بارگذاری نشان داده شده مطلوب است تعیین تغییر مکان افقی و عمودی نقطه B.



$$\frac{PR^3}{2EI}, \frac{PR^3}{2EI} \quad (1)$$

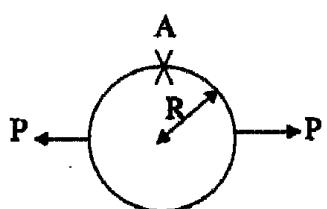
$$\frac{PR^3\pi}{2}, \frac{PR^3}{2EI} \quad (2)$$

$$\frac{PR^3}{2EI}, \frac{PR^3\pi}{2EI} \quad (3)$$

$$\frac{PR^3\pi}{4EI}, \frac{PR^3}{2EI} \quad (4)$$

تمرین آزاد ۹۳

۹۶ در حلقه روپرو لنگر و نیروی برش دو نقطه A کدام است؟



$$V_A = P, M = \frac{PR}{2} \quad (1)$$

$$V_A = P, M = \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{\pi}\right) PR \quad (2)$$

$$V_A = \frac{P}{2}, M = \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{\pi}\right) PR \quad (3)$$

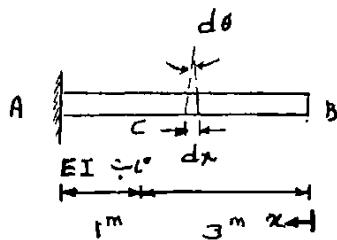
$$V_A = \frac{P}{2}, M = \frac{PR}{2} \quad (4)$$



Saze118.co.cm



۶۰- اگر $d\theta$ در تیر AB که تحت شرایط خارجی تغییر شکل داده و خم برداشته است با رابطه $d\theta = \frac{xdx}{EI}$ بیان شود، کدام است؟ (نقطه C به فاصله یک متر از تکیه گاه A قرار گرفته است).



- ۰/۳۳/EI (۱)
- ۹/EI (۲)
- ۱/۸۳/EI (۳)
- ۲۱/۳۳/EI (۴)

$$\left. \begin{array}{l} q = \frac{d}{dx}(V) \\ V = \int q \, dx \\ V = \frac{d}{dx}(M) \\ M = \int V \, dx \\ \frac{M}{EI} = \frac{d}{dx}(\theta) \\ \theta = \int \frac{M}{EI} \, dx \\ \theta = \frac{d}{dx}(y) \\ y = \int \theta \, dx \end{array} \right\}$$

روش اول:

$$\begin{aligned} \frac{d}{dx}(\theta) &= \frac{x}{EI} \rightarrow \theta = \int \frac{x}{EI} \, dx = \frac{x^2}{2EI} + C \xrightarrow{x=4 \rightarrow \theta=0} C = -\frac{8}{EI} \rightarrow \theta = \frac{x^2}{2EI} - \frac{8}{EI} \\ y &= \int \theta \, dx = \frac{x^3}{6EI} - \frac{8x}{EI} + C \xrightarrow{x=4 \rightarrow y=0} C = \frac{21.33}{EI} \rightarrow y = \frac{x^3}{6EI} - \frac{8x}{EI} + \frac{21.33}{EI} \\ &\xrightarrow{x=3} y_C = \frac{x^3}{6EI} - \frac{8x}{EI} + \frac{21.33}{EI} = \frac{1.83}{EI} \end{aligned}$$

روش دوم: با توجه به روابط فوق معادله لنگر تیر نشان می دهد که تیر تحت اثر بار متتمرکز واحد در انتهای آزاد خود قرار دارد:

$$\frac{M}{EI} = \frac{d}{dx}(\theta) = \frac{x}{EI}$$

بنابراین تغییر شکل نقطه C برابر است با:

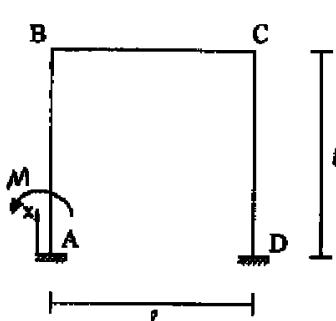
$$y_C = \frac{PL^3}{3EI} + \frac{ML^2}{2EI} = 1 \left(\frac{1^3}{3EI} \right) + 3 \left(\frac{1^2}{2EI} \right) = \frac{11}{6EI} = \frac{1.83}{EI}$$

دکتری ۹۱

۱۸- قاب مطابق شکل، تحت اثر بارگذاری خاصی قرار گرفته و لنگر خمشی در عضو AB

$$M = 6Wx^3 + 3WIx + WI^2$$

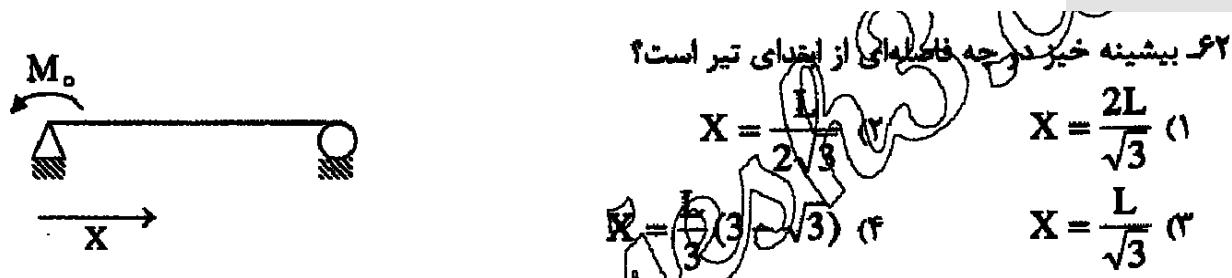
شده است. تغییر مکان لقی B تحت آن بارگذاری کدام است؟ (EI تمام اعما یکسان است).



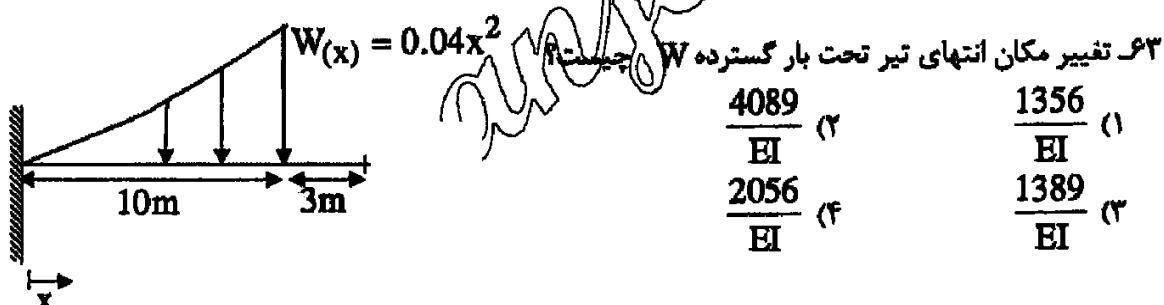
- ۱) $\frac{1}{2} \frac{WI^2}{EI}$ (۱)
- ۲) $\frac{3}{2} \frac{WI^2}{EI}$ (۲)
- ۳) $\frac{5}{2} \frac{WI^2}{EI}$ (۳)
- ۴) $\frac{5}{2} \frac{WI^2}{EI}$ (۴)



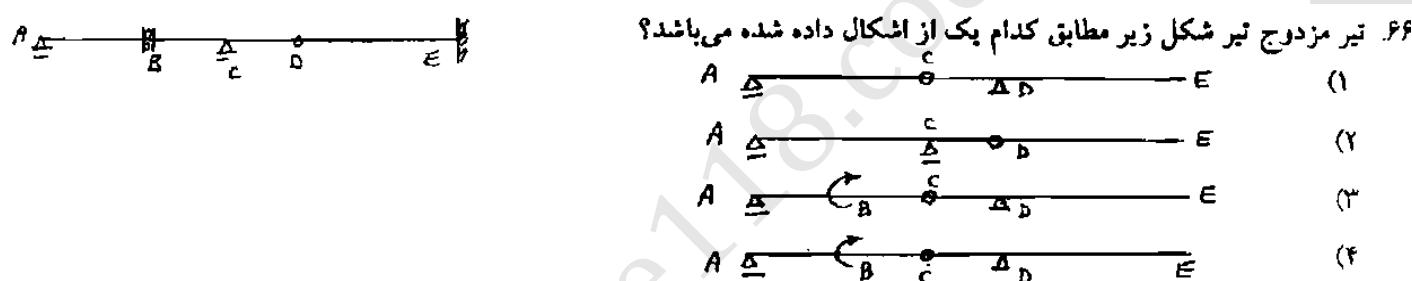
تمرین: آزاد ۹۳



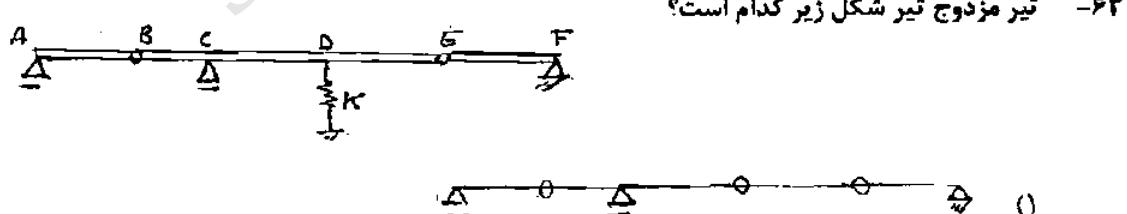
تمرین: آزاد ۹۳



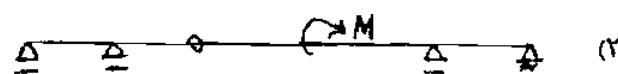
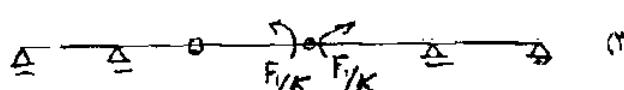
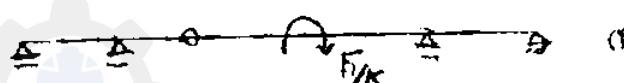
سراسری ۸۳



سراسری ۸۵



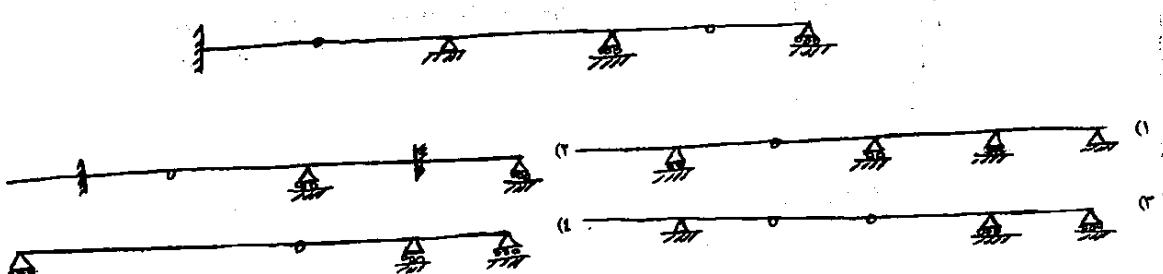
M از تعادل تیر مزدوج به دست می‌آید.

 F_1 نیروی فنر است. F_1 نیروی فنر است.

گزینه ۳

آزاد ۸۵

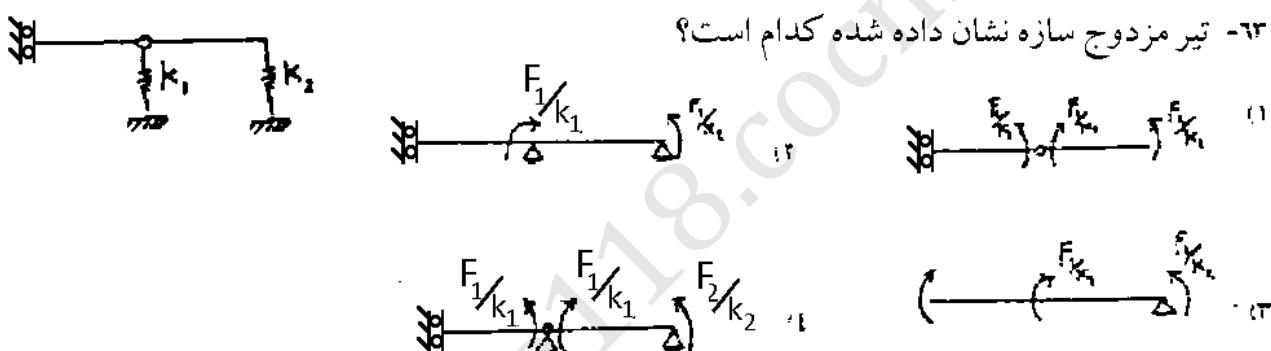
تیر مزدوج تیر روبرو کدام است؟



گزینه ۳

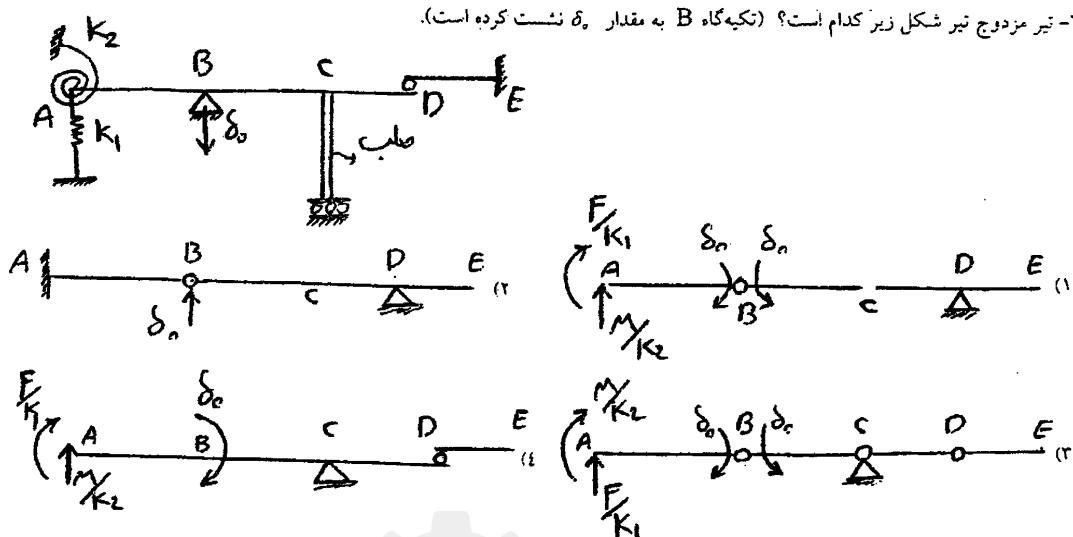
آزاد ۸۷

۶۲- تیر مزدوج سازه نشان داده شده کدام است؟



گزینه ۴

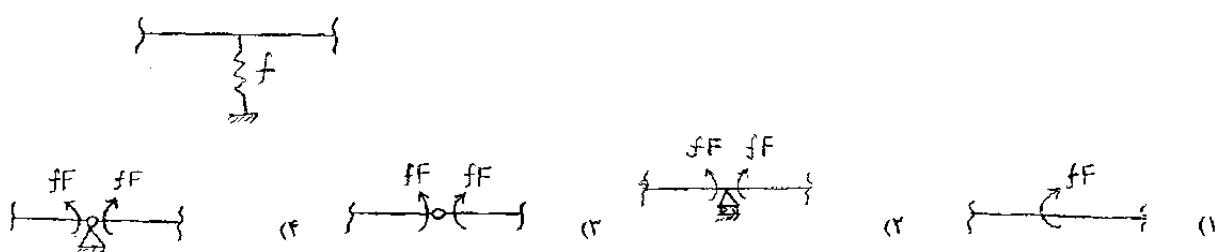
آزاد ۸۹

۶۳- تیر مزدوج تیر شکل زیر کدام است؟ (نکته گاه B به مقدار δ_0 نشست کرده است).

گزینه ۱



۶۲- تکیه‌گاه میانی فنری به صورت شکل مقابل مفروض است. تغییر این تکیه‌گاه در تیز مزدوج مطابق کدام یک از گزینه‌ها است؟ Δ ضریب نرمی فنر است و F نیروی گششی فنر می‌باشد. (ضریب نرمی عکس ضریب سختی است.)



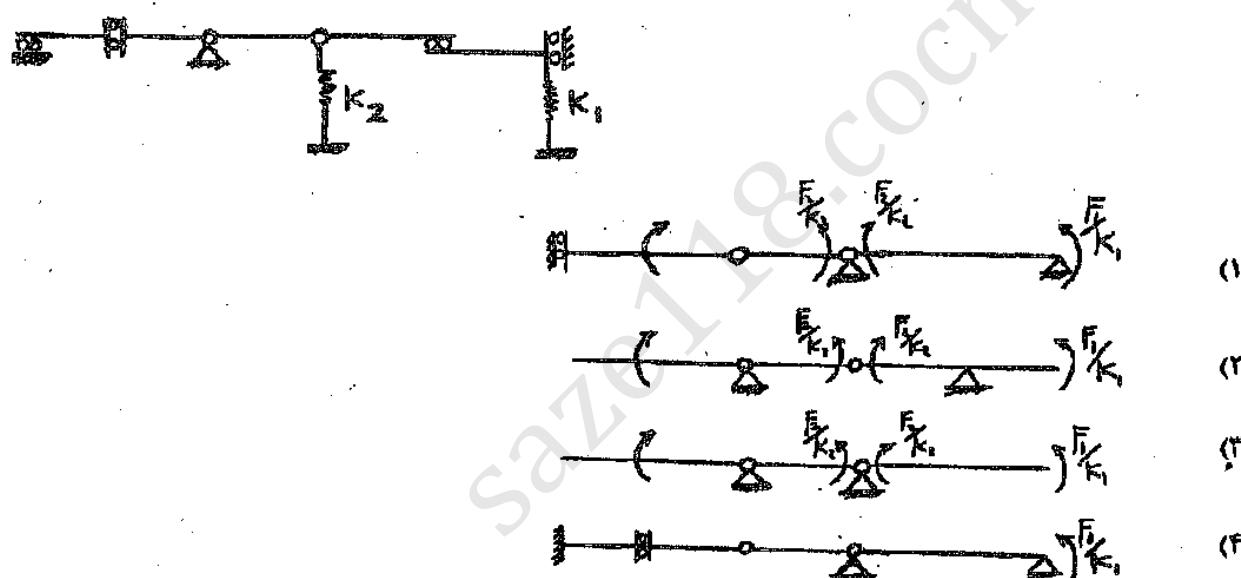
گزینه ۳

$$\text{نکته: نرمی} = \frac{1}{\text{سختی}}$$

بنابراین سختی فنر برابر $K = \frac{1}{f}$ می‌باشد. در نتیجه به جای فرمول $F = K\Delta$ می‌توان نوشت $\Delta = fF$

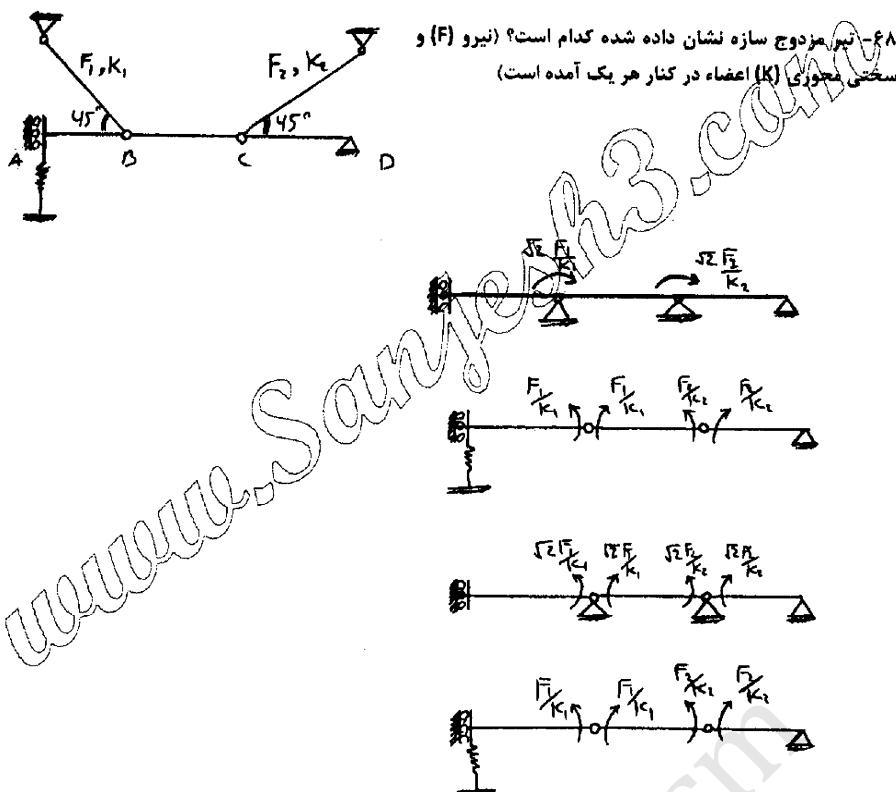
آزاد ۹۲

۷۷- تیز مزدوج تیز نشان داده شده کدام است؟ (k_1, k_2 سختی فنرها می‌باشند)

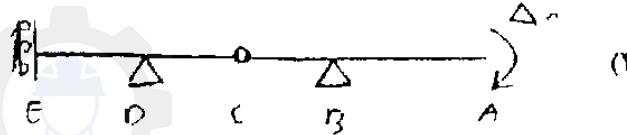
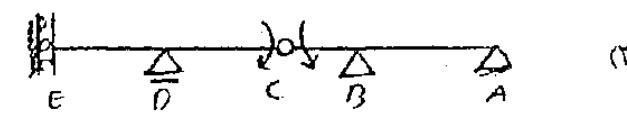
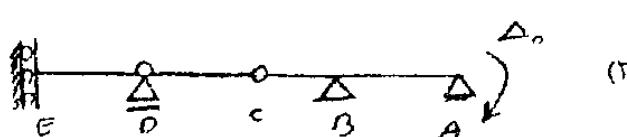
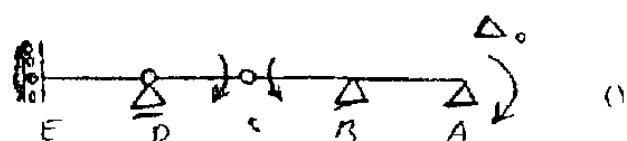
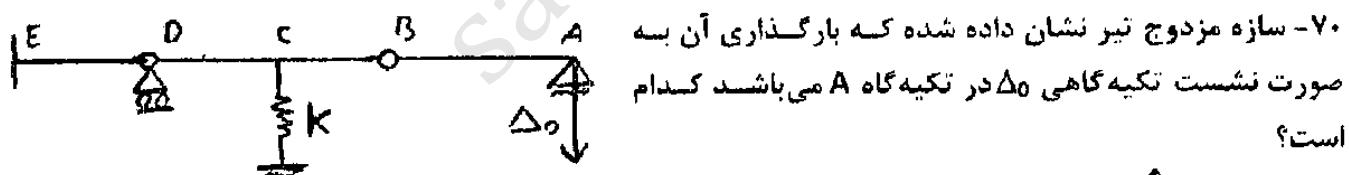
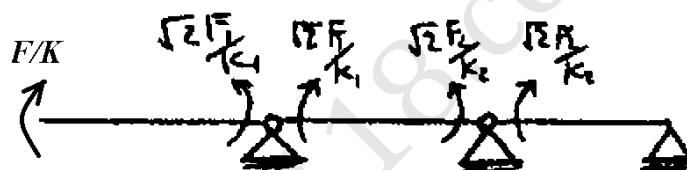


گزینه ۳



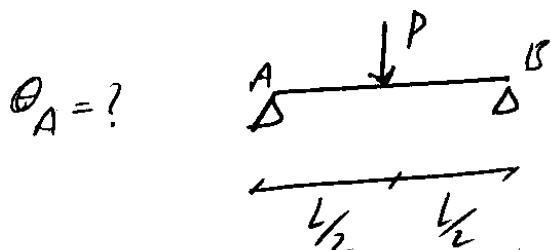


تیر مزدوج سازه فوق به صورت زیر می باشد که در گزینه ها نیست.



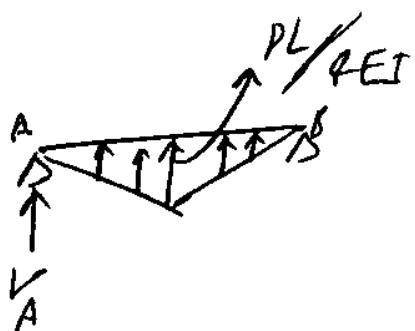
۱۰-۱-محاسبه تغییر شکل سازه ها با استفاده از روش تیر مزدوج

مثال: دوران نقطه A را در تیر مزدوج بیابید:



حل:

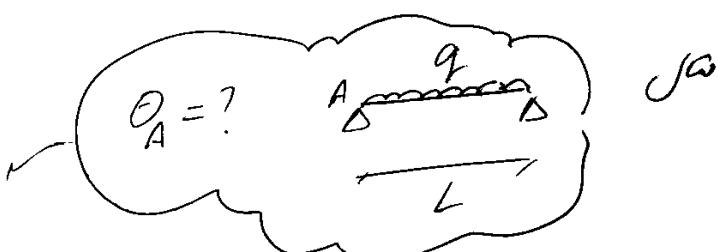
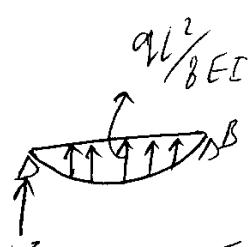
ابتدا تیر مزدوج آنرا رسم می کنیم:



سپس عکس العمل تکیه گاه A را در تیر مزدوج می یابیم:

$$\theta_A = V_A \rightarrow \sum M_B = 0 \Rightarrow V_A \times L + \left(\frac{PL}{4} \times \frac{L}{2} \right) \times \frac{L}{2} = 0 \rightarrow V_A = -\frac{PL^2}{16EI}$$

لطفاً θ_A خالص بودن را بفرمایی



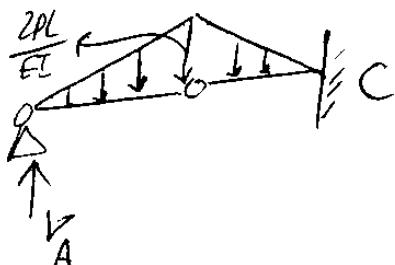
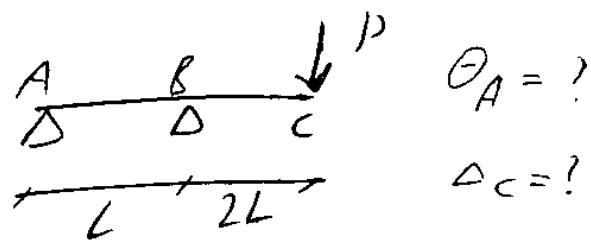
$$\sum M_B = 0 \rightarrow V_A \times L + \left(\frac{qL^2}{8EI} \times L \right) \times \frac{2}{3} \times \frac{L}{2} = 0$$

لطفاً V_A را محاسبه کنید

$$\rightarrow V_A = -\frac{qL^3}{24EI}$$



مثال:



تیر مزدوج را رسم می کنیم:

برای یافتن V_A باید تیر مزدوج را تحلیل کنیم و برای این منظور باید سازه مزدوج را از محل مفصل جدا کنیم:

$$\text{Free Body Diagram: Beam A-B-C with a downward force P at C. At A, there is an upward reaction } V_A \text{ and a clockwise moment } M_B. \text{ At C, there is a downward force } P \text{ and a clockwise moment } M_C.$$

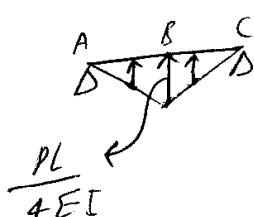
$$M_B = 0 \rightarrow V_A \times L - \left(\frac{2PL}{EI} \times \frac{L}{2} \right) \times \frac{L}{3} = 0 \rightarrow V_A = +\frac{PL^2}{3EI}$$

بنابراین مقدار θ_A برابر $\frac{PL^2}{3EI}$ می باشد. مقدار Δ_C نیز برابر M_C در تیر مزدوج می باشد. پس باید M_C را بیابیم. برای این منظور بارهای گستردۀ مثلثی را در تیر مزدوج با بار متمرکز معادل جایگزین می کنیم:

$$\text{Free Body Diagram: Beam A-B-C with a downward force } P \text{ at C. At A, there is an upward reaction } \frac{PL^2}{3EI} \text{ and a clockwise moment } \frac{2PL^2}{EI}. \text{ At B, there is a clockwise moment } \frac{PL^2}{EI} \text{ and a horizontal distance } \frac{2L}{3}.$$

$$M_C = \left(\frac{PL^2}{3EI} \right) \times \frac{L}{2} - \left(\frac{PL^2}{EI} \right) \times \left(2L + \frac{L}{3} \right) - \frac{2PL^2}{EI} \times \left(2L \times \frac{2}{3} \right) = -\frac{4PL^3}{EI}$$

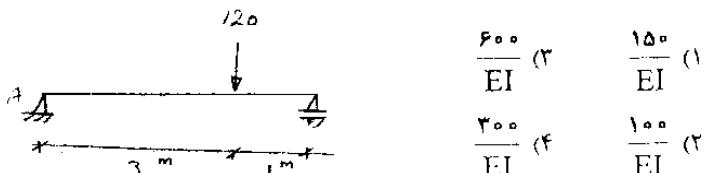
$$\Delta_B = ? \quad \text{Beam A-B-C with a downward force P at C. At A, there is an upward reaction } V_A \text{ and a clockwise moment } M_B. \text{ At B, there is a downward force } P \text{ and a clockwise moment } M_B.$$



$$V_A = \frac{\left(\frac{PL}{4EI} \times \frac{L}{2} \right)}{2} = \frac{PL^2}{16EI}$$

$$\begin{aligned} M_B &= -\frac{PL^2}{16EI} \times \frac{L}{2} + \left(\frac{PL}{4EI} \times \frac{L}{2} \right) \times \frac{L}{3} = \\ &= -\frac{PL^3}{32EI} + \frac{PL^3}{96EI} = \frac{-PL^3}{48EI} \end{aligned}$$

۶۵- زاویه θ_A در اثر اعمال بار نشان داده شده چقدر است. مدول ارتجاعی تیر E و ممان اینرسی مقطع T است. ثابت است.



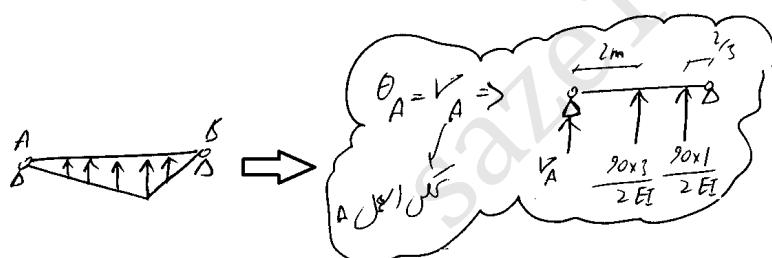
- رسم دیاگرام لنگر در تیر اصلی:

$$\frac{120 \times 1}{4} \times 3 = 90$$

۲- تبدیل تیر اصلی به تیر مزدوج
(که در این مثال تیر اصلی و مزدوج یکی می شود)



۳- یافتن عکس العمل تکیه گاه A در تیر مزدوج:



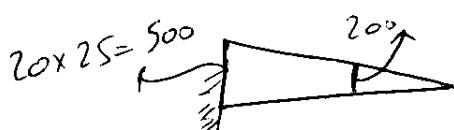
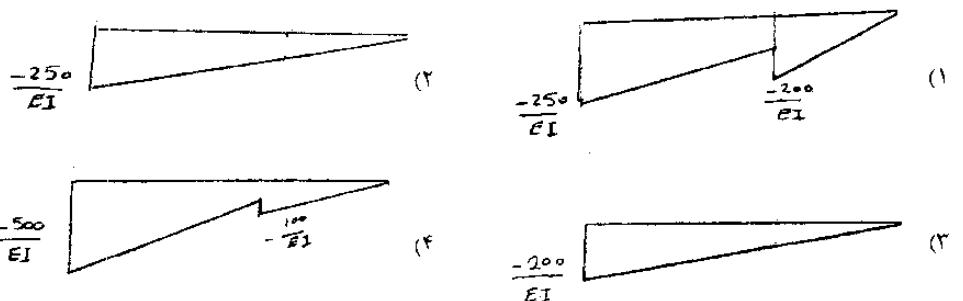
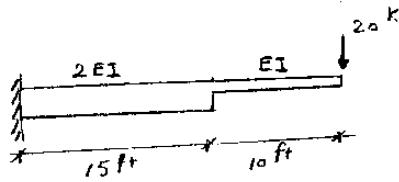
$\sum M_B = 0 \rightarrow V_A \times 4 + \left(\frac{90 \times 3}{2EI}\right) \times 2 + \left(\frac{90 \times 1}{2EI}\right) \times \frac{2}{3} = 0$

$\rightarrow V_A = -\frac{75}{EI}$

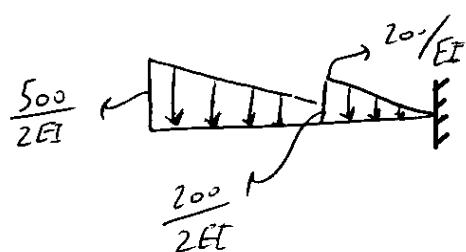


آزاد ۸۹

۶۴- تیر مزدوج تیر روبرو کدام است؟



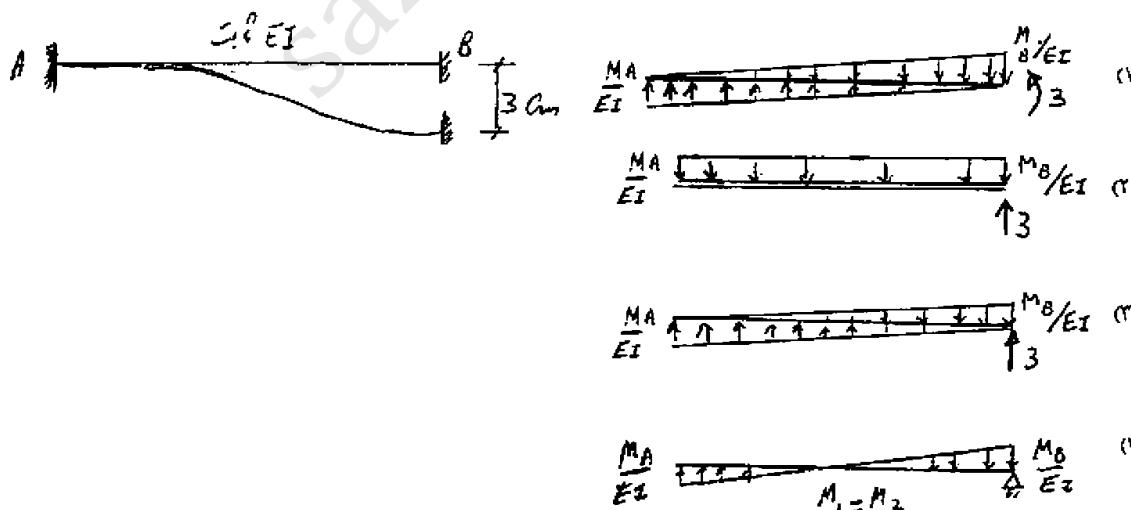
دیاگرام لنگر بدون درنظر گرفتن تغییرات EI در طول تیر:



دیاگرام لنگر پس از اعمال تغییرات EI در طول تیر:

سراسری ۸۸

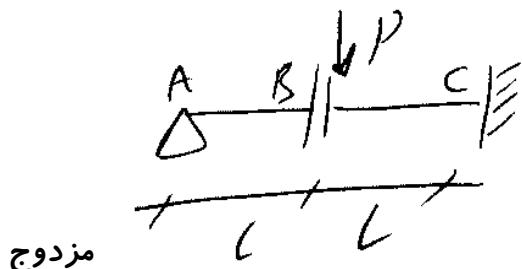
۷۱- در تیر شکل مقابل، تکیه گاه ۳ سانتیمتر نشست کرده است، تیر مزدوج این تیر کدام است؟



گزینه ۱



مثال: تغییر مکان نسبی دو طرف مفصل برشی B؟



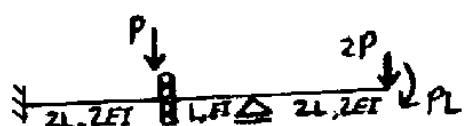
در مسائلی که تغییر مکان نسبی دو طرف مفصل برشی را می خواهد در محل مفصل برشی بیاییم. تیر مزدوج سازه فوق به شکل زیر خواهد بود که مقدار M نشان دهنده تغییر مکان نسبی دو طرف مفصل B می باشد.



$$\sum M_A = 0 \rightarrow M + \frac{(PL/EI) \times L}{2} \times \left(L + \frac{2L}{3}\right) = 0 \rightarrow M = -\frac{5PL^3}{6EI} \Rightarrow \Delta_B = -\frac{5PL^3}{6EI}$$

آزاد ۸۸

۶۲- اختلاف ارتفاع در محل مفصل برشی کدام است؟ (نیروی P در سمت چپ مفصل برشی وارد شده است)



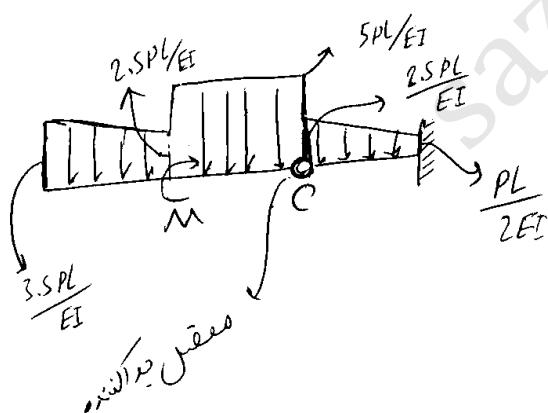
$$\frac{55}{6} \frac{PL^3}{EI}$$

$$\frac{89}{6} \frac{PL^3}{EI}$$

$$\frac{4}{3} \frac{PL^3}{EI}$$

$$\frac{59}{3} \frac{PL^3}{EI}$$

دیاگرام لنگر در تیر مزدوج:



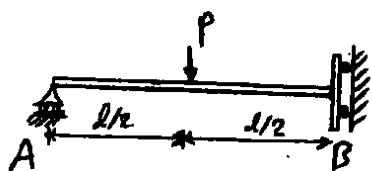
باید مقدار M را در تیر فوق بیاییم برای این منظور از محل مفصل جدا کننده تیر را دو قسمت کرده و برای قسمت سمت چپ معادله لنگر می نویسیم.
منتها قبل از نوشتن معادله لنگر بارهای گستردگی را معادل سازی می کنیم:

$$\begin{aligned} & \sum M_C = 0 \\ & \Rightarrow \frac{PL^2}{EI} \left(5 \times \frac{L}{2} + 5 \times 2L + 1 \times \frac{7L}{3} \right) - M = 0 \\ & \rightarrow M = \left(\frac{15+60+14}{6} \right) \frac{PL^3}{EI} = \frac{89PL^3}{6EI} \end{aligned}$$



تمرین آزاد ۸۳

۲۶- تغییر مکان قائم نقطه اثر P چندراست؟

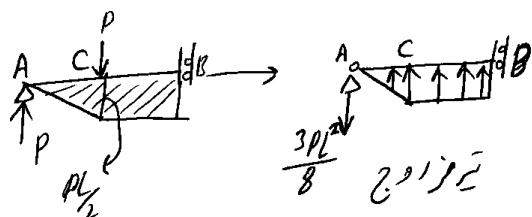


$P L^3 / 6 EI \quad (1)$

$P L^3 / 3 EI \quad (2)$

$P L^3 / 4 EI \quad (3)$

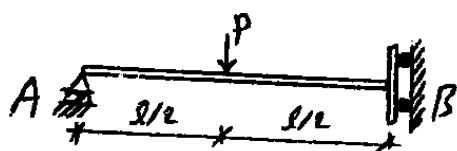
(1) همچنان



$$\delta_C = M_C = \frac{3PL^2}{8} \times \frac{L}{2} - \frac{PL \times \frac{L}{2}}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{L}{2} \rightarrow \delta_C = \frac{PL^3}{6EI}$$

تمرین آزاد ۸۴

۲۷- تغییر مکان قائم نقطه کاه B چندراست؟

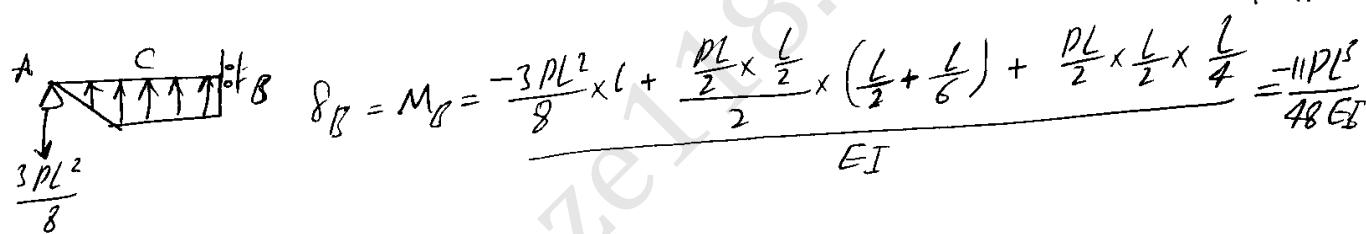


$13PL^3 / 96EI \quad (1)$

$11PL^3 / 48EI \quad (2)$

$PL^3 / 16EI \quad (3)$

(1) همچنان



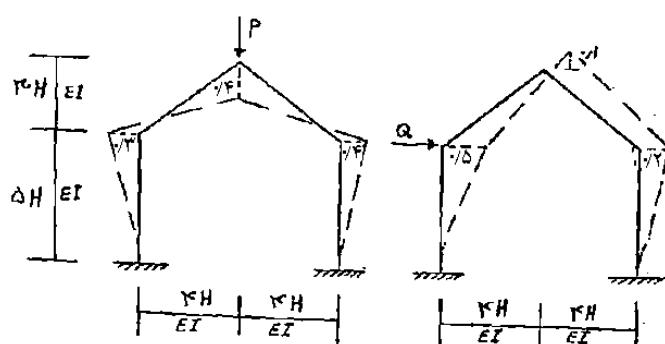
$$\delta_B = M_B = \frac{-3PL^2}{8} \times L + \frac{PL \times \frac{L}{2}}{2} \times \left(\frac{L}{2} + \frac{L}{6} \right) + \frac{PL \times \frac{L}{2} \times \frac{L}{4}}{EI} = \frac{-11PL^3}{48EI}$$



۱۱- بتی - ماسول

ماسول نیست $\left\{ \begin{array}{l} \text{تفییر را راند} \\ \text{نیست - تغییر را راند} \\ \text{اگر زمان نیز را سیک راند} \end{array} \right\}$

۸۵ سراسری

چه رابطه‌ای بین P و Q در قاب دروازه‌ای زیر برقرار است؟

$P = Q \quad (1)$

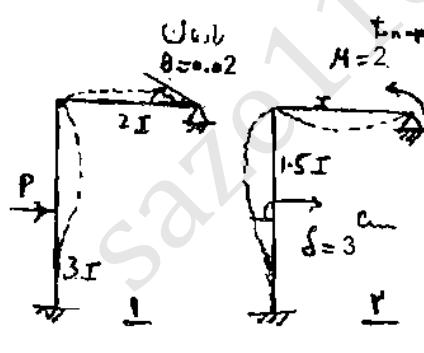
$P = 2Q \quad (2)$

$P = -2Q \quad (3)$

$P = 3Q \quad (4)$

$-P \times 0.1 = -Q \times 0.3 \rightarrow P = 3Q$

۸۶ سراسری

۲۴- با توجه به اشکال ۱ و ۲ مقدار P چقدر است؟

$P = -1 \text{ ton} \quad (1)$

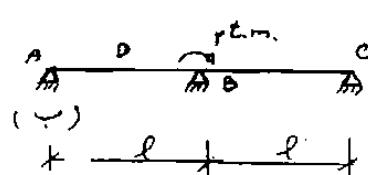
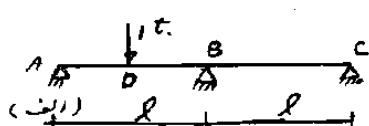
$P = \frac{2}{3} \text{ ton} \quad (2)$

$P = \frac{4}{3} \text{ ton} \quad (3)$

$P = \frac{8}{3} \text{ ton} \quad (4)$

$-P \times 0.03 = -2 \times 0.04 \rightarrow P = \frac{8}{3} \text{ ton}$

۸۷ سراسری

۵۰- تیر ABC تحت بارگذاری (الف) و (ب) قرار گرفته است. اگر تحت اثر بارگذاری (الف) $R = 0.01 \text{ m}$ باشد، تغییر مکان نقطه D تحت بارگذاری (ب) چقدر است؟

۱۰۱ (۱)

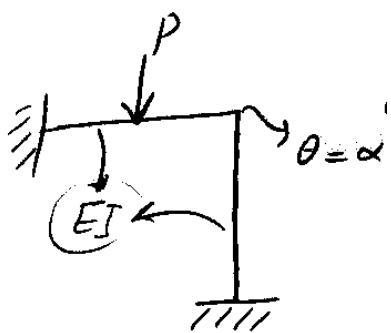
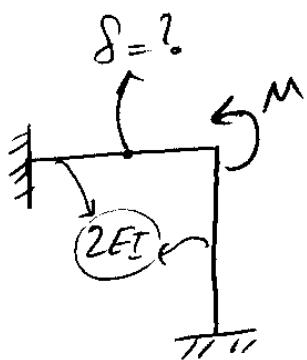
۱۰۲ (۲)

۱cm (۳)

۲cm (۴)

$1 \times \Delta_D = 2 \times 0.01 \rightarrow \Delta_D = 0.02 \text{ m} = 2 \text{ cm}$

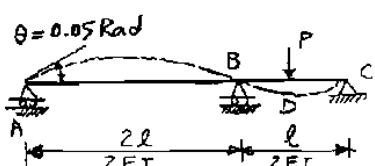
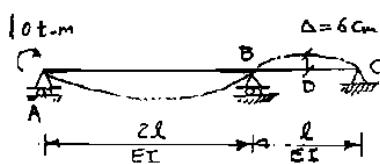
مثال:



$$P \times \delta = M \times \frac{\alpha}{2} \rightarrow \delta = \frac{M \times \alpha}{2P}$$

۸۲ سراسری

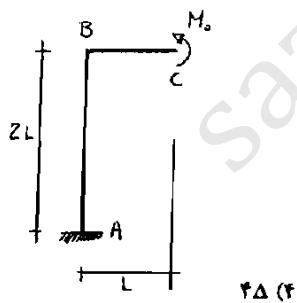
۴۶- با توجه به اشکال زیر مقدار P را به دست آورید. تغییر شکل تیز در اثر اعمال باز در شکل نشان داده است سختی هر تیز در کنار آن نوشته شده است؟



- $\frac{1}{6}$ ton (۱)
- $\frac{25}{3}$ ton (۲)
- $\frac{1}{12}$ ton (۳)
- $\frac{50}{3}$ ton (۴)

$$-10 \times 0.1 = -P \times 0.06 \rightarrow P = \frac{50}{3} \text{ ton}$$

۸۳ سراسری



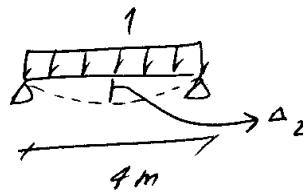
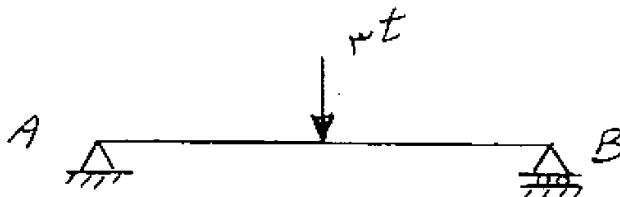
۷۰- اگر جایجایی انقی نقطه B تحت اثر ممان متغیر M_0 در انتهای آزاد C مطابق شکل C رو برو برایر Δ باشد، آنگاه جایجایی قائم انتهای آزاد C تحت اثر بار انقی $\frac{M_0}{ZL}$ در نقطه B چقدر خواهد بود؟

- $\frac{\Delta}{2}$ (۳)
- 2Δ (۲)
- Δ (۱)



-۸۲- تیر AB به طول ۴m و صلبیت خمشی $EI = 10^7 \text{ t.m}^2$ مفروض است. مساحت زیر منحنی تغییر شکل بر حسب cm^2 چقدر است؟ (متظوظ منحنی تغییر شکل ناشی از خشش می‌باشد)

- ۲۰ (۱)
- ۱۰ (۲)
- ۱۵ (۳)
- ۰ (۴)



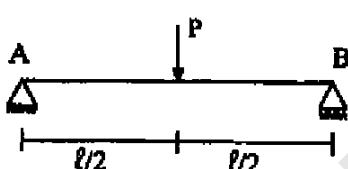
$$1 \times \text{مساحت زیرمنحنی} = 3 \times \Delta_2 \rightarrow \text{مساحت زیرمنحنی} = 3 \times \frac{5}{384} \frac{1 \times 4^4}{EI}$$

$$= \frac{15 \times 4^4}{384 \times 10^4} =$$

$$= 0.001 \text{ m}^2 = 10 \text{ cm}^2$$

دکتری ۹۱

-۸۳- مساحت زیر منحنی تغییر شکل تیر AB تحت اثر بار P در وسط دهانه چقدر است؟

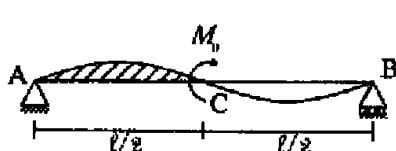


- $\frac{P l^4}{96 EI}$ (۱)
- $\frac{P l^4}{72 EI}$ (۲)
- $\frac{P l^4}{64 EI}$ (۳)
- $\frac{\Delta P l^4}{284 EI}$ (۴)

دکتری ۹۲

-۸۴- لنگر خمشی متمرکز M_o به وسط تیر AB اعمال شده است. مساحت زیر منحنی تغییر شکل بین A و C و (هاشورخورده) کدام است؟

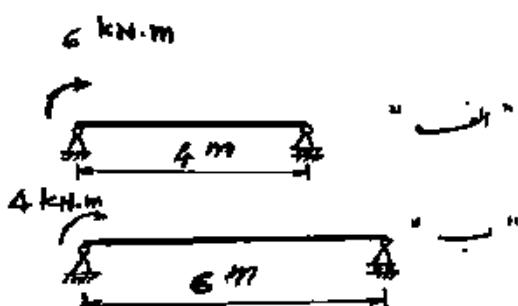
EI تیر ثابت فرض می‌شود. (راهنمایی: استفاده از قضیه تقابل)



- $\frac{\Delta M_o l^4}{284 EI}$ (۱)
- $\frac{\sqrt{M_o} l^4}{284 EI}$ (۲)
- $\frac{11 M_o l^4}{284 EI}$ (۳)
- $\frac{M_o l^4}{284 EI}$ (۴)



۶۳- در تیرهای داده شده با EI یکسان، سطح زیر منحنی تغییر شکل تیر ب چند برابر سطح زیر منحنی تغییر شکل تیر الف است؟

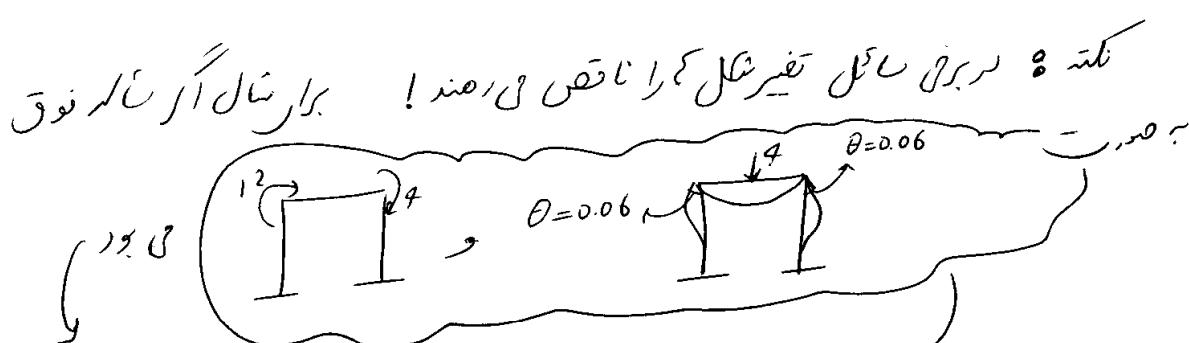
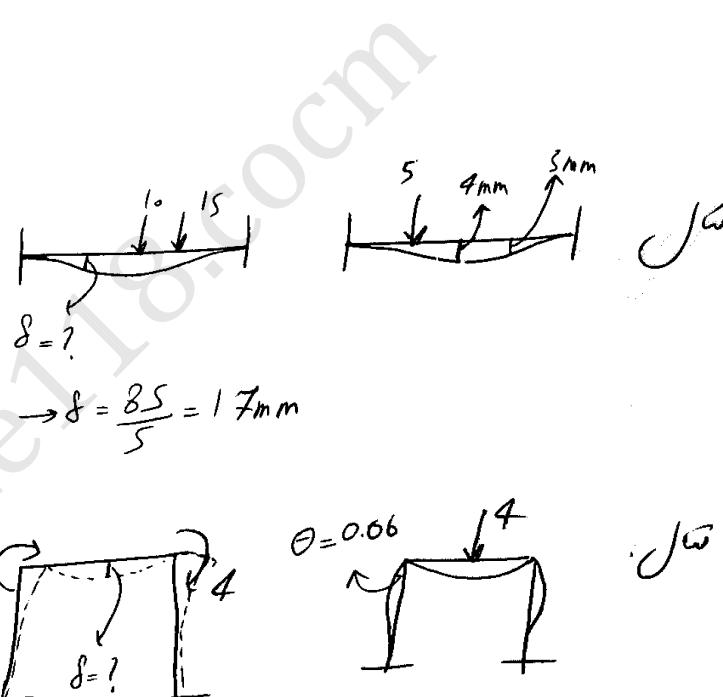


(۱) ۰/۲۴۶

(۲) ۰/۴۴۴

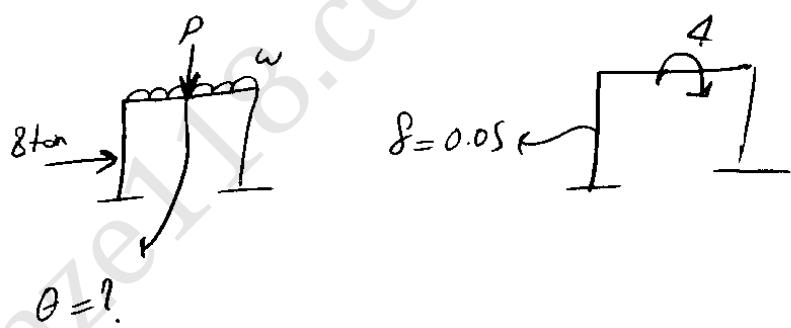
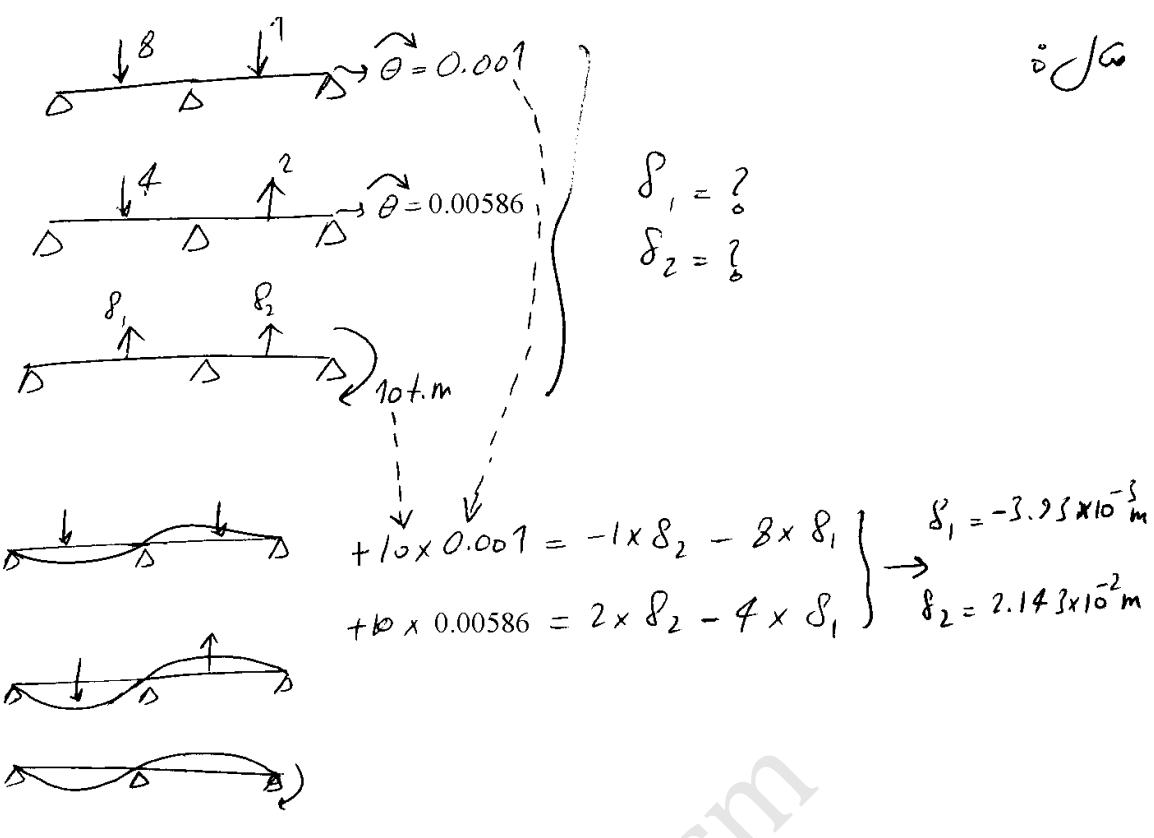
(۳) ۲/۲۵

(۴) ۳/۳۷۵



$$12 \times 0.06 + 4(-0.06) = 4 \times 8 \rightarrow \delta = 0.12 \text{ m}$$

دک با توجه به تقارن نظر نیست
که راسیم که $\theta_L = \theta_R = 0.06$

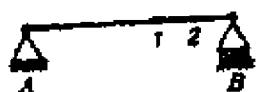


آزاد ۸۹

-۷۵ در اثر اعمال نیگر $M = P\delta$ به گره C، این نقطه به مقدار Δ تغییر مکانی دارد. جایی بی فانم D در اثر اعمال نیروی افقی $2P$ به گره B کدام است؟ (EI ثابت است)



۷۰- در تیر لبر تغییر مکان نقاط ۱ و ۲ تحت اثر بار قائم P در نقطه ۱ به ترتیب برابر Δ و $\frac{4}{3}\Delta$ می باشد و تغییر مکان نقطه ۲ تحت اثر بار قائم $2P$ در نقطه ۲ برابر $\frac{4}{3}\Delta$ می باشد. اگر بارهای قائم P و $2P$ بطور همزمان در نقاط ۱ و ۲ وارد شوند انرژی کوئنشی تیر چقدر می شود؟

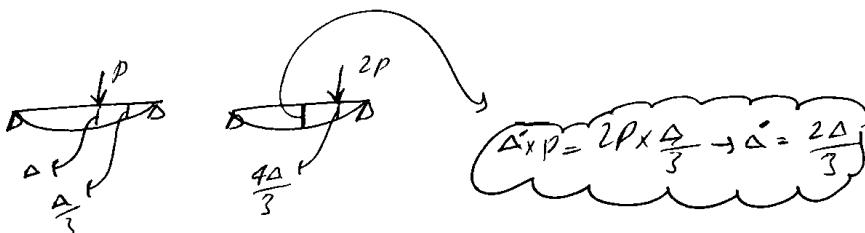


$$\frac{5}{2}P\Delta \text{ (۱)}$$

$$\frac{11}{6}P\Delta \text{ (۲)}$$

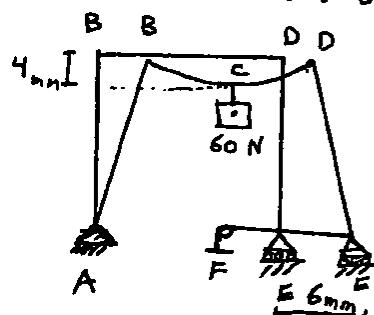
$$\frac{5}{3}P\Delta \text{ (۱)}$$

$$\frac{7}{3}P\Delta \text{ (۱)}$$



$$(1) = \frac{P\left(\Delta + \frac{2\Delta}{3}\right) + 2P \times \left(\frac{\Delta}{3} + \frac{4\Delta}{3}\right)}{2} = \frac{5P\Delta}{2}$$

۷۱- تغییر شکل قابی تحت اثر بار ۶۰ نیوتون مطابق شکل زیر است. برای اینکه جایگاهی تکیه گاه E در جهت القی صفر شود باید بار ۲۰ نیوتون در آریز F قرار دهیم. تغییر مکان قائم قائم C تحت اثر مشترک بارهای ۲۰ و ۶۰ نیوتون چقدر است؟

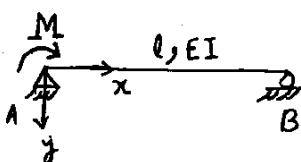


$$\begin{cases} 7 \text{ mm (۱)} \\ 0 \text{ (۱)} \\ 10 \text{ mm (۱)} \\ 10 \text{ mm (۱)} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} & \text{At node } C: \Delta = 4 \downarrow \quad \Delta = 6 \rightarrow \\ & \text{At node } E: \Delta = 6 \text{ mm} \\ & \left. \begin{aligned} \Delta_C &= 4 - 2.5 = 1.5 \text{ mm} \\ \Delta &= 5 \end{aligned} \right\} \\ & \text{Resultant deflection: } (\Delta_C \downarrow) \times 60 = -25 \times 6 \rightarrow \Delta_C = -2.5 \text{ mm} \end{aligned}$$



-۲۹- در تیر زیر منحنی نفیر شکل تحت اثر لنگر M در نکه کاه A بصورت $y(x) = \frac{M}{6EI} (x^3 - 3x^2l + 2xl^2)$ باشد. بار قائم P را در چه فاصله‌ای از نکه کاه B اعمال کنید تا شب نکه کاه A مانگزیم شود؟

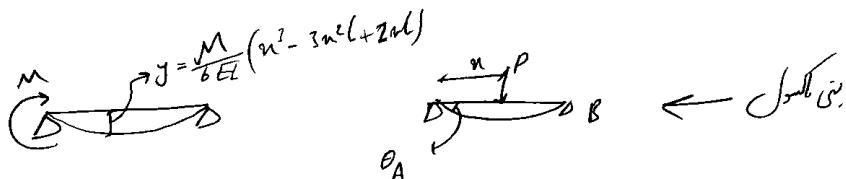


$$\frac{l}{2}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2}l$$

$$\frac{\sqrt{3}}{4}l$$

$$\frac{\sqrt{3}}{3}l$$

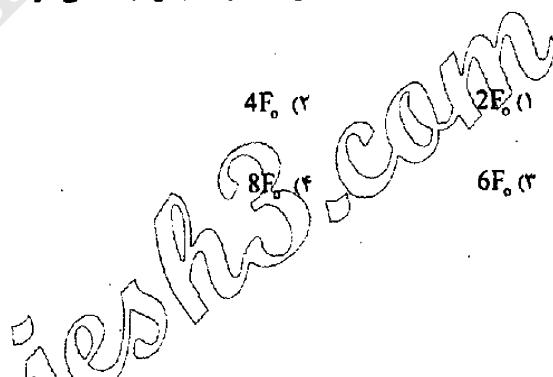
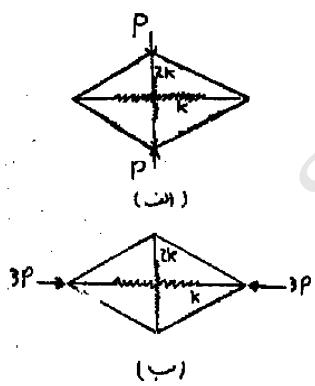


$$M \times \theta_A = P \times y \rightarrow \theta_A = \frac{Py}{M} \rightarrow \theta_A = \frac{P}{6EI} (x^3 - 3x^2l + 2xl^2) \rightarrow \theta'_A = 0 \rightarrow 3x^2 - 6xl + 2l^2 = 0$$

$$\rightarrow x = \frac{(6 \pm \sqrt{36 - 4 \times 3 \times 2})}{2 \times 3} l \rightarrow x = \begin{cases} \left(1 + \frac{\sqrt{3}}{3}\right)l \\ \left(1 - \frac{\sqrt{3}}{3}\right)l \end{cases} \rightarrow \text{غیر قابل قبول} \rightarrow \frac{\text{معامله ۱}}{\text{معامله ۲}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

تمرین آزاد ۹۱

-۷۸- اگر تحتمت بارگذاری نشان داده شده در سازه (الف)، نیروی ایجاد شده در فنر افقی برابر با F_0 باشد آنگاه تحت بارگذاری سازه (ب) چه نیرویی در فنر قائم آن ایجاد می‌شود؟



گزینه ۳

با استفاده از قانون بنتی مکسول می‌توان نوشت:

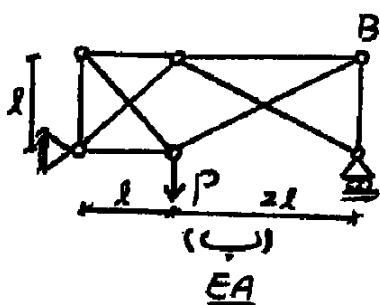
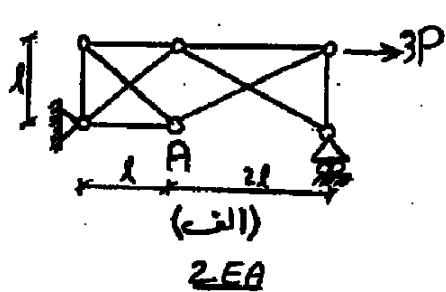
$$P(\Delta(b)) \times \Delta(a) = 3p(\Delta(b))$$

با توجه به اینکه نیروی فنر در سازه الف برابر F_0 می‌باشد، و سختی فنر k می‌باشد، Δ فنر افقی در سازه الف برابر

$\frac{F_0}{k}$ می‌باشد. با فرض اینکه نیرو در فنر قائم سازه ب F باشد، داریم:

$$P \times \frac{F}{2k} = 3p \times \frac{F_0}{k} \rightarrow F = 6F_0$$





۶۵- اگر در خربای الف (با صلبيت محوري $2EA$ ، تغيير مكان قائم گره A برابر با Δ باشد آنگاه تغيير مكان القى گره B در خربای ب (با صلبيت محوري EA) کدام است؟

$$\frac{3}{2}\Delta_{\text{الف}}$$

$$\frac{2}{3}\Delta_{\text{ب}}$$

$$\frac{\Delta}{2}$$

$$\frac{\Delta}{3}$$

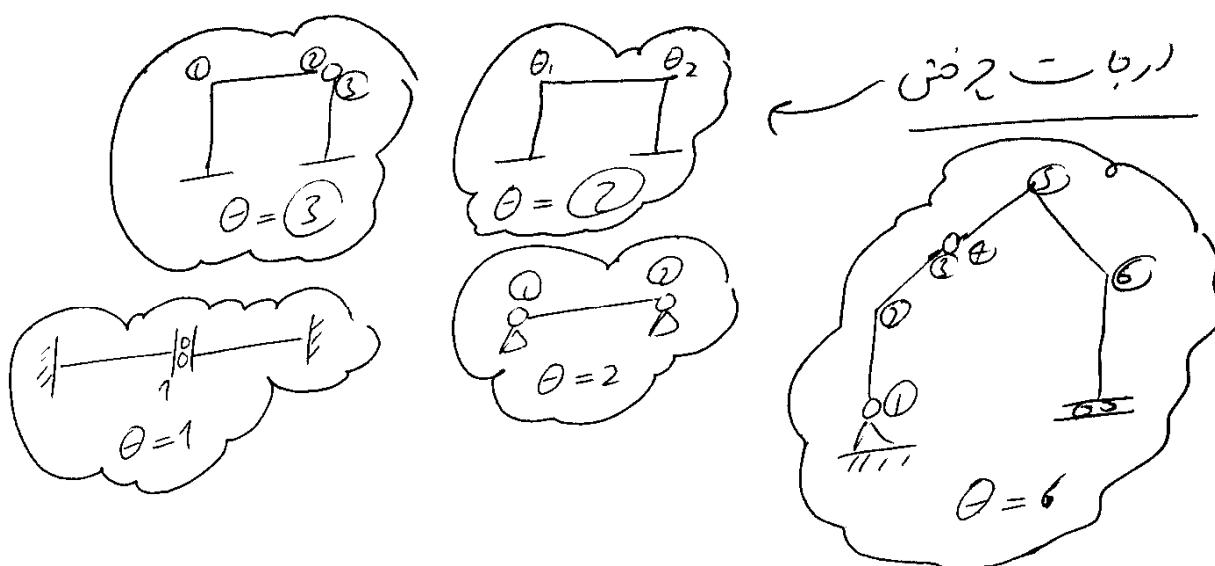
گزینه ۳ از قضيه بتی ماکسول استفاده می کنیم. دقت شود که در صورتی که سختی خربای الف به جای $2EA$ برابر EA باشد، تغيير شکلهای آن دو برابر خواهد شد:

$$(2\Delta_{A-\text{الف}}) \times P = \Delta_{B-\text{ب}} \times 3P \rightarrow \Delta_{B-\text{ب}} = \frac{2}{3}\Delta$$

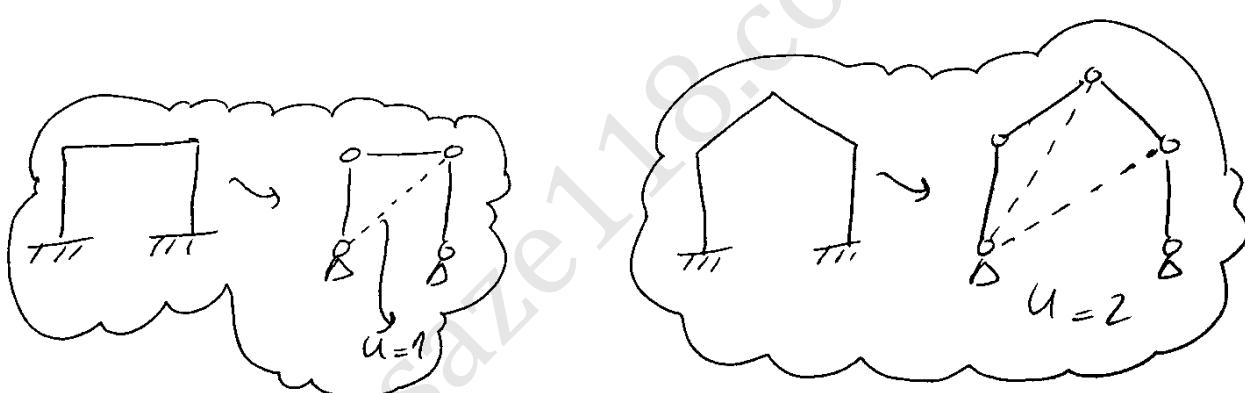


۱۲-شیب افت

(رجایت آرای انتقال و حضن :



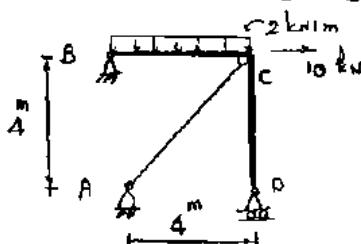
(رجایت انتقال)



سراسری ۸۴

با صرف نظر کردن از انر نیروی محوری در قطعه BCD ، مقدار F_{AC} کدام است؟

$$E = 100 \text{ cm}^3, AC = 2 \text{ cm}^3 = \text{سطح مقطع میله} \quad \text{(کلیه اعضاء), I, ثابت}$$



(۱) صفر

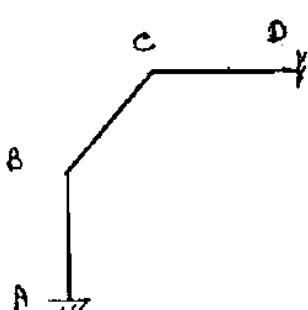
(۲) ۵ kN

(۳) ۱۰ kN

(۴) ۲۰ kN

سراسری ۸۵

سازه شکل مقابل کلاً چند Δ مستقل دارد؟ (جایجایی هر گره: Δ)

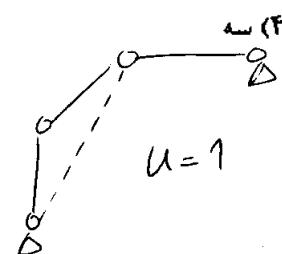


(۱) صفر

(۲) یکی

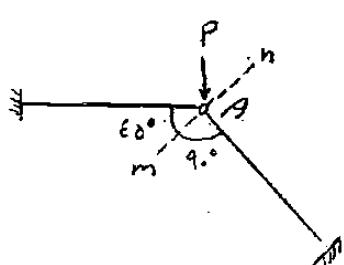
(۳) دو

(۴) سه



سراسری ۸۶

- ۷۸ - تغییر مکان نقطه A در راستای III چقدر است؟ (طول اعضاء ۱ و صلبیت خمینی آنها ۱ است).



(۱) صفر

$$\frac{PI^3}{2EI}$$

$$\frac{\sqrt{2} PI^3}{6EI}$$

$$\frac{\sqrt{2} PI^3}{3EI}$$



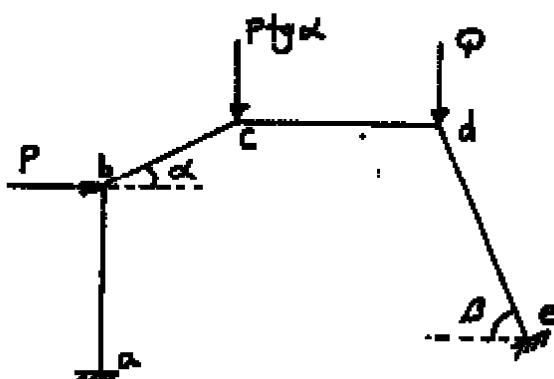
-۱۳ اگر هیچگدام از نقاط d,c,b در قاب زیر حرکت نداشته باشد، مقدار $\frac{Q}{P}$ چه قدر می‌باشد؟ (عضو ab عمودی و عضو cd افقی می‌باشد).

$$\cos \beta \quad (1)$$

$$\operatorname{tg} \beta \quad (2)$$

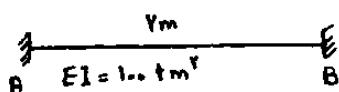
$$\operatorname{tg} \alpha \quad (3)$$

$$\operatorname{tg} \alpha \times \operatorname{tg} \beta \quad (4)$$



آزاد ۸۴

-۳۱- لغزش گیرداری ناشی از نشست تکه کاه B به اندازه ۵ سانتی متر در تکه کاه A چندراست؟



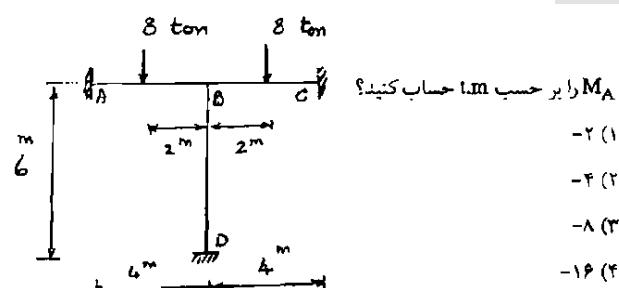
$$(1) 10 \text{ تن متر}$$

$$(2) 120 \text{ تن متر}$$

$$(3) 75 \text{ تن متر}$$

$$M_A = -\frac{6EI\delta}{L^2} = -\frac{6 \times 100 \times 0.05}{2^2} = -7.5 \text{ t.m.}$$

سراسری ۸۱

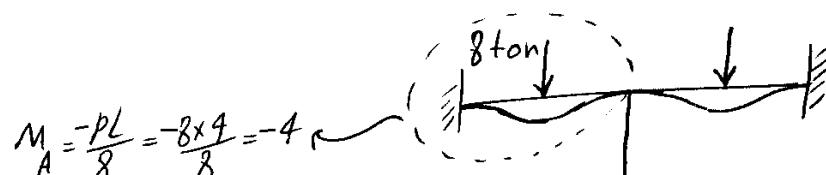


$$-2(1)$$

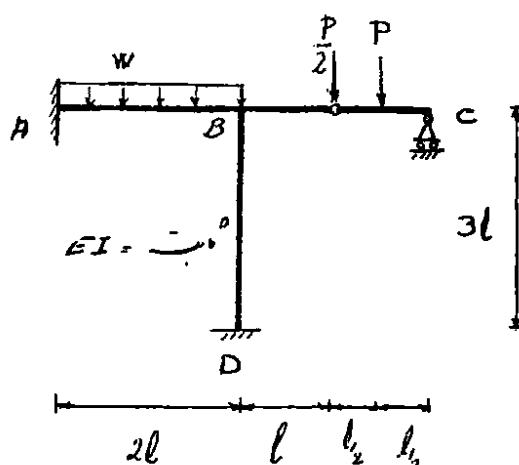
$$-2(2)$$

$$-8(3)$$

$$-16(4)$$



سراسری ۹۲



-۵۶ در سیستم رو به رو، P چقدر انتخاب شود تا M_D صفر شود؟

$$\frac{wl}{3} \quad (1)$$

$$\frac{3wl}{8} \quad (2)$$

$$\frac{wl}{6} \quad (3)$$

$$\frac{wl}{12} \quad (4)$$

با استفاده از روش شبیه افت، گزینه ۱ صحیح است (M_D زمانی صفر می شود که دوران در گره B صفر باشد).

دکتری ۹۳

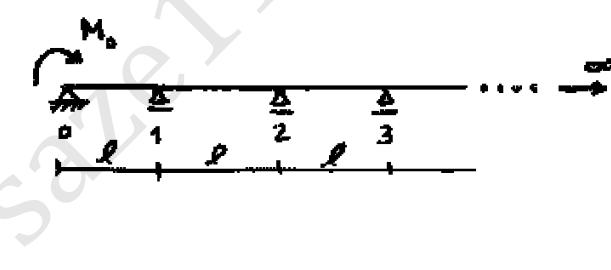
-۱۶ در تیپ یکسره زیر با تعداد دهانه های بینهایت، طول هر دهانه ℓ و مصلبیت خمی EI می باشد. اگر تحت اثر لنگر M_0 نگردر تکیه گاهها از قانون تبعیت کند میزان دوران در تکیه گاه ابتدایی $M_{i+1} = \alpha M_i$ ($i = 0, 1, \dots$) (۱) چه مقدار می باشد؟ ($\theta_0 = 2 - \sqrt{3}$)

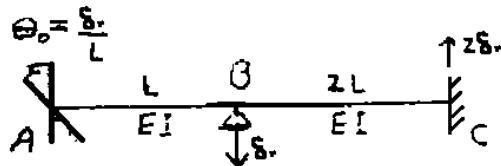
$$\frac{3\alpha^2 M_0 \ell}{10 EI} \quad (1)$$

$$\frac{\sqrt{3} M_0 \ell}{4 EI} \quad (2)$$

$$\frac{2\alpha^2 M_0 \ell}{EI} \quad (3)$$

$$\frac{M_0 \ell}{10 EI} \quad (4)$$





دوران گره B بر اثر نشست های تکیه گاهی نشان داده شده کدام است؟

$$\frac{8 \delta_0}{25 L}$$

$$\frac{7 \delta_0}{8 L}$$

$$\frac{7 \delta_0}{12 L}$$

$$\frac{25 \delta_0}{12 L}$$

$$\begin{cases} M_{BC} = \frac{4EI\theta_B}{(2L)} + \frac{2EI(\theta_C)}{RL} - \frac{6EI(-3\delta_0)}{(2L)^2} \\ M_{BA} = \frac{4EI\theta_B}{L} + \frac{2EI(-\delta_0)}{L} - \frac{6EI(\delta_0)}{L^2} \end{cases}$$

$$M_{BC} + M_{BA} = 0 \rightarrow \left(2\theta + 4 \cdot \frac{5\delta_0}{L}\right) + 4\theta - \frac{2\delta_0}{L} - \frac{6\delta_0}{L} = 0$$

$$\rightarrow \theta = \frac{3.5\delta_0}{6 \times L} = \frac{7\delta_0}{12L}$$

سراسری ۸۴

در قاب شکل مقابل تحت نشست در تکیه گاه a و دوران در تکیه گاه c مقدار M_{cb} kg.m بر حسب محوری و برشی صرفنظر می‌گردد.

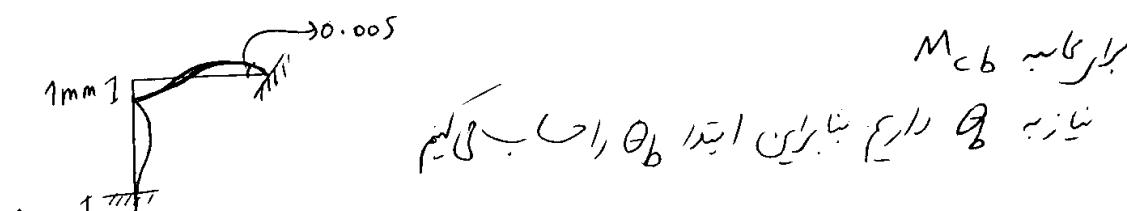
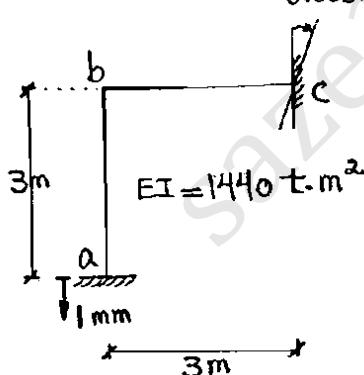
0.005 Rad

(۱) ۸۱۶۰

(۲) ۸۶۴۰

(۳) ۹۱۲۰

(۴) ۱۰۵۶۰

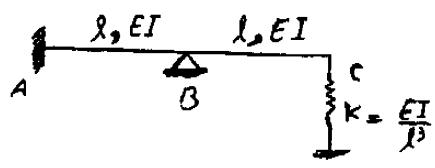


$$M_{bc} + M_{ba} = 0$$

$$\left(\frac{4EI\theta_b}{3} + \frac{2 \times 0.005 \times EI}{3} - \frac{6EI(-0.001)}{3^2} \right) + \left(\frac{4EI\theta_b}{3} \right) = 0$$

$$\rightarrow \theta_b = \frac{-0.002 - 0.01}{8} \Rightarrow M_{cb} = \frac{4EI(0.005)}{3} + \frac{2EI(-0.0015)}{3} - \frac{6EI(0.001)}{3^2}$$

$$\rightarrow M_{cb} = 9.12 \text{ t.m} = 912 \text{ kg.m}$$



۶۹- اگر تحت بارگذاری عرضی نامشخص در قسمت AB، فنر به اندازه δ_0 فشرده شود. آنگاه دوران گره C کدام است؟

$$\frac{5\delta_0}{6l} \quad (2)$$

$$\frac{1\delta_0}{6l} \quad (1)$$

$$\frac{\delta_0}{\ell} \quad (4)$$

$$\frac{2\delta_0}{3\ell} \quad (3)$$

گزینه ۲

نیروی وارد بر فنر برابر است با: $M_B = FL = \frac{EI}{L^2}\delta_0$ و در نتیجه لنگر در نقطه B برابر است با: $F_C = \frac{EI}{L^3}\delta_0$

حال با استفاده از روابط شبیه افت برای قسمت BC داریم:

$$M_{CB} = 0 = \frac{4EI\theta_C}{l} + \frac{2EI\theta_B}{l} - \frac{6EI\delta_0}{l^2} \rightarrow \frac{4EI\theta_B}{l} = -\frac{8EI\theta_C}{l} + \frac{12EI\delta_0}{l^2}$$

$$M_{BC} = FL = \frac{EI}{l^2}\delta_0 = \frac{4EI\theta_B}{l} + \frac{2EI\theta_C}{l} - \frac{6EI\delta_0}{l^2} = -\frac{6EI\theta_C}{l} + \frac{6EI\delta_0}{l^2} \rightarrow \theta_C = \frac{5\delta_0}{6l}$$

۱۲- روش اصلاح شده

سراسری ۸۳

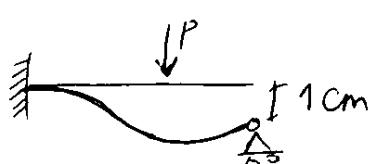
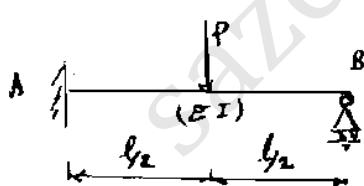
۷۴- تکیه گاه B به اندازه ۱cm نشست می کند، M_A را حساب کنید.

$$M_A = -\frac{P\ell}{\lambda} - \frac{2EI}{\ell^3} \quad (1)$$

$$M_A = -\frac{P\ell}{17} - \frac{2EI}{\ell^3} \quad (2)$$

$$M_A = -\frac{P\ell}{17} - \frac{2EI}{\ell^3} \quad (3)$$

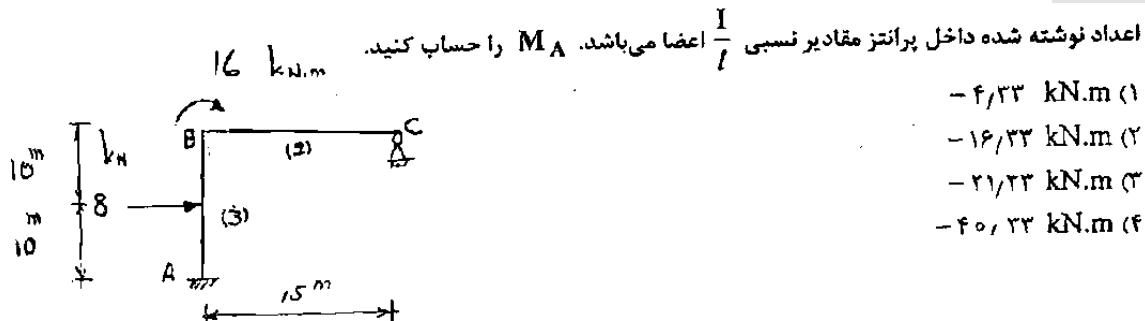
$$M_A = -\frac{P\ell}{\lambda} - \frac{2EI}{\ell^3} \quad (4)$$



$$M_A = \frac{3EI(\theta_A)}{l} - 1.5 \frac{PL}{8} - \frac{3EI(1)}{l^2}$$

$$= -\frac{3PL}{16} - \frac{3EI}{l^2}$$





- ۴,۲۳ kN.m (۱)
- ۱۶,۲۳ kN.m (۲)
- ۲۱,۲۳ kN.m (۳)
- ۴۰,۲۳ kN.m (۴)

نگارچه

$$M_{BC} + M_{BA} = 16$$

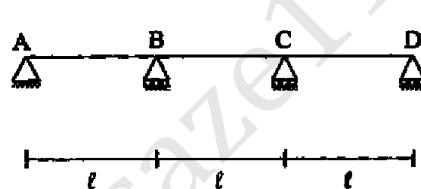
$$\left[3(3)(E)\theta_B \right] + \left[4(3)(E)\theta_B + \frac{8 \times 20}{8} \right] = 16$$

$$\rightarrow \theta_B = \frac{-2}{9E} \implies M_A = \frac{2EI\theta_B}{20} - \frac{8 \times 20}{8} = 2(3)E\theta_B - 20$$

$$\Rightarrow M_A = 6 \times \left(-\frac{2}{9E} \right) - 20 = -21.33$$

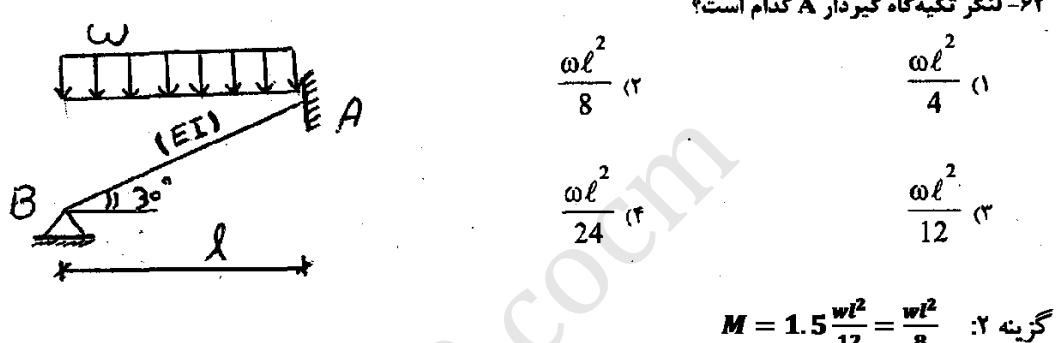
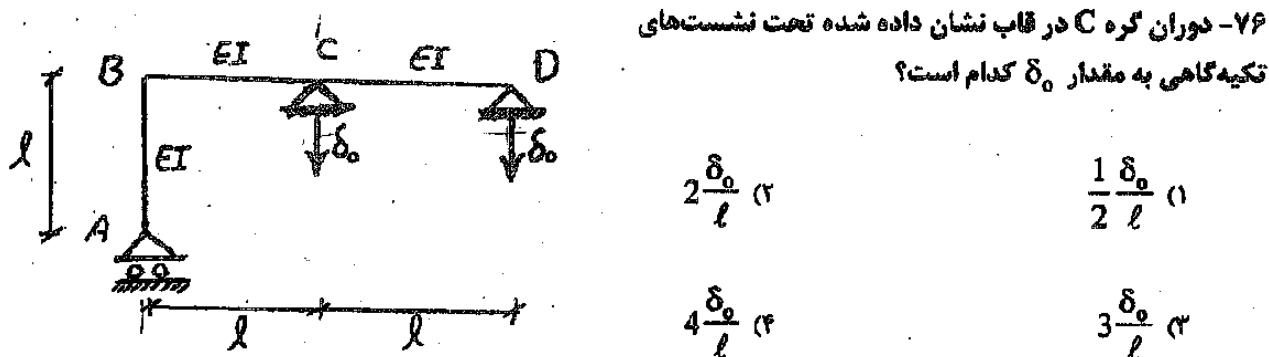
دکتری ۹۱

۲۰- تکیه گاه B تقریباً مطابق شکل به اندازه $50/50^{\circ}$ به سمت پائین نشست می کند، لذتگر خمی آن تکیه گاه کدام است؟
(EI) را ثابت فرض کنید.



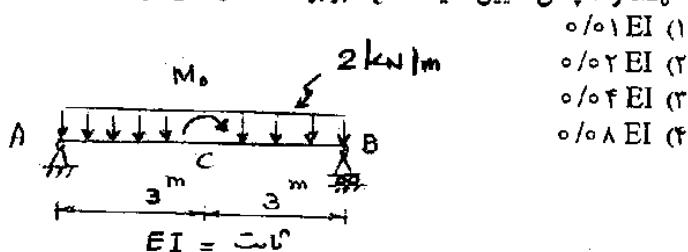
- $0/018 \frac{EI}{l}$ (۱)
- $0/036 \frac{EI}{l}$ (۲)
- $0/072 \frac{EI}{l}$ (۳)
- $1/44 \frac{EI}{l}$ (۴)

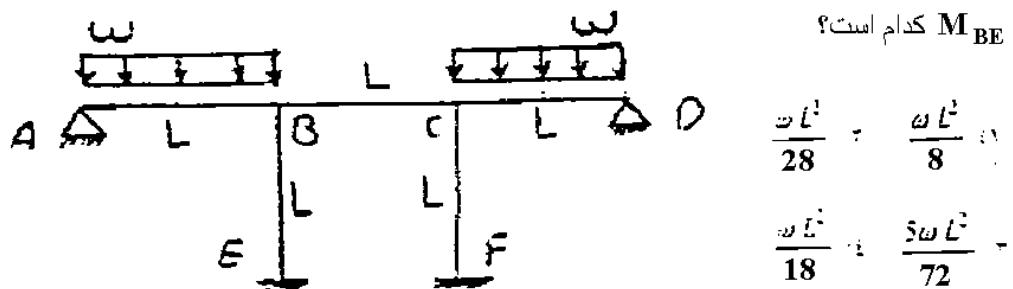




۲-۱۲- تقاضن در شب افت

سراسری ۸۷

۷۷- را آنچنان تعیین کنید که M_0 برابر $2/\theta_c$ رادیان گردد.



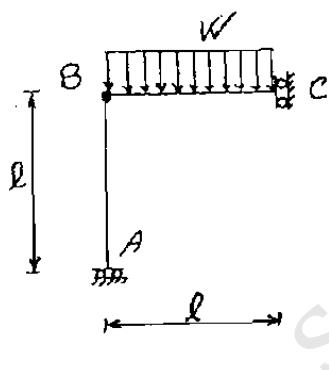
برای بحث ترکیبی از اینجا باشیم $\theta_B \approx M_{BE}$

$$(3EI\theta + 1.5 \times \frac{\omega L^2}{12}) + (\frac{4EI\theta}{L}) + (\frac{4EI\theta}{L} - \frac{2EI\theta}{L}) = 0$$

$$\rightarrow \theta(3+4+2) = -\frac{\omega L^3}{8EI} \rightarrow \theta = \frac{-\omega L^3}{72EI} \rightarrow M_{BE} = \frac{4EI\theta}{L} = \frac{-\omega L^2}{18}$$

سراسری ۸۶

-۶۶ در قاب شکل مقابل صلبیت خمی اعضا EI می‌باشد. دوران سمت راست مفصل B (مربوط به تیر BC) مطابق با کدام پاسخ می‌باشد؟



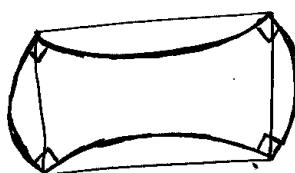
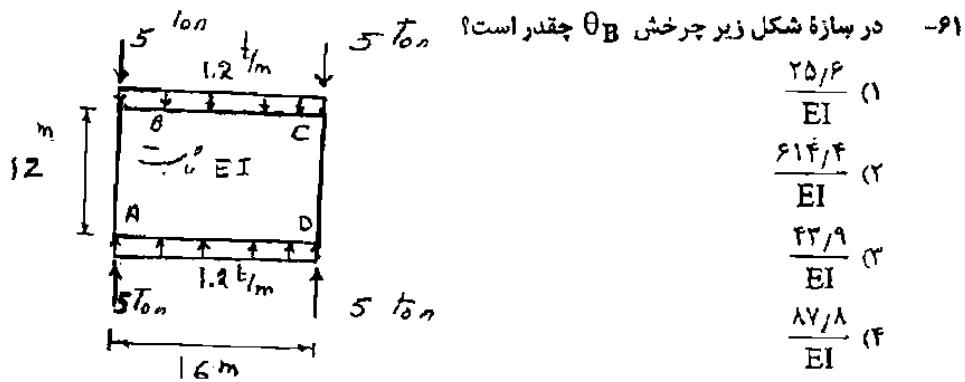
$$\frac{WI^3}{4EI}$$

$$\frac{WI^3}{2EI}$$

$$\frac{WI^3}{EI}$$

$$\frac{WI^3}{6EI}$$



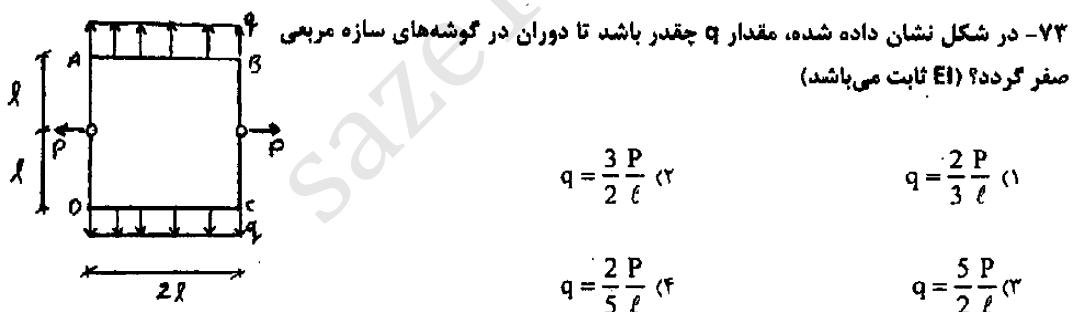


$$\theta_C = -\theta_B \quad (\text{با توجه به شکل})$$

$$\theta_A = -\theta_B$$

$$\begin{aligned} & \xrightarrow{\text{B.O.F}} M_{BC} + M_{BA} = \\ & \left[\frac{4EI\theta_B}{16} + \frac{2EI(-\theta_B)}{16} - \frac{q(1.2)^2}{12} \right] + \left[\frac{4EI\theta_B}{12} + \frac{2EI(-\theta_B)}{12} \right] = 0 \\ & \rightarrow \theta_B = \frac{87.8}{EI} \end{aligned}$$

آزاد ۹۱



گزینه ۲

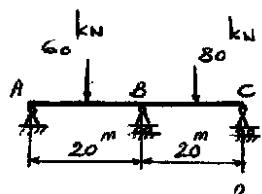
با توجه به اینکه دوران گرهها صفر است:

$$M_{BA} = \frac{q(2L)^2}{12}, \quad M_{BC} = \frac{p}{2} \times L \quad \rightarrow M_{BA} = M_{BC} \rightarrow q = \frac{3P}{2L}$$



سراسری ۹۱

- ۶۴ در صورتی که تیر در نقطه B قطع شود، چه مقدار لنگر خمی به صورت (جا لب) باید به دو لبه تیر در این نقطه اعمال گردد تا تیر به حالت اول برگرداند



- ۵۲۵ (۱)
۱۸۷,۵۵ (۲)
۲۶۲,۵ (۳)
۹۳,۷۷ (۴)

روابط مکانی معادلگر خمی را از نقطه B می خواهد

با استفاده از روش شبکه افت:

$$\delta_{B\theta} \leq M_B = 0 \rightarrow M_{BA} + M_{BC} = 0$$

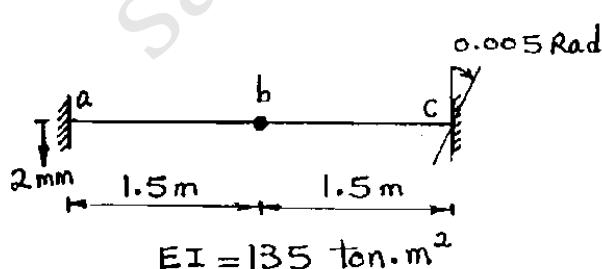
$$\rightarrow \left[\frac{3EI\theta_B}{20} + 1.5 \times \frac{60 \times 20}{8} \right] + \left[\frac{3EI\theta_B}{20} - 1.5 \times \frac{80 \times 20}{8} \right] = 0$$

$$\rightarrow \boxed{\frac{3EI\theta_B}{20} = \frac{1}{2} \times 1.5 \times \frac{20 \times 20}{8}}$$

$$\rightarrow M_{BA} = \frac{3EI\theta_B}{20} + 1.5 \times \frac{60 \times 20}{8} = 1.5 \times \frac{70 \times 20}{8} = \frac{2100}{8} = \boxed{262.5}$$

سراسری ۸۳

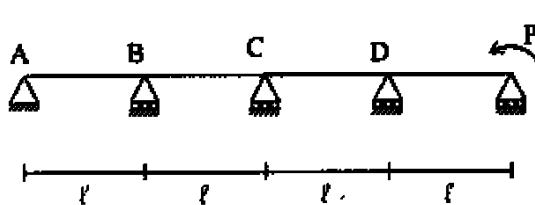
- ۷۶ در تیر شکل مقابل تحت نشست و پرسخن تکیه گاهی نشان داده شده M kg.m کدام است؟



- ۴۰۵ (۱)
۴۹۵ (۲)
۱۰۰ (۳)
۹۴۰ (۴)



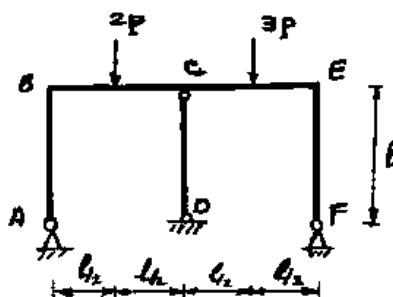
-۴۰ تیر سراسری مطابق شکل و با صلبیت خمی ثابت EI مفروض است. نسبت لنگر خمی تکیه گاه D به تکیه گاه B برابر است با:



- ۵ (۱)
۲۰ (۲)
۱۵ (۳)
۱۰ (۴)

سراسری ۹۴

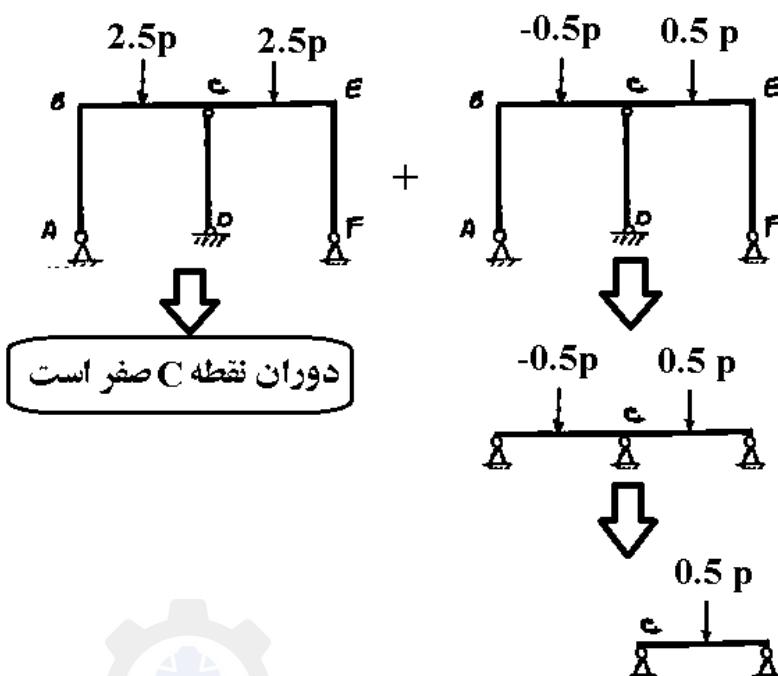
($EI = \text{ثابت}$) کدام است؟ (ثابت θ_C) -۶۲



- $\frac{P l^2}{16EI}$ (۱)
 $\frac{P l^2}{24EI}$ (۲)
 $\frac{P l^2}{32EI}$ (۳)
 $\frac{\Delta P l^2}{48EI}$ (۴)

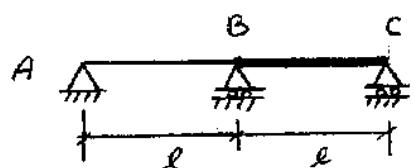
بارگذاری را می توان به مجموع دو سازه متقارن و پادمتران تبدیل کرد. در سازه متقارن مقدار دوران صفر خواهد بود. مقدار دوران در سازه پادمتران با استفاده از روش شبیه افت قابل محاسبه می باشد:

$$\sum M_C = 0 \rightarrow M_{CE} = 0 \rightarrow \frac{3EI}{L} \theta_C - 1.5 \left(\frac{0.5PL}{8} \right) = 0 \rightarrow \theta_C = \frac{PL^2}{32EI}$$



۸۷ سراسری

۷۱- تیر دو دهانه ABC مفروض است. دهانه AB با صلبيت خمشي EI و دهانه BC با صلبيت خمشي بيشهایت است. اگر تکيه گاه C به اندازه δ به سمت بالا حرکت کند. لنگر خمشی تکيه گاه B را محاسبه کنید.



$$\frac{EI\delta}{l^2} \quad (1)$$

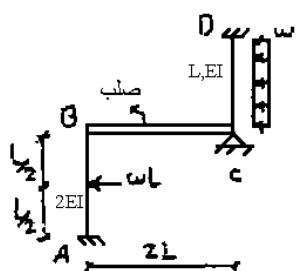
$$\frac{2EI\delta}{l^2} \quad (2)$$

$$\frac{3EI\delta}{l^2} \quad (3)$$

$$\frac{5EI\delta}{l^2} \quad (4)$$

آزاد

۷۲- لنگر تکيه گاه گیردار A و D کدام است؟



$$M_A = \frac{\omega L^2}{8}, M_D = \frac{\omega L^2}{12} \quad (1)$$

$$M_A = M_D = \frac{\omega L^2}{8} \quad (2)$$

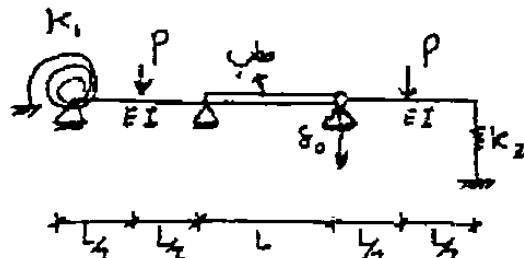
$$M_A = M_D = \frac{\omega L^2}{12} \quad (3) \quad M_A = \frac{3\omega L^2}{8}, M_D = \frac{3\omega L^2}{16} \quad (4)$$



۸۷ آزاد

۷۲- نتگر فنر نحت پارگناری نشان داده شده و نتست تکید تاهم به مقدار ۹۰ درجه است؟

$$\left(K_1 = \frac{4EI}{L} , \quad K_2 = \frac{EI}{L^3} \right)$$

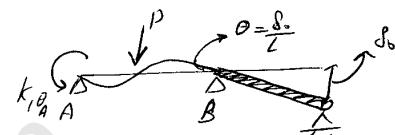
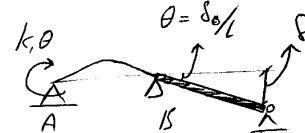
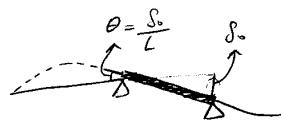


$$\frac{2EI\delta_0}{L^2} + \frac{PL}{8} \quad (?) \quad \frac{EI\delta_0}{L^2} - \frac{PL}{16} \quad (1)$$

$$\frac{EI\delta_0}{L^2} - \frac{PL}{16} \quad (1)$$

$$\frac{4EI\delta_0}{L^2} + \frac{3PL}{8} = 0 \quad \frac{PL}{16} - \frac{EI\delta_0}{2L^2} = 0$$

$$\frac{PL}{16} - \frac{EI\delta_3}{2L^2}$$



$$A \stackrel{y \neq 0}{\sim} M_{AB} = M_0 \Rightarrow M_{AB} = -k_1 \theta_A$$

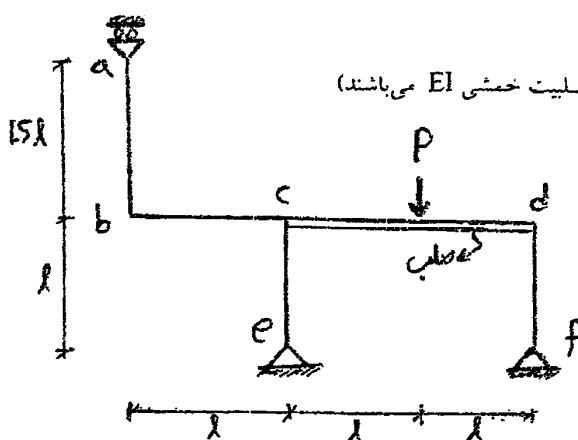
$$\left(\frac{4EI\theta_A}{1} - \frac{PL}{8} + \frac{2EI\theta_B}{1} \right) = -\frac{4EI\theta_A}{1}$$

$$\rightarrow \frac{4EI\theta_A}{l} - \frac{\rho l}{8} + \frac{2EI\delta_0}{l^2} = -\frac{4EI\theta_A}{l} \rightarrow \theta_A \left(\frac{8EI}{l} \right) = \frac{\rho l}{8} - \frac{2EI\delta_0}{l^2}$$

$$\rightarrow \theta_A = \frac{PL^2}{64EI} - \frac{\delta_0}{4L} \rightarrow M = -k_1\theta = -\frac{PL}{16} + \frac{EIS_0}{L^2}$$

۸۹ آزاد

⁷⁷- دیوانگ؛ b- کلمه‌ای را که از صد و سی اعضاً دارد، علیست خوش. El به باشند)

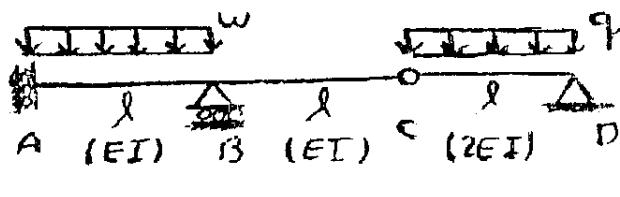


$$\frac{P l^2}{EI} \quad \text{(3)} \quad \frac{P l^2}{3EI} \quad \text{(4)}$$

$$\frac{P l^2}{2EI} \quad (\epsilon) \quad \text{عمر} \quad (T)$$

آزاد ۹۰

۷۸- نسبت $\frac{w}{q}$ چقدر باشد تا تغییر مکان تکیه گاه A صفر گردد؟



$$\frac{6}{5} \quad (1)$$

$$\frac{5}{6} \quad (1)$$

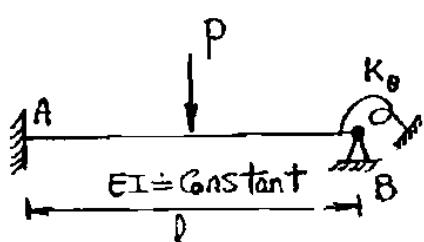
$$\frac{24}{5} \quad (1)$$

$$\frac{5}{24} \quad (1)$$

۱۲- فنر پیچشی در شیب افت

سراسری ۸۲

۵- در تیر شکل مقابل معان در فنر پیچشی تکیه گاه B کدام است؟



$$K_\theta = \frac{2EI}{l}$$

$$\frac{Pl}{12} \quad (1)$$

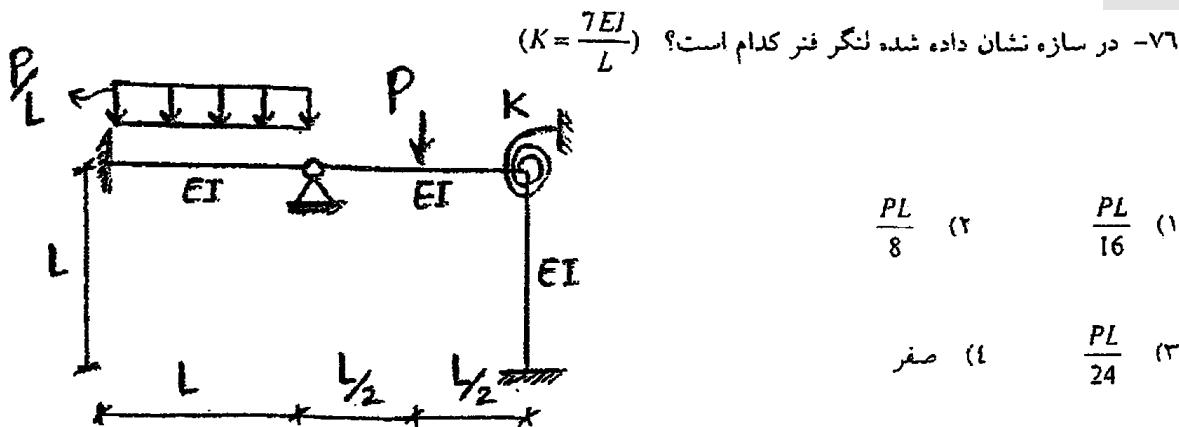
$$\frac{Pl}{16} \quad (2)$$

$$\frac{Pl}{24} \quad (3)$$

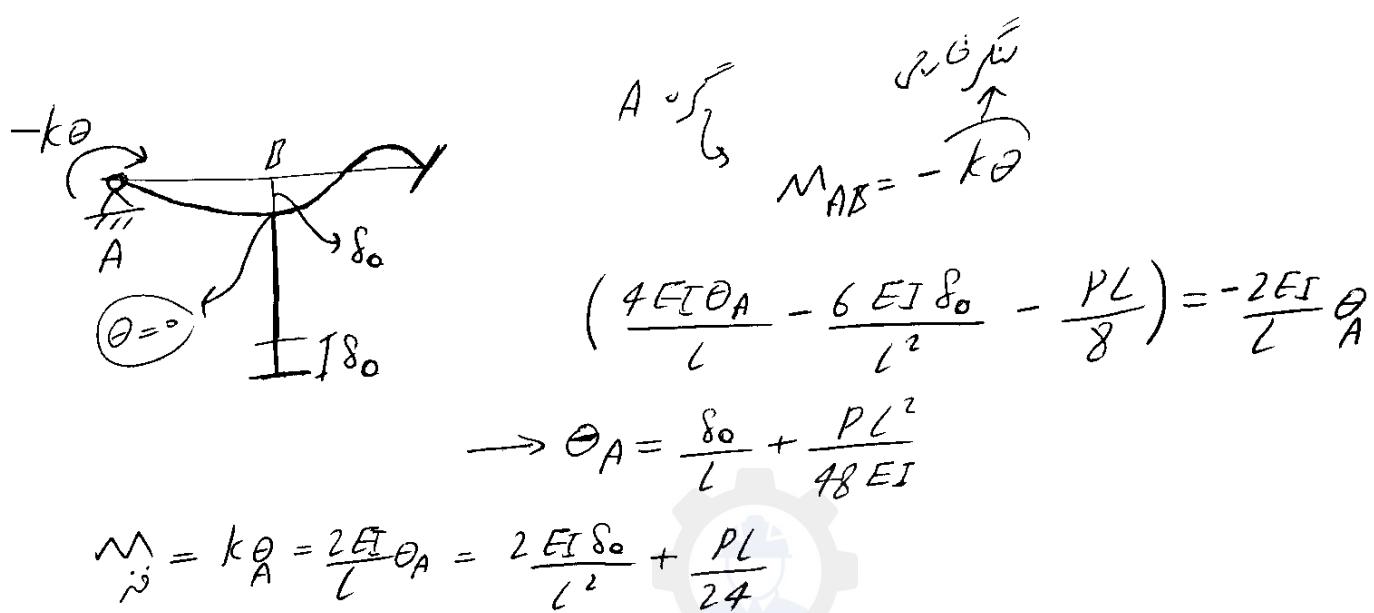
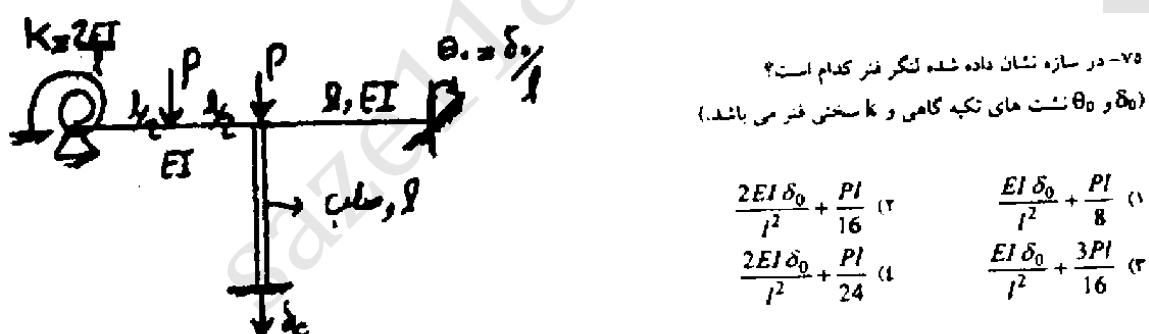
$$\frac{Pl}{\lambda} \quad (4)$$



آزاد ۸۹

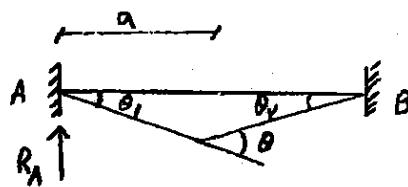


آزاد ۸۸



آزاد ۸۴

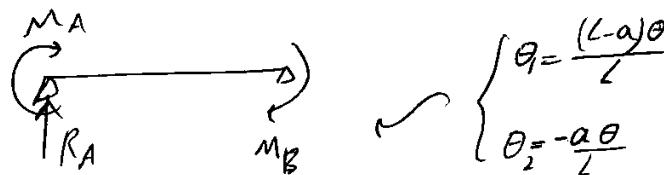
۴۰- عکس العمل تکه گاه A ناشی از خطای ساخت نشان داده شده در شکل چقدر است؟



EI, I

$$R_A = \left(1 - \frac{a}{l}\right) \frac{6EI\theta}{l^2} \quad (1) \quad R_A = \left(1 - \frac{2a}{l}\right) \frac{2EI\theta}{l^2} \quad (1)$$

$$R_A = \left(1 - \frac{2a}{l}\right) \frac{6EI\theta}{l^2} \quad (1) \quad R_A = \left(1 - \frac{a}{l}\right) \frac{2EI\theta}{l^2} \quad (1)$$



$$\begin{cases} \theta_1 = \frac{(L-a)\theta}{l} \\ \theta_2 = -a\theta \end{cases}$$

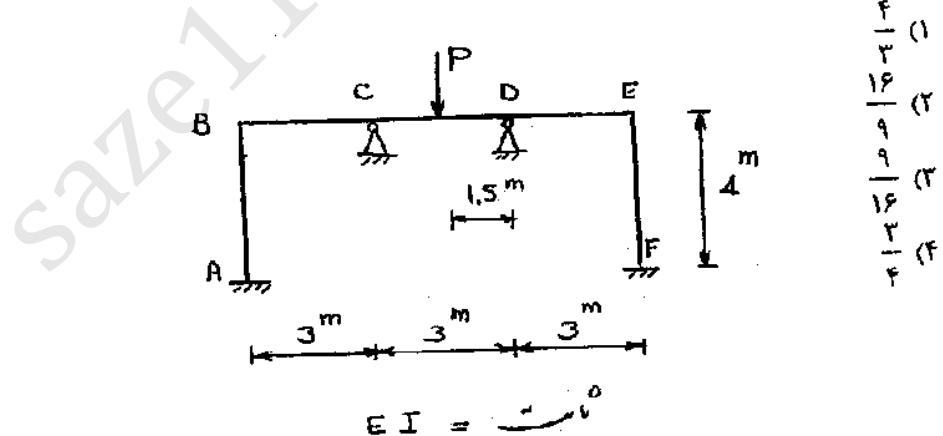
$$M_B = \frac{4EI(a\theta)}{l^2} + 2 \left[\frac{(L-a)\theta}{l} \right] \times \frac{EI}{2} \quad M_A = \frac{4EI}{l} \left[\frac{(L-a)\theta}{l} \right] + 2 \frac{EI}{l} \left(\frac{a\theta}{2} \right)$$

$$R_A \times L + M_A + M_B = 0 \rightarrow R_A = -\frac{(M_A + M_B)}{l} = \frac{EI}{l^2} \theta \left[\frac{4a}{l} - \frac{2(L-a)}{l} - \frac{4(L-a)}{l} + \frac{2a}{l} \right]$$

$$= \frac{EI\theta}{l^2} \left[\frac{12a - 6l}{l} \right] = \frac{6EI\theta}{l^2} \left[\frac{2a}{l} - 1 \right]$$

سراسری ۸۷

P - را آنچنان انتخاب کنید که : $\theta_C = \frac{1}{EI} \text{ rad}$
 $M_{CD} = 0$

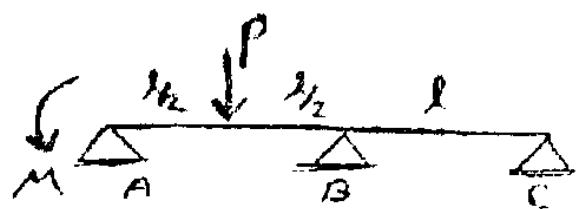


$$M_{CD} = \frac{4EI\theta_c}{l} + \frac{2EI\theta_D}{l} - \frac{PL}{8} \xrightarrow{\theta_D = -\theta_c}$$

$$M_{CD} = \frac{2EI\theta_c}{3} - \frac{3P}{8}$$

$$M_{CD} = 0 \quad \left\{ \begin{array}{l} \theta_c = \frac{1}{EI} \\ \theta_D = -\theta_c \end{array} \right. \rightarrow \frac{2}{3} - \frac{3P}{8} = 0 \rightarrow P = \frac{16}{9}$$

۷۶- مقدار M چقدر باشد تا عکس العمل قائم تکیه تاه C صفر گردد؟ (صلبیت خمشی تیر EI ثابت می‌باشد)



$$\frac{1}{6} P \ell^3 / EI$$

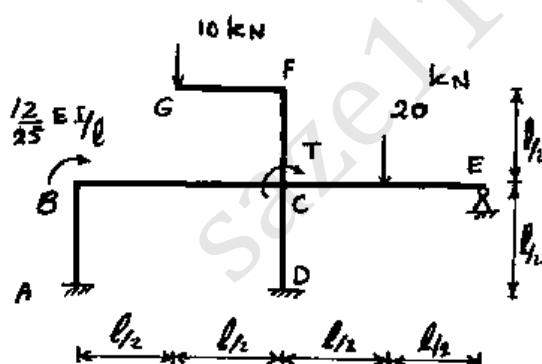
$$\frac{1}{16} P \ell^3 / EI$$

$$\frac{3}{16} P \ell^3 / EI$$

$$\frac{3}{8} P \ell^3 / EI$$

سراسری ۹۴

۶۰- اگر T آنچنان باشد که انرژی خمشی در سازه را حداقل کند، θ_B چقدر است؟ (از تغییر شکل ناشی از سایر انرژی‌ها صرفنظر می‌شود) (ثابت $EI = ۱$)



۰/۰۸ (۱)

۰/۰۴ (۲)

۰/۰۳ (۳)

۰/۰۱ (۴)

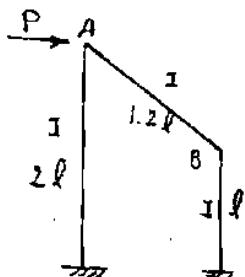
برای حداقل شدن انرژی مقدار T باید چنان باشد که دوران نقطه C صفر شود.

اگر مقدار دوران C صفر باشد، با نوشتن روابط شبی افت برای نقطه B مقدار دوران آن بدست می‌آید:

$$\frac{4EI}{L} \theta_B + \frac{4EI}{\frac{L}{2}} \theta_B = \frac{12EI}{25L}$$

$$\theta_B = \frac{1}{25} = 0.04$$





در قاب شکل مقابل، جنایچه θ_A و θ_B معلوم باشد، در مورد تعیین M_{AB} گدام درست است؟

۱) با نوشتمن معادله شیب افت به دست می آید.

۲) بدون محاسبه Δ (تغییر مکان جانبی) نمی توان M_{AB} را به دست آورد.

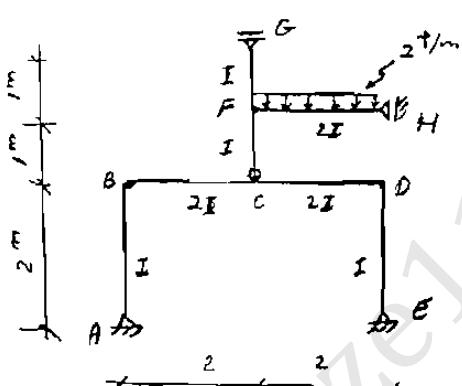
۳) با داشتن θ_A و θ_B برش پای ستونها را باید حساب کرد و سپس لئنگر M_{AB} را به دست آورده.

۴) ابتدا باید معادلات شیب افت را برای ستونها نوشت سپس از معادلات تعادل M_{AB} را محاسبه نموده.

چون از تغییر شکلهای محوری صرف نظر می شود، عضو AB تغییر شکل جانبی ندارد ($\delta_{AB}=0$).

$$M_{AB} = \frac{4EI\theta_A}{1.2L} + \frac{2EI\theta_B}{1.2L}$$

بنابراین با داشتن θ_A و θ_B می توان مقدار M را محاسبه نمود (گزینه ۱)



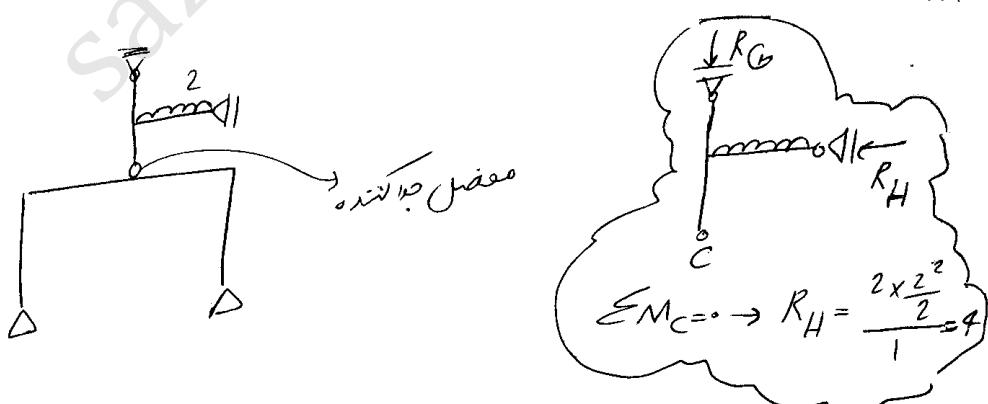
را بر حسب t.m حساب کنید (از تغییر طول اعضاء صرف نظر شوید)

۱) صفر

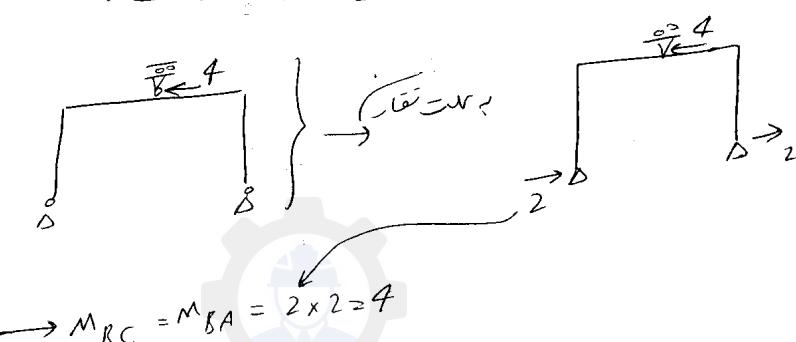
۲)

۳)

۴) ۴



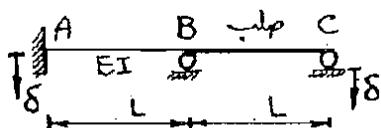
با صرف تصریح از تغییر شکل مدرک تغییر عبارت $\sum M_C = 0$ صفر است:



$$\rightarrow M_{BC} = M_{BA} = 2 \times 2 = 4$$

تمرین سراسری ۸۴

۶۷- در تیر شکل مقابل تحت نشستهای تکیه‌گاهی نشان داده شده، M_{AB} چقدر است؟

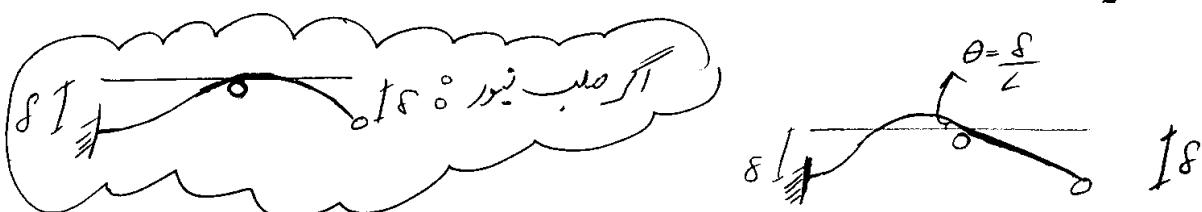


$\frac{8EI\delta}{L^2} \quad (1)$

$\frac{6EI\delta}{L^2} \quad (2)$

$\frac{4EI\delta}{L^2} \quad (3)$

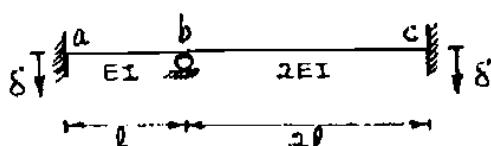
$\frac{2EI\delta}{L^2} \quad (4)$



$$M_{AB} = \frac{2EI(\frac{\delta}{L})}{L} - \frac{6EI(-\delta)}{L^2} = + \frac{8EI\delta}{L^2}$$

تمرین سراسری ۸۳

۶۸- در تیر شکل مقابل تحت نشستهای تکیه‌گاهی نشان داده شده M_{ab} کدام است؟



$\Delta, 2\Delta \frac{EI\delta}{l^2} \quad (1)$

$\Gamma, 2\Gamma \frac{EI\delta}{l^2} \quad (2)$

$\Gamma \frac{EI\delta}{l^2} \quad (3)$

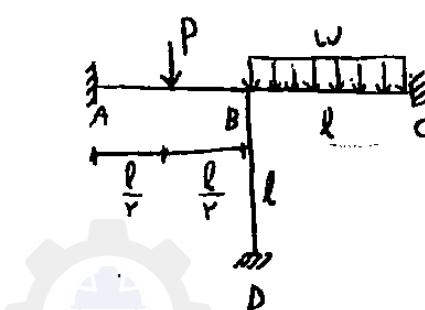
$3 \frac{EI\delta}{l^2} \quad (4)$

$$\begin{aligned} M_{ba} + M_{bc} &= 0 \\ \left(\frac{4EI\theta}{l} - \frac{6EI(-\delta)}{(l)^2} \right) + \left(\frac{4(2EI)\theta}{2l} - \frac{6(2EI)\delta}{(2l)^2} \right) &= 0 \\ \theta \frac{EI}{l} (4+4) = -6 \frac{EI\delta}{l^2} + \frac{3EI\delta}{l^2} \rightarrow \boxed{\theta = \frac{-3\delta}{8l}} & \end{aligned}$$

$$\rightarrow M_{ab} = \frac{2EI\theta}{l} - \frac{6EI(-\delta)}{l^2} = EI \left(-\frac{6}{8} \frac{\delta}{l^2} + \frac{6}{l^2} \right) = 5.25 \frac{EI\delta}{l^2}$$

تمرین آزاد ۸۳

۶۹- در سازه زیر بار P چقدر باشد تا ممان در تکه کاه D برابر صفر شود؟



$\frac{wl}{3} \quad (1)$

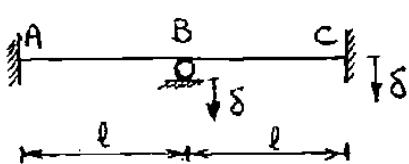
$wl \quad (2)$

$\frac{2}{3}wl \quad (3)$

$\frac{4}{3}wl \quad (4)$

تمرین سراسری ۸۱

در تیر ممتد شکل مقابل با صلبیت خمسی ثابت EI تحت نشستهای تکیه‌گاهی نشان داده شده، کدام است؟

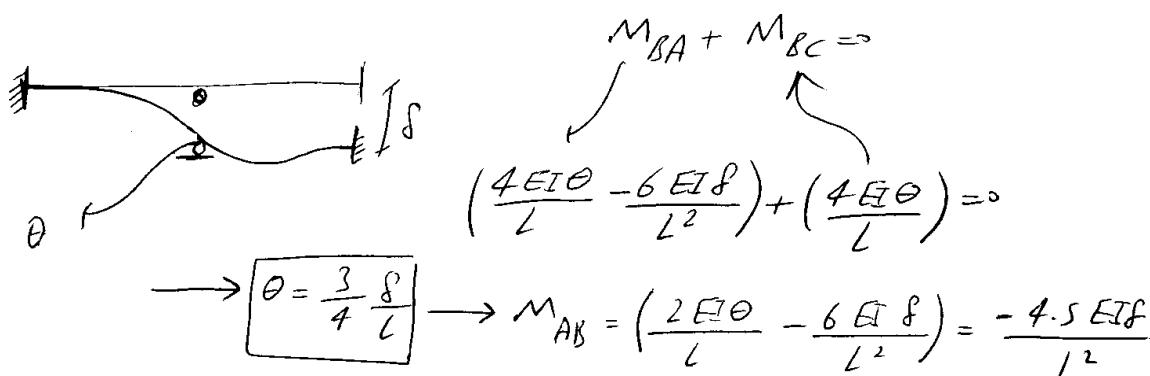


$$\frac{2EI\delta}{l} \quad (1)$$

$$\frac{6EI\delta}{l^2} \quad (2)$$

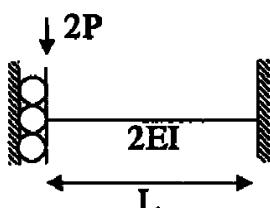
$$\frac{\sqrt{6}EI\delta}{l} \quad (3)$$

$$\frac{4\sqrt{6}EI\delta}{l^2} \quad (4)$$



تمرین: آزاد ۹۳

۵. شب در وسط دهانه تیر مقابل کدام است؟



$$\frac{PL^2}{4EI} \quad (2)$$

$$\frac{PL}{4EI} \quad (3)$$

$$\frac{PL^2}{8EI} \quad (1)$$

$$\frac{PL}{8EI} \quad (4)$$

تمرین: آزاد ۹۳

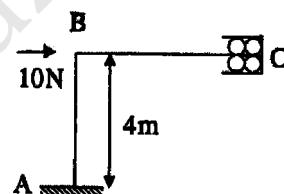
۶. لنگر در C کدام است؟

$$-16\text{KN.m} \quad (1)$$

$$+16\text{KN.m} \quad (2)$$

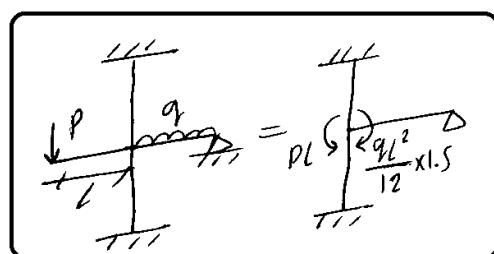
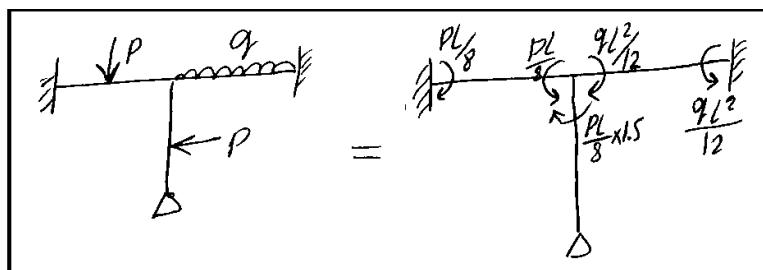
$$-8\text{KN.m} \quad (3)$$

$$\text{صفر} \quad (4)$$

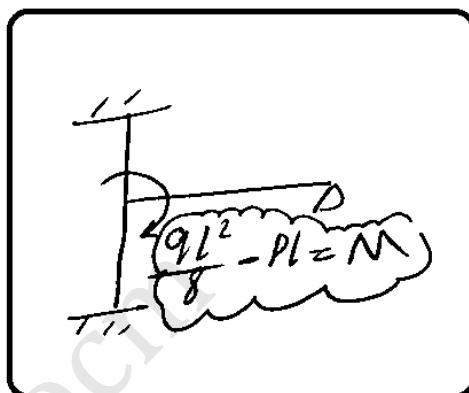
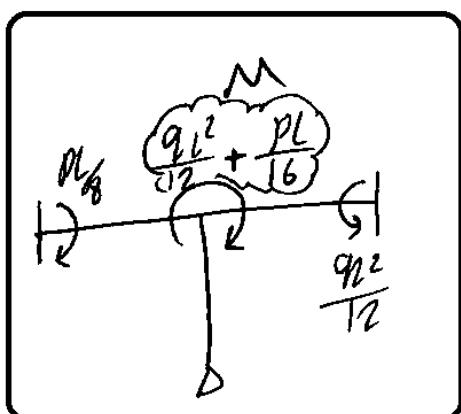


۱۳- پخش لنگر

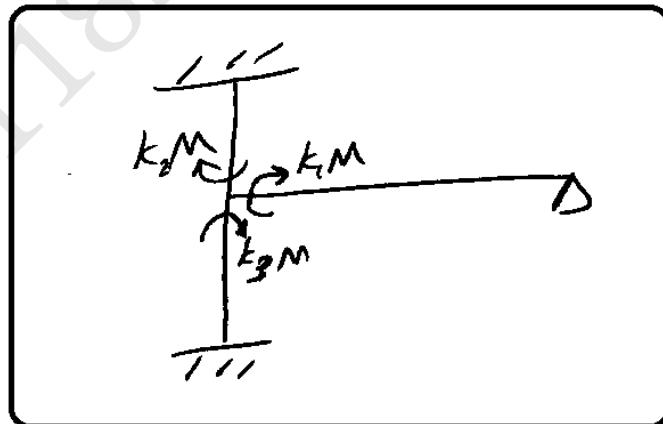
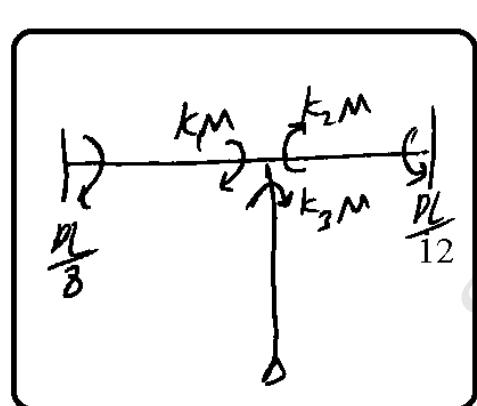
۱- ابتدا لنگر های ناشی از بارها را به گره های کناری منتقل می کنیم:



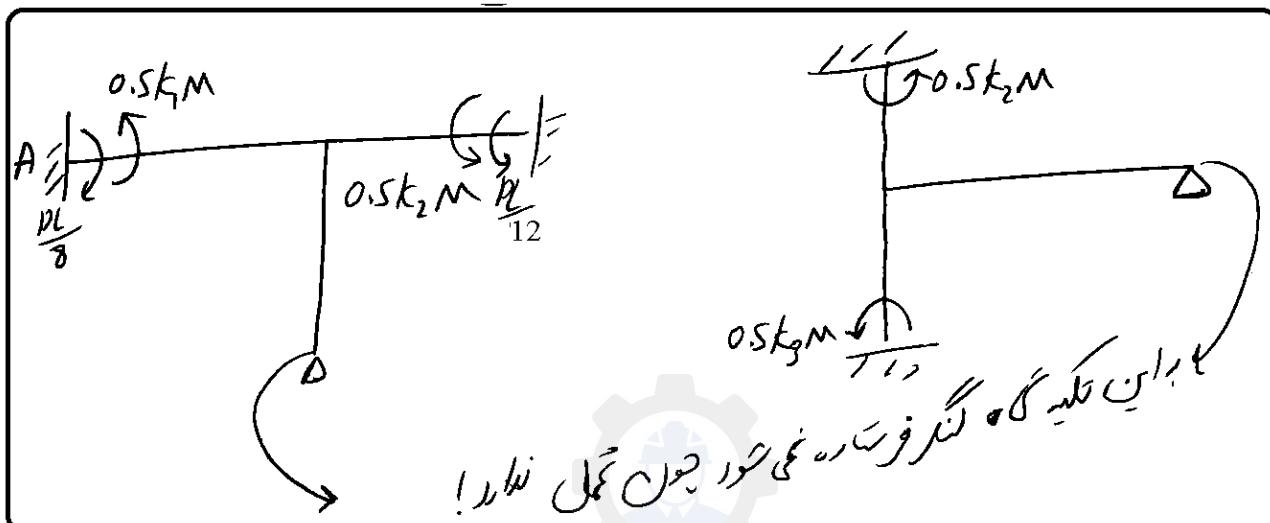
۲- برآیند لنگر ها را می نویسیم:



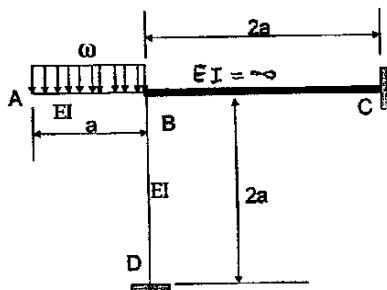
۳- لنگر نامتعادل پس فرستاده می شود:



۴- لنگر های تقسیم شده به تکیه گاههای کناری فرستاده می شوند:

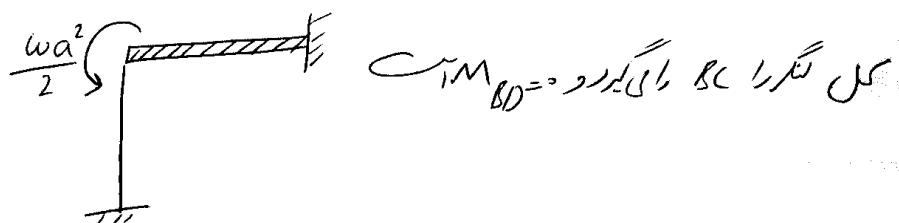


سراسری ۸۷



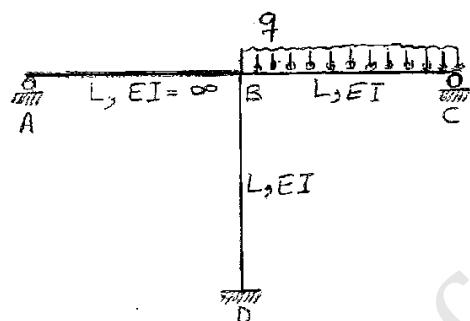
۷۷- در قاب مقابله لنگر انتهای B در سطون BD چقدر است؟

۱) صفر

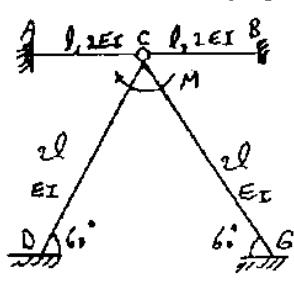
۲) $\omega a^2/2$ ۳) $2\omega a^2/3$ ۴) $\omega a^2/4$ 

سراسری ۸۶

۷۸- در سازه نشان داده شده عکس العمل A کدام است؟

۱) $\frac{qL}{4}$ ۲) $\frac{qL}{2}$ ۳) $\frac{qL}{12}$ ۴) $\frac{qL}{8}$

سراسری ۸۲

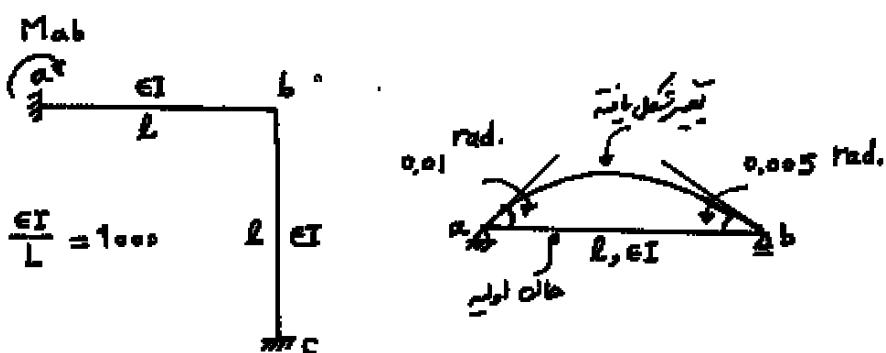
۵۲- در سازه شکل زیر لنگر M_{AC} و M_{DC} چقدر خواهد شد؟۱) $\frac{M}{4}$ و صفر۲) $\frac{M}{4}$, $\frac{M}{3}$ ۳) $\frac{M}{2}$ و صفر۴) $\frac{M}{2}$, $\frac{M}{6}$

لنگر M تنها توسط اعضای DC و GC جذب می شود و چون سختی آنها برابر است بین آندو تقسیم می شود:

$$\begin{cases} M_{AC} = 0 \\ M_{DC} = \frac{1}{2} \left(\frac{M}{2} \right) = \frac{M}{4} \end{cases}$$



-۱۵ - میزان لنگر تکیه‌گاه a در قاب زیر در اثر تغییر درجه حرارت در تیر ab چه مقدار می‌باشد، اگر عضو ab روی تکیه‌گاه‌های مفصلی تحت اثر تغییر درجه حرارت مشابه به صورت زیر تغییر شکل دهد؟



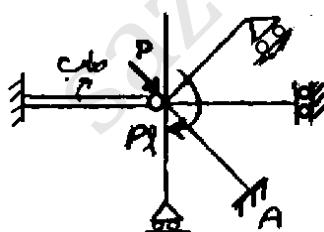
-۲۵ (۲)

۲۵ (۴)

-۲۰ (۱)

۲۰ (۳)

آزاد ۸۸

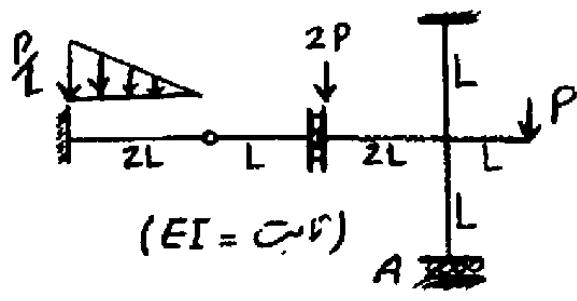


-۷۰ - لنگر تکیه‌گاه A گیردار A کدام است؟ (EI ثابت و طول تمام اعضاء ۱ می‌باشد).

صفر (۱)

 $\frac{2}{11} PI$ (۲) $\frac{PI}{2}$ (۳) $\frac{PI}{4}$ (۴)

آزاد ۸۸



۸۰- لنگر تکیه گاه غلبه کننده بر پیش A کدام است؟
(نیروی $2P$ در سمت راست مفصل برش وارد نشده است.)

$$\frac{3}{5}PL \text{ (۱)}$$

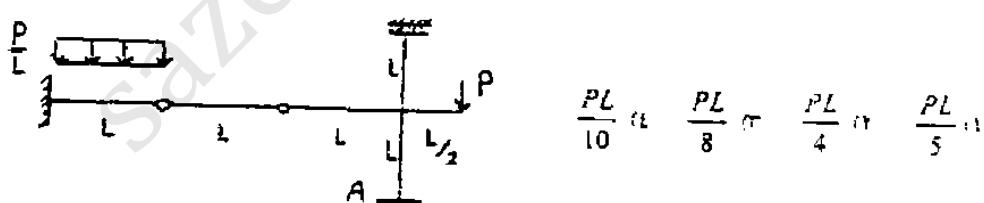
$$\frac{1}{2}PL \text{ (۲)}$$

$$\frac{2}{11}PL \text{ (۳)}$$

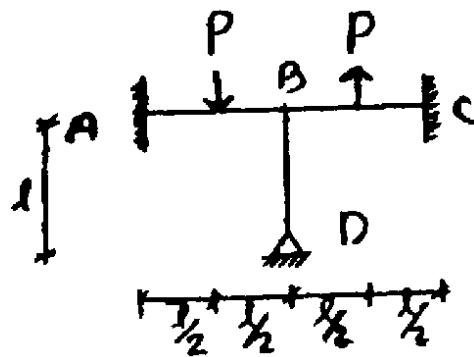
$$\frac{6}{11}PL \text{ (۴)}$$

آزاد ۸۷

لنگر تکیه گاه گیردار A کدام است؟ (صلبیت خمیر اعضا، EI ثابت می باشد)



آزاد ۸۸



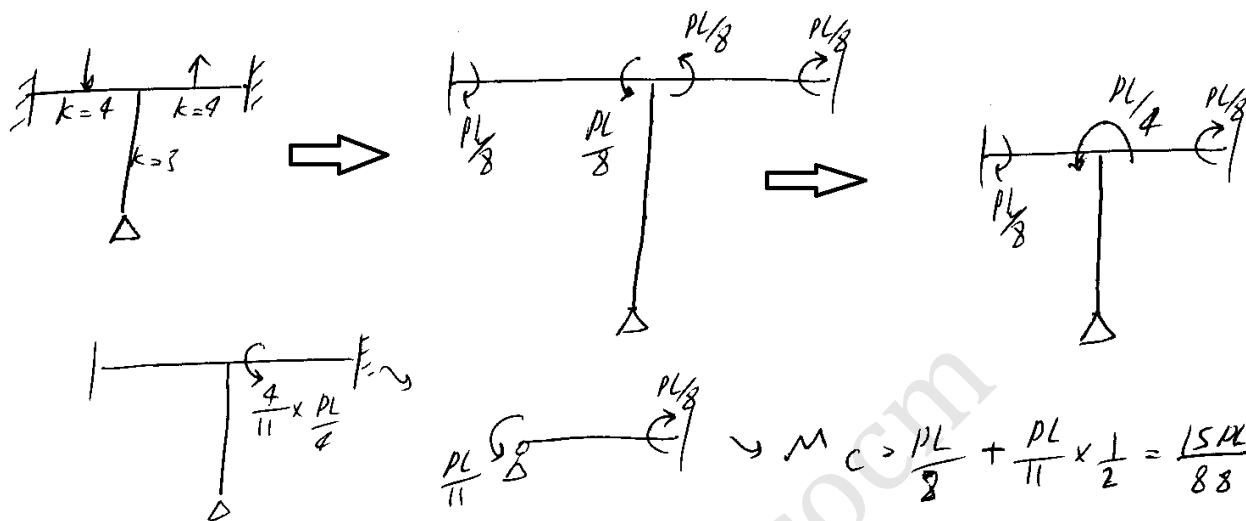
۷۷- لگر نیک گاه C کدام است؟ (EI ثابت)

$$\frac{15}{88} PI \quad (1)$$

$$\frac{7}{88} PI \quad (2)$$

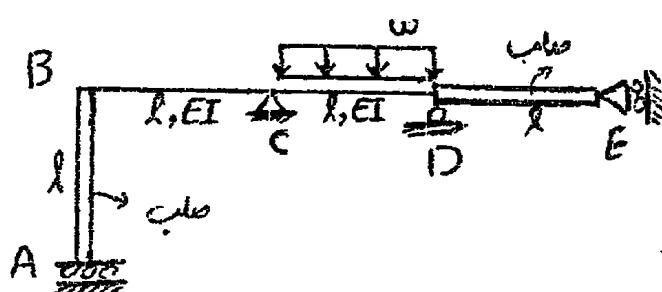
$$\frac{11}{56} PI \quad (3)$$

$$\frac{PI}{8} \quad (4)$$



$$M_C > \frac{PL}{8} + \frac{PL}{11} \times \frac{1}{2} = \frac{15PL}{88}$$

آزاد ۸۹



۷۸- نگر B کدام است؟

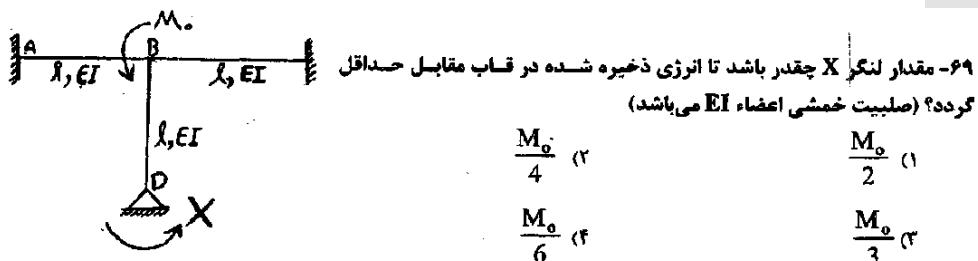
$$\frac{wl^2}{28} \quad (1)$$

$$\frac{wl^2}{32} \quad (2)$$

$$\frac{wl^2}{24} \quad (3)$$

(1) صفر

آزاد ۹۲



۶۹- مقدار لنگر X چقدر باشد تا انرژی ذخیره شده در قاب مقابل حداقل گردد؟ (صلبیت خمثی اعضاء EI می‌باشد)

$$\frac{M_0}{4} \quad (2)$$

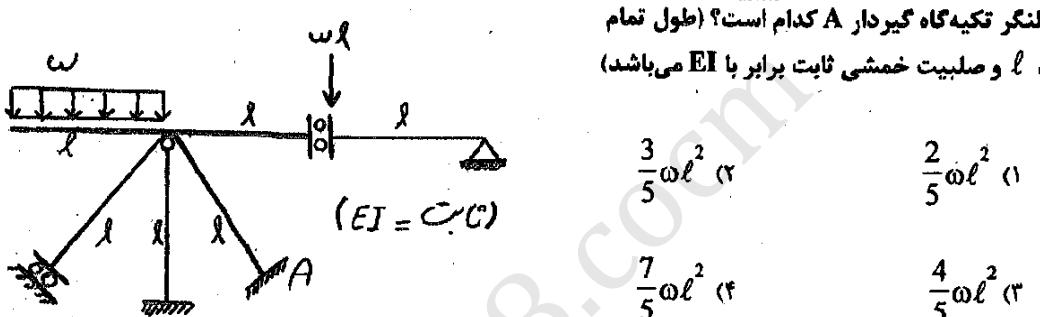
$$\frac{M_0}{2} \quad (1)$$

$$\frac{M_0}{6} \quad (4)$$

$$\frac{M_0}{3} \quad (3)$$

گزینه ۴: مقدار X باید چنان باشد که دوران گره D صفر شود (تا انرژی حداقل شود). بنابراین فرض می‌کنیم که تکیه گاه D گیردار است و عکس العمل آنرا بدست می‌آوریم. در این صورت با توجه به مبحث پخش لنگر، لنگر M_0 به نسبت مساوی بین سه عضو تقسیم می‌شود و سهم ستون $M_0/3$ از لنگر برابر $M_0/6$ خواهد بود که نصف آن به تکیه گاه D منتقل می‌شود و مقدار لنگر X برابر $M_0/6$ خواهد بود.

آزاد ۹۲



۷۹- لنگر تکیه گاه گیردار A کدام است؟ (طول تمام اعضاء l و صلبیت خمثی ثابت برابر با EI می‌باشد)

$$\frac{3}{5}\omega l^2 \quad (2)$$

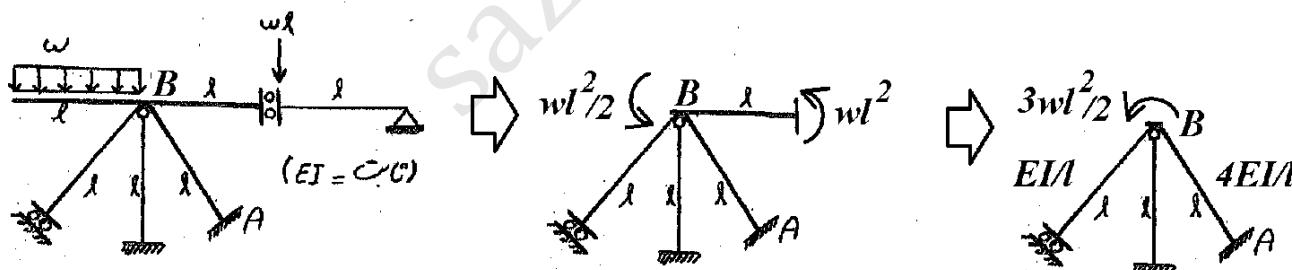
$$\frac{2}{5}\omega l^2 \quad (1)$$

$$\frac{7}{5}\omega l^2 \quad (4)$$

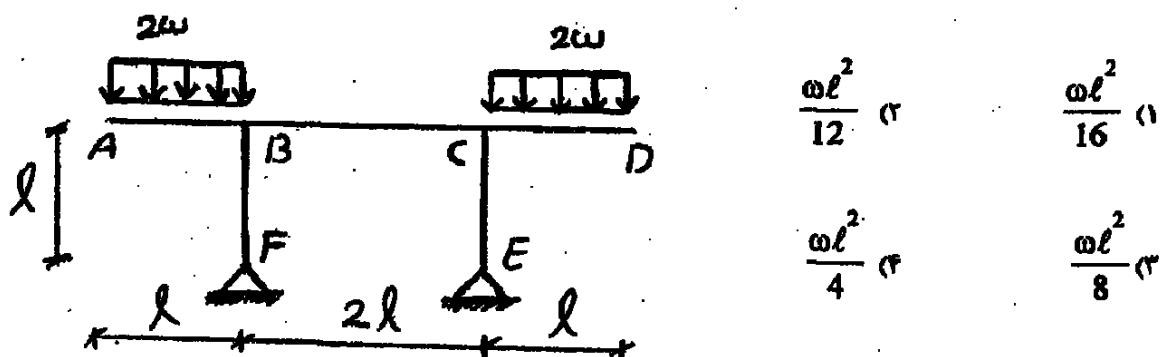
$$\frac{4}{5}\omega l^2 \quad (3)$$

گزینه ۲ - لنگر متغیر به نسبت سختی بین دو عضو مایل پخش می‌شود. اتصال ستون میانی به گره مفصلی بوده و در تحمل لنگر مشارکت ندارد. سختی ستونها در کنار آنها نشان داده شده است.

$$M_{BA} = \frac{3wl^2}{2} \times \frac{4}{4+1} = \frac{6wl^2}{5} \rightarrow M_{AB} = M_{BA} \times \frac{1}{2} = \frac{3wl^2}{5}$$

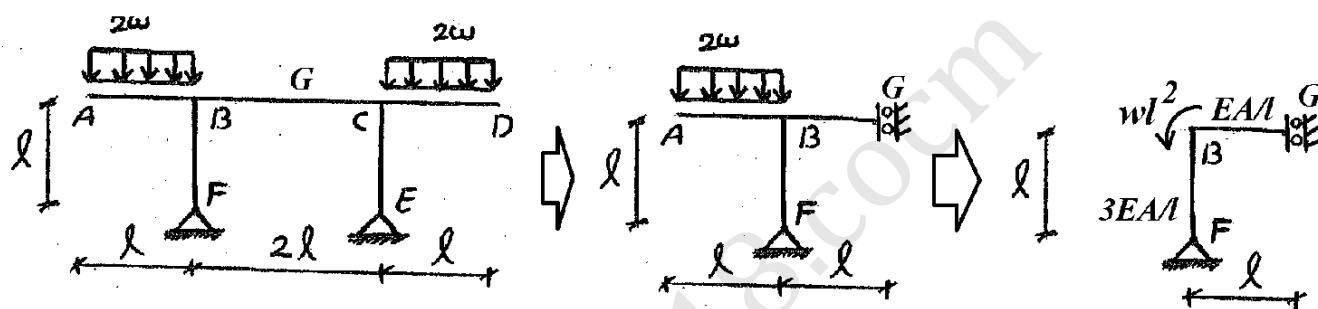


۸۰- لنگر داخلی در وسط عضو BC کدام است؟ (صلبیت خمی تمام اعضاء EI می‌باشد)



گزینه ۴ - با استفاده از تقارن و استفاده از روش پخش لنگر می‌توان لنگر در وسط تیر را محاسبه نمود. سختی ستونها در کنار آنها نشان داده شده است.

$$M_{GB} = M_{BG} = \frac{1}{1+3} wl^2 = \frac{wl^2}{4}$$



۱۴- مدل سازی با فنر

۸۳ سراسری



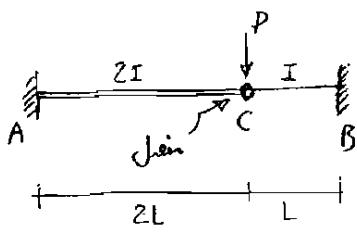
۷۶) مقدار چاچایی نقطه C و لنگر M_{AL} در تیر شکل زیر برآورده است با:

$$-\frac{Yp\ell}{\Delta}, \frac{Yp\ell^r}{YEI} \quad (Y)$$

$$-\frac{pl}{\gamma}, \frac{\lambda pl^r}{10EI} \quad (1)$$

۸۲ اسری

۴۷- در تیر مقابل قدر مطلق لنگرهای انتهایی تحت اثر بار مرکزی P کدامند؟ (توجه: ممان اینرسی قطعه AC دو برابر ممان اینرسی قطعه D است.)



$$M_A = \frac{PL}{\Delta}, M_B = \frac{\epsilon PL}{\Delta} \quad (1)$$

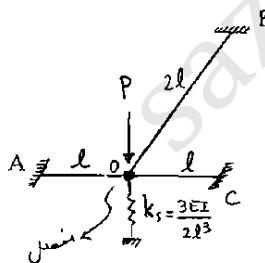
$$M_A = \frac{\gamma PL}{\Delta}, M_B = \frac{\gamma PL}{\Delta} \quad (1)$$

$$M_A = \frac{\gamma PL}{\delta}, M_B = \frac{\gamma PL}{\delta} \quad (1)$$

$$M_A = \frac{PL}{r}, M_B = \frac{PL}{r} \quad (F)$$

۸۳

۵-۲- در سازه مسطح شکل مقابل، بار P عمود بر صفحه سازه در نقطه O به آن اعمال می شود. لگر خمی در تکیه گاه B چقدر است؟ صلابت خمی اعضاء AO و CO برای با $\frac{EI}{L}$ و صلابت خمی عضو BO با $4EI$ است.



P1
1

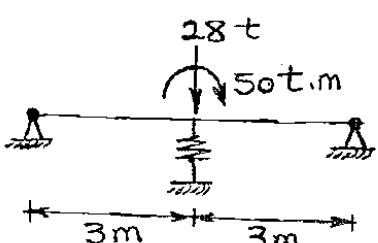
Pl (T)

۱۰

۴۰

۸۶ سراسری

- ۷۰- تیر شکل مقابله با صلیت خمی $t.m^3$ در وسط دهانه بر فنری به سختی $\frac{t}{m}$ ۲۰۰ آنکاء دارد. نیرو در فنر بر حسب ton چقدر



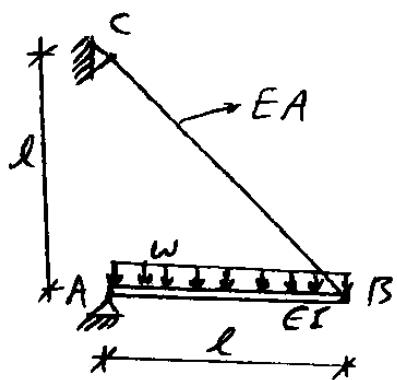
ابیت؟

1

۲۰۷

10 (T)

三



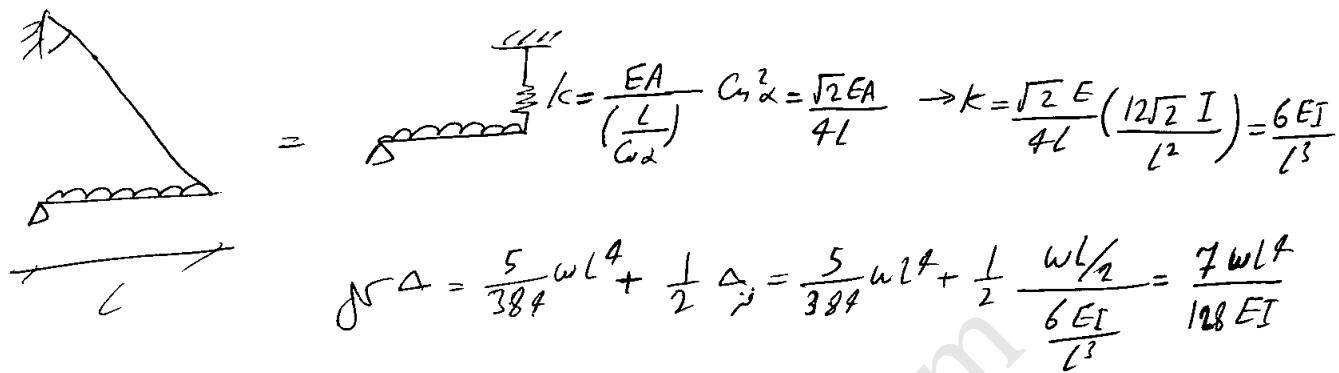
-۴۰- با فرض E ثابت، تغییر مکان در نقطه وسط تیر AB چقدر است؟

$$(1/48)wl^4/EI \quad (1)$$

$$(13/384)wl^4/EI \quad (2)$$

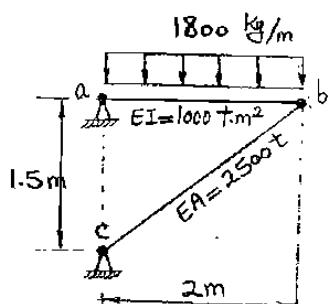
$$(3/128)wl^4/EI \quad (3)$$

۴) میتوانید



سراسری ۸۶

-۶۹- در سازه شکل مقابل با اتصالات مفصل خمی از تغییر شکل محوری و برشی عضو ab صرفنظر می‌شود. تغییر مکان گره b بر حسب mm کدام است؟



۱) ۲

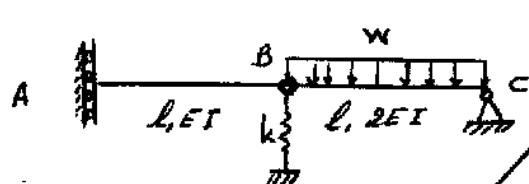
۲) ۴

۳) ۵

۴) ۶

سراسری ۹۱

-۵۷- مقدار تغییر مکان نقطه A تحت بارهای نشان داده شده در سازه شکل زیر چقدر است؟

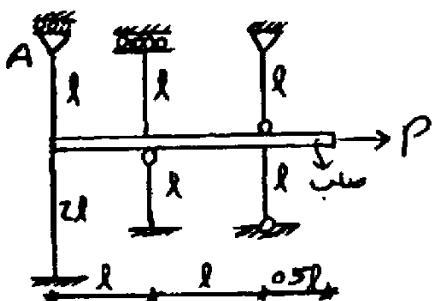


$$\frac{\gamma w I^f}{EI} \quad (1)$$

$$\frac{w I^f}{EI} \quad (2)$$

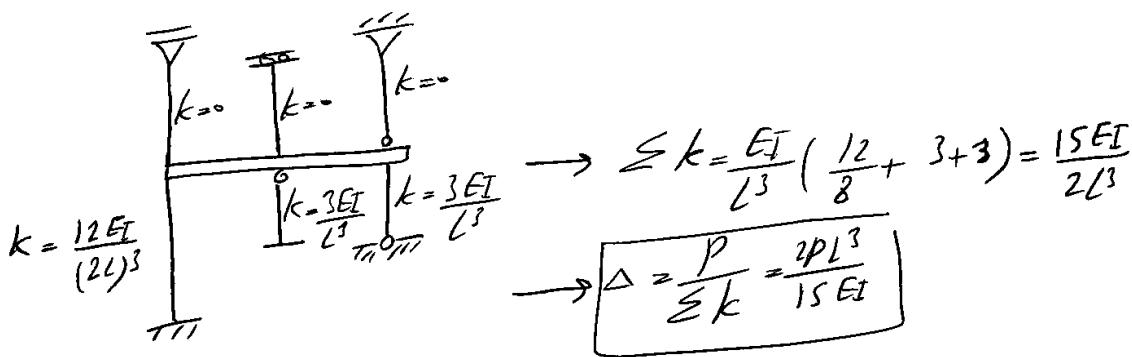
$$\frac{\gamma w I^f}{\gamma EI} \quad (3)$$

$$\frac{w I^f}{\gamma EI} \quad (4)$$



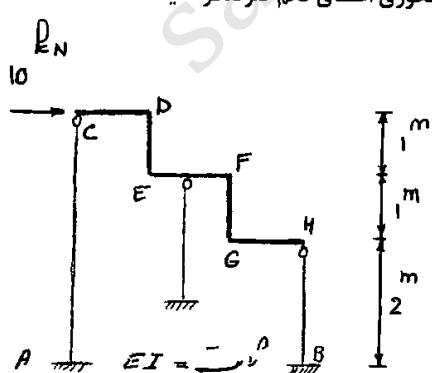
-۷۶- تغییر مکان نکته گاه کدام است؟
(صلبیت خمسی تمام ستونها می باشد).
 $\frac{2PL^3}{39EI}$ (۲) $\frac{2PL^3}{27EI}$ (۱)

$$\frac{2PL^3}{51EI} \quad (۳) \quad \frac{2PL^3}{15EI} \quad (۴)$$



۹۲ سراسری

-۵۹- مقدار $\frac{M_A}{M_B}$ کدام است؟ سقف قاب را صلب فرض و از تغییر طول محوری اعضای قائم صرف نظر کنید.



$$\frac{1}{2} \quad (۱)$$

$$\frac{1}{8} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{4} \quad (۳)$$

$$\frac{1}{16} \quad (۴)$$

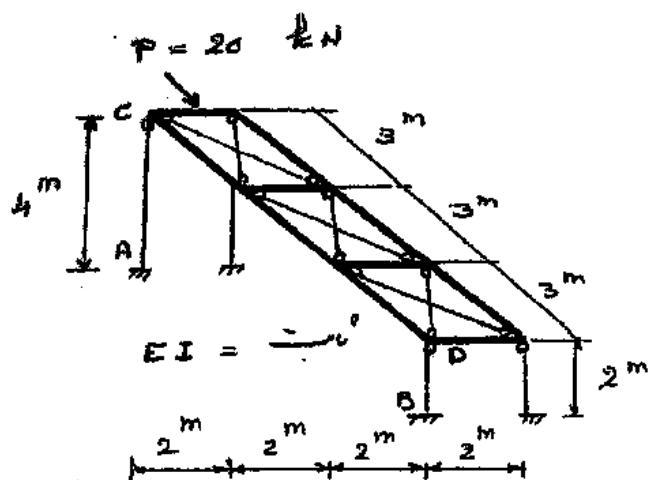
. گزینه ۳

نیرو به نسبت سختی بین ستونها تقسیم می شود:

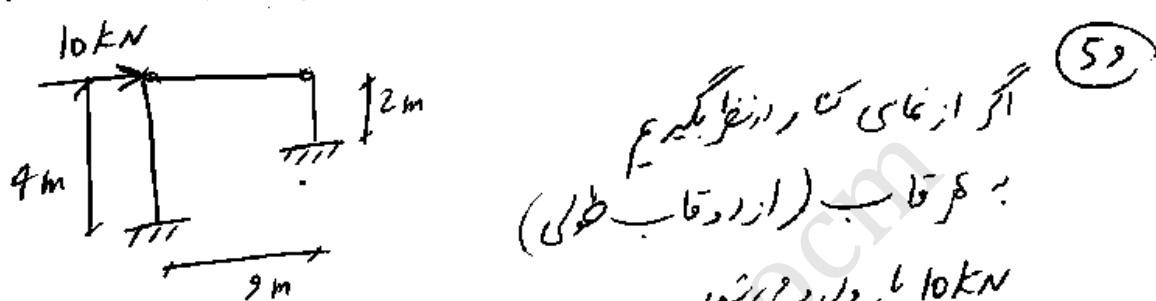
$$\left. \begin{aligned} K_{AC} &= \frac{3EI}{(4L)^3} \\ K_{BH} &= \frac{3EI}{(2L)^3} \end{aligned} \right\} \rightarrow \frac{V_{AC}}{V_{BH}} = \frac{K_{AC}}{K_{BH}} = \frac{1}{8} \rightarrow \frac{M_A}{M_B} = \frac{V_{AC} \times 4}{V_{BH} \times 2} = \frac{1}{4}$$



اگر متفق قاب شکل مقابل را افقی و صلب فرض کنیم، نسبت $\frac{M_A}{M_B}$ چقدر است؟



۱	(۱)
۲	(۲)
۳	(۳)
۴	(۴)
۵	(۵)

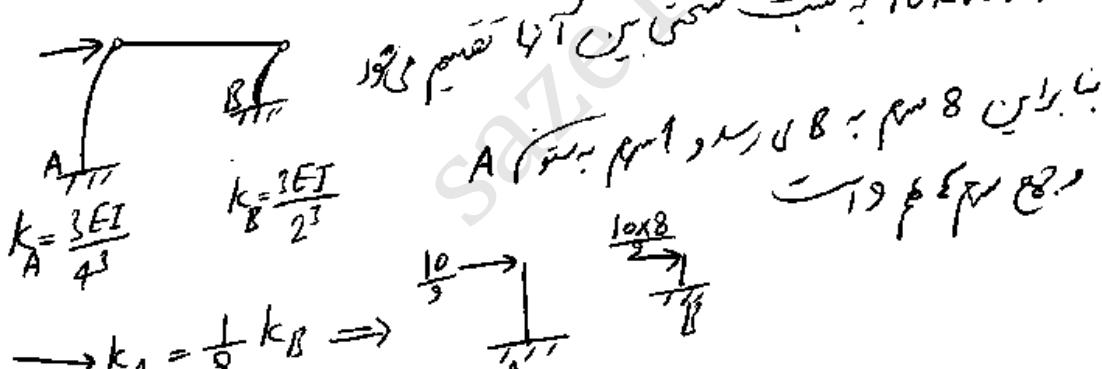


اگر از عایی که را نظر گیریم
ب چه قاب (از رو قاب طولی)

(۵۹)

مانند که تیر طولی عملی کنند و سطح آنها متفاوت

$$\text{و با را بار داریم} \quad \text{با} \quad \frac{3EI}{L^3} \text{ است}$$

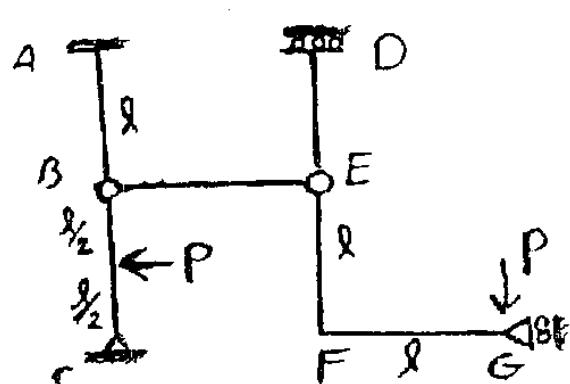


$$\rightarrow M_A = \frac{10}{9} \times 4 = \frac{40}{9} \quad M_B = \frac{10 \times 8}{9} \times 2 = \frac{160}{9}$$

$$\rightarrow \boxed{\frac{M_A}{M_B} = \frac{1}{4}}$$



(۷۴) - کدام گزینه صحیح می‌باشد؟ (EI ثابت)

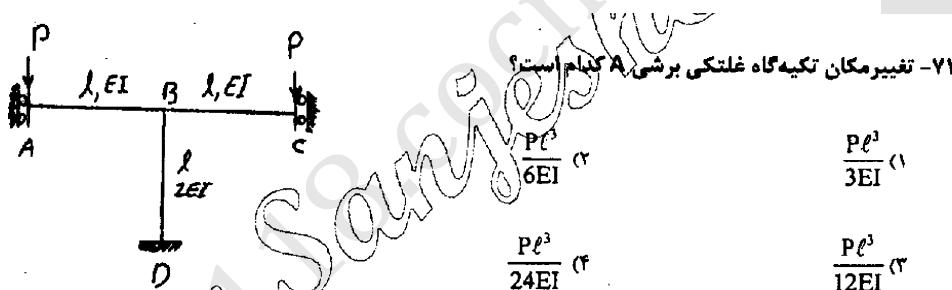


$$\delta_B = \delta_E = \delta_D = \frac{P\ell^3}{2EI} \quad (1)$$

$$\delta_D = \frac{P\ell^3}{6EI}, \delta_B = \delta_E = \frac{P\ell^3}{3EI} \quad (2)$$

$$\delta_B = \delta_E = \delta_D = \frac{P\ell^3}{3EI} \quad (3)$$

$$\delta_B = \frac{P\ell^3}{2EI}, \delta_E = \delta_D = \frac{P\ell^3}{3EI} \quad (4)$$

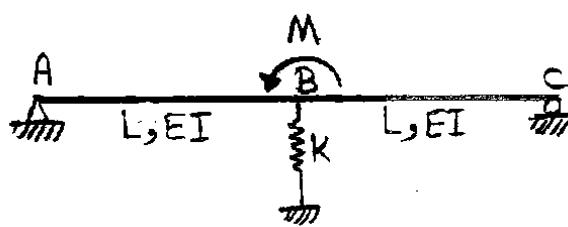


$$\frac{P\ell^3}{6EI} \quad (1)$$

$$\frac{P\ell^3}{24EI} \quad (2)$$

$$\frac{P\ell^3}{12EI} \quad (3)$$

$$\frac{P\ell^3}{12EI} \quad (4)$$

(۷۷) - نیرو در فنر چقدر است؟ $\left(K = \frac{\gamma EI}{L^r} \right)$ 

(۱) صفر

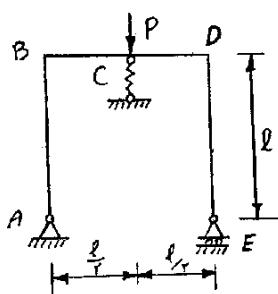
$$\frac{M}{L} \quad (2)$$

$$\frac{M}{\gamma L} \quad (3)$$

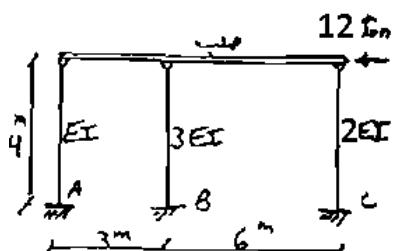
$$\frac{M}{\gamma L} \quad (4)$$



۸۳- صلابت خمی اعضای قاب شکل مقابل EI و ضریب فنریت فتر C برابر $\frac{\ell^3}{4AEI}$ می‌باشد. نیروی فتر را محاسبه کنید.



$$\begin{aligned} \text{صفر } 1 &: \frac{P}{2} \\ \text{صفر } 2 &: \frac{P}{2} \\ \text{صفر } 3 &: \frac{P}{2} \\ \text{صفر } 4 &: P \end{aligned}$$



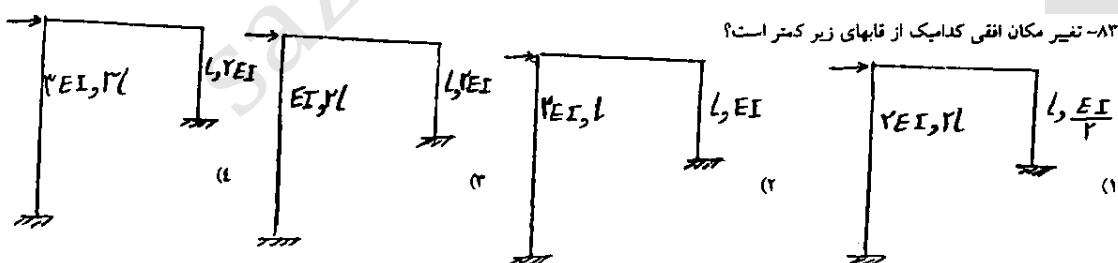
۸۴- لنگرهای انتهایی ستونها در سازه داده شده برابر است با:

$$M_A = M_B = M_C = 18 \text{ ton-m} \quad (1)$$

$$M_A = 2M_B = 2M_C = 24 \text{ ton-m} \quad (2)$$

$$M_A = \lambda \text{ton-m}, M_B = 2M_A, M_C = 2M_A \quad (3)$$

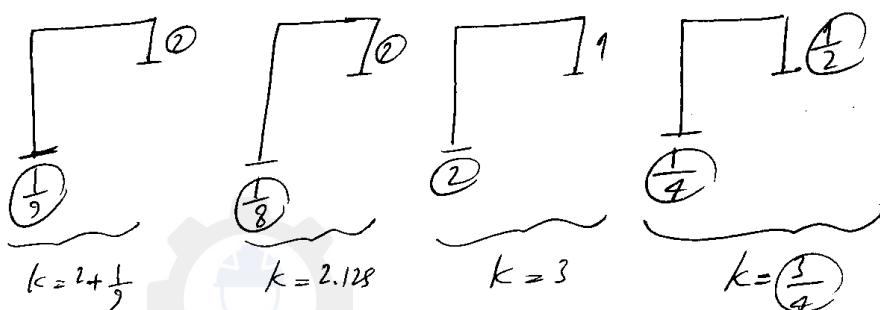
$$M_A = M_C = 24 \text{ ton-m}, M_B = \text{صفر} \quad (4)$$



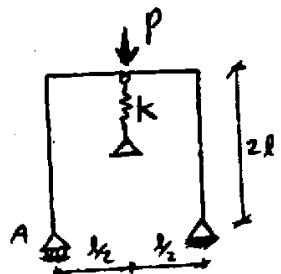
اگر تیرها صلب باشند، سختی ستونها:

اگر تیرها شل باشند، سختی جانبی ستونها:

پس سازه‌ای که ستونهای آن بیشتر باشد، سخت‌تر است و حرکت آن کمتر خواهد بود:



آزاد ۸۸



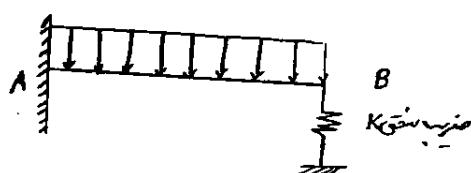
-۷۸- تغییر مکان تکه گاه A کدام است؟ ثابت و $K = \frac{24EI}{l^3}$

(۱) صفر $\frac{Pl^3}{6EI}$

(۲) $\frac{Pl^3}{24EI}$

(۳) $\frac{Pl^3}{12EI}$

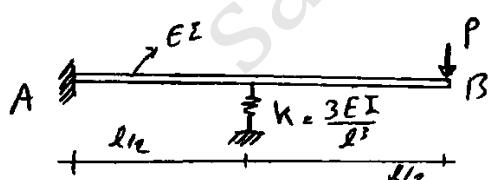
آزاد ۸۵



-۸۲- با افزایش سختی فنر

- (۱) لگر تکه گاه A افزایش می یابد.
 (۲) ممکن است کامش و یا افزایش یابد.
 (۳) لگر تکه گاه A تغییر نمی کند.

آزاد ۸۳



-۳۸- نیروی داخلی فنر چقدر است؟

۵P/18 (۱)

7P/18 (۲)

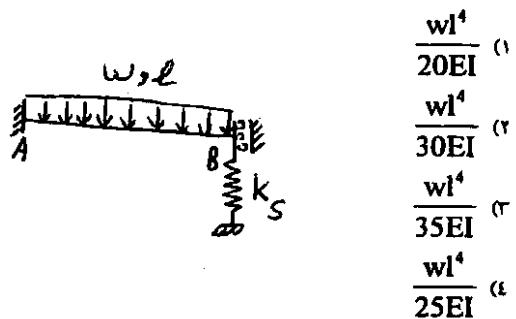
P/3 (۳)

(۴) هیچکدام



آزاد ۸۳

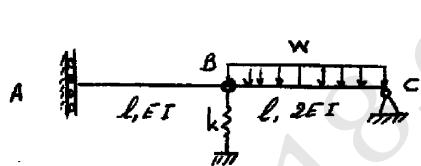
-۲۸- در تیر زیر تغییر مکان B چقدر است؟ $(k_s = \frac{3EI}{l^3})$



سراسری ۹۱

$$\left(k^{-1} = \frac{I^f}{EI} \right)$$

مقدار تغییر مکان نقطه A تحت باارگذاری نشان داده شده در سازه شکل زیر چقدر است؟



$$\frac{2wI^f}{EI}$$
 (۱)

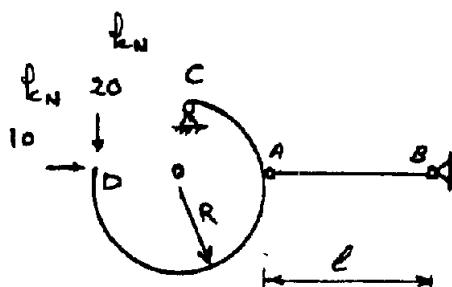
$$\frac{wI^f}{EI}$$
 (۲)

$$\frac{2wI^f}{EI}$$
 (۳)

$$\frac{wI^f}{EI}$$
 (۴)

سراسری ۹۳

-۶۳- اگر ابعاد مقطع مربعی شکل میله AB را 50% کاهش و شعاع دایره را 10% افزایش دهیم، طول میله را باید چند برابر کنیم تا جابجایی قائم نقطه D هشت برابر شود؟ از اثر نیروی محوری و برشی در قطعه خمی صرفنظر کنید.



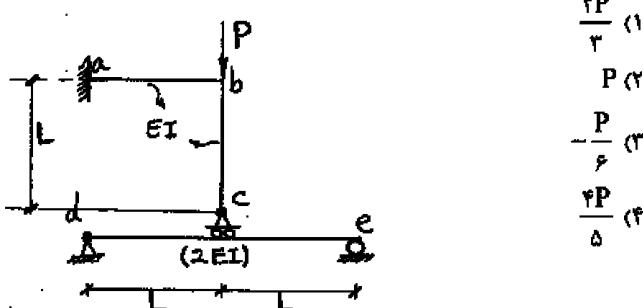
- ۲ (۱)
۴ (۲)
۸ (۳)

۴) بستگی به عوامل دیگر دارد و نمی‌توان گفت.



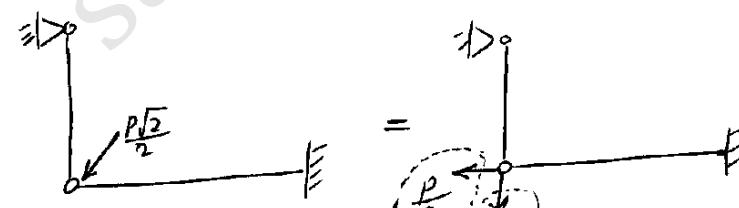
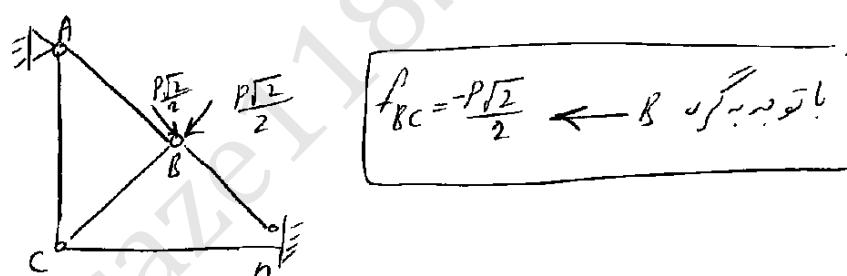
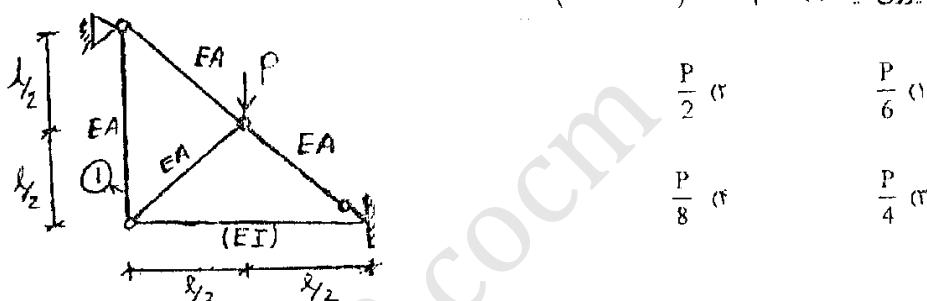
-۱۱ در سازه شکل مقابل مقادیر نسبی ملبيت خمسي روی شکل مشخص شده و از

تغییر شکل‌های محوری و برشی صرف نظر می‌گردد. نیرو در غلتک ۳ کدام است؟



آزاد ۹۰

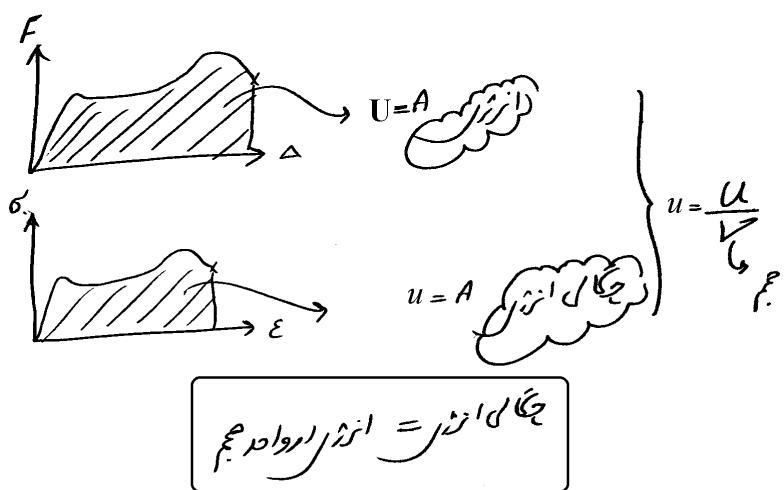
-۷۸ نیروی میله (۱) کدام است؟ ($EJ = EA \cdot l^2$)



این نیرو برابر میله (۱) باشد
چون میدانیم که این نیرو متناسب با تنشی میله تقسم شود

$$\rightarrow \frac{EA}{L} \times \frac{3EI}{L^3} = \frac{3EA}{L} \quad \left. \begin{array}{l} \text{نتی تنشی ۳ برابر میله است} \\ \text{نمایم ۳ نیروی میله بر میله میله} \\ \text{بر میله میله میله} \end{array} \right\}$$

$$F_1 = \frac{1}{4} \times \frac{P}{2} = \frac{P}{8}$$



انرژی ذخیره شده در عضو را به دو طریق می توان محاسبه کرد:

۱- کار انجام شده توسط نیروهای خارجی:

$$\text{Diagram: Fixed-free beam under a vertical force } P. \Rightarrow U = \frac{P\Delta}{2} = \frac{P}{2} \left(\frac{PL^3}{3EI} \right) = \frac{P^2 L^3}{6EI}$$

$$\text{Diagram: Fixed-free beam under a vertical force } P. \Rightarrow U = \frac{P\Delta}{2} = \frac{P}{2} \left(\frac{PL}{EA} \right) = \frac{P^2 L}{2EA}$$

$$\text{Diagram: Fixed-free beam under a vertical force } P \text{ and a clockwise moment } PL. \Rightarrow U = \left[\frac{P\Delta}{2} \right] + \left[\frac{PL\theta}{2} \right] = \left[\frac{P}{2} \left(\frac{PL^3}{3EI} + \frac{(PL)L^2}{2EI} \right) \right] + \left[\frac{PL}{2} \left(\frac{PL^2}{2EI} + \frac{(PL)L}{EI} \right) \right] = \frac{7PL^3}{6EI}$$

$$\text{Diagram: Fixed-free beam under a vertical force } P \text{ and a clockwise moment } PL. \Rightarrow U = \left[\frac{P\Delta}{2} \right] + \left[\frac{PL\theta}{2} \right] = \left[\frac{P}{2} \left(\frac{PL^3}{3EI} - \frac{(PL)L^2}{2EI} \right) \right] + \left[\frac{PL}{2} \left(\frac{-PL^2}{2EI} + \frac{(PL)L}{EI} \right) \right] = \frac{PL^3}{6EI}$$

۲- کار انجام شده توسط نیروهای داخلی:

انرژی را در یک المان به طول dx و به سطح مقطع A محاسبه کرده و سپس انتگرال می گیریم:

$$\text{Diagram: Element of length } dx \text{ at position } x. \text{ Force } P \text{ acts at the free end. Area } A \text{ is indicated.} \quad dU_{\text{المان}} = \frac{P_{\text{المان}} \times \Delta_{\text{المان}}}{2} = \frac{P \times P dx}{2} = \frac{P^2}{2EA} dx$$

$$U = \int_0^L \frac{P^2}{2EA} dx = \frac{P^2 L}{2EA}$$

$$\text{Diagram: Element of length } dx \text{ at position } x. \text{ Moment } M \text{ acts at the free end. Area } A \text{ is indicated.} \quad dU_{\text{المان}} = \frac{M_{\text{المان}} \times \theta_{\text{المان}}}{2} = \frac{-M \times -M dx}{2EI} = \frac{M^2}{2EI} dx$$

$$U = \int_0^L \frac{M^2}{2EI} dx = \frac{M^2 L}{2EI}$$

$$\text{Diagram: Element of length } dx \text{ at position } x. \text{ Force } P \text{ acts vertically downwards at the free end. Area } A \text{ is indicated.} \quad U = \int_0^L \frac{M^2}{2EI} dx = \int_0^L \frac{(-Px)^2}{2EI} dx = \frac{P^2 L^3}{6EI}$$

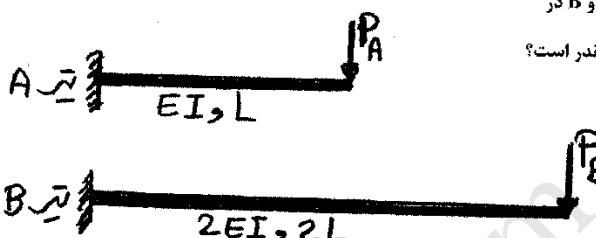
$$\text{Diagram: Element of length } dx \text{ at position } x. \text{ Force } P \text{ acts vertically downwards at the free end. Moment } M = PL \text{ acts clockwise at the free end. Area } A \text{ is indicated.} \quad U = \int_0^L \frac{M^2}{2EI} dx = \int_0^L \frac{(-Px+PL)^2}{2EI} dx = \int_0^L \frac{(P^2 x^2 + P^2 L^2 - 2P^2 xL)}{2EI} dx = \frac{P^2 L^3}{6EI}$$

روش اول ساده تر و سریعتر می باشد و در مواردی که امکان پذیر است از روش اول برای محاسبه انرژی استفاده می شود.

نکته: در برخی از تیرهای فوق انرژی کرنشی ناشی از برش نیز داریم. مقدار انرژی کرنشی ناشی از برش در تیرها بسیار کمتر از انرژی کرنشی ناشی از خمش می باشد و معمولاً در محاسبه انرژی کرنشی از آن صرف نظر می شود. در تیرهایی که طول آنها کوتاه است، مقدار انرژی برشی نسبت به خمشی افزایش می یابد و باید در تیرهای کوتاه انرژی ناشی از برش را نیز منظور کرد.

سراسری ۸۹

-۶۳ اگر انرژی ذخیره شده در تیرهای A و B در
اثر خمش برابر باشد، نسبت $\frac{P_A}{P_B}$ چقدر است؟

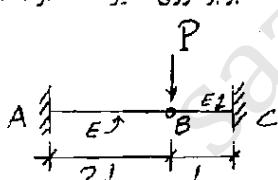


- ۱ (۱)
- ۲ (۲)
- ۳ (۳)
- ۴ (۴)

$$\begin{aligned} U_A &= \frac{P_A \times \Delta_A}{2} = \frac{P_A \left(\frac{P_A L^3}{3EI} \right)}{2} = \frac{P_A^2 L^3}{6EI} \\ U_B &= \frac{P_B \times \Delta_B}{2} = \frac{P_B \left(\frac{P_B (2L)^3}{3(2EI)} \right)}{2} = \frac{2P_B^2 L^3}{3EI} \end{aligned} \Rightarrow U_B = U_A \Rightarrow \frac{P_A^2}{6} = \frac{2P_B^2}{3} \Rightarrow \frac{P_A}{P_B} = 2$$

سراسری ۸۴

-۵۵ چنانچه مقطع تیر شکل مربع مستطیل با یهندای ثابت باشد و انرژی ذخیره شده در قسمت AB برابر انرژی ذخیره شده در قسمت BC باشد. آنگاه ارتفاع مقطع در قسمت AB چند برابر قسمت BC می باشد؟



- ۱ (۱)
- ۲ (۲)
- ۳ (۳)
- ۴ (۴)

$$\begin{aligned} U_{AB} &= U_{BC} \Rightarrow \frac{P_1^2 (2L)^3}{6EI_1} = \frac{P_2^2 (L)^3}{6EI_2} \\ \Rightarrow \frac{8P_1^2}{I_1} &= \frac{P_2^2}{I_2} \end{aligned}$$

از طرفی P_2 به نسبت سه قسم از P_1 می باشد

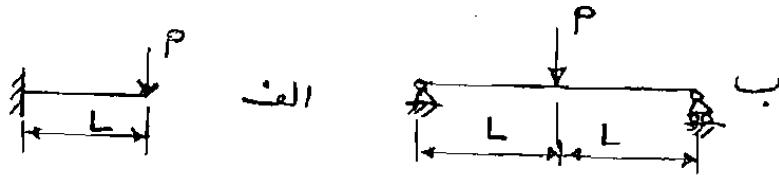
$$\frac{P_1}{P_2} = \frac{k_1}{k_2} = \frac{EI_1/(2L)^3}{EI_2/L^3} = \frac{I_1}{8I_2}$$

$$\begin{aligned} \left(\frac{P_1}{P_2}\right)^2 &= \frac{I_1}{8I_2} \quad \frac{P_1}{P_2} = \frac{I_1}{8I_2} \\ \left(\frac{I_1}{8I_2}\right)^2 &= \frac{I_1}{8I_2} \rightarrow \frac{I_1}{8I_2} = 1 \\ \Rightarrow \frac{h_1}{h_2} &= 2 \end{aligned}$$



سراسری ۸۲

۳۱- سطح مقطع و جنس تیرهای شکل های زیر یکی است. اگر انرژی کرنش (تنجش) ذخیره شده در شکل الف مساوی U باشد، انرژی کرنش شکل ب چقدر است؟



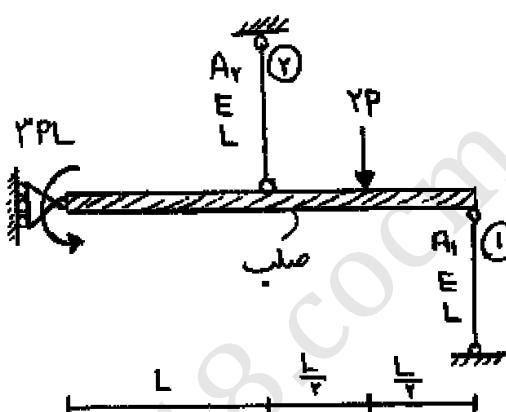
- ۱) U
۲) $2U$
۳) $\frac{U}{2}$
۴) $\frac{U}{4}$

$$\text{الف} \quad U = \frac{PL^3}{6EI} \quad \therefore U = \frac{P(2L)^3}{48EI} = \frac{P^2 L^3}{12EI} \rightarrow \underline{U} = \frac{\underline{U}_{\text{الف}}}{2} = \frac{U}{2}$$

سراسری ۹۳- دکتری

در شکل نشان داده شده، نسبت سطح مقطع میله ۱ به سطح مقطع میله ۲،

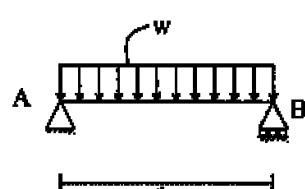
$$\frac{A_1}{A_2} \quad \text{چندرو باشد تا انرژی کرنشی هر دو میله با هم برابر شود؟}$$



- ۱) $\frac{1}{2}$
۲) $\frac{1}{4}$
۳) 1
۴) 2

دکتری ۹۳

۱۹- تیر ساده به طول l مفروض است. صلبیت خمشی EI . صلبیت برشی آن GA/f_g . ضریب پوآسون $\nu = 0.25$ و مقطع تیر به شکل مستطیل است. اگر $\frac{h}{l}$ انرژی تغییر شکل خمشی ده برابر انرژی تغییر شکل برشی باشد، نسبت $\frac{h}{l}$ چقدر است؟ lb ارتفاع تیر است.

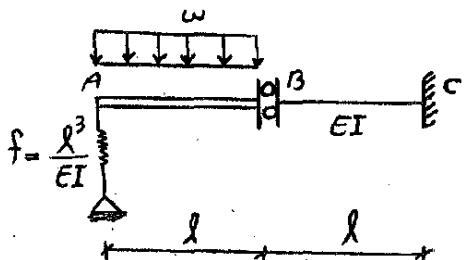


- ۱) ۰/۱۵
۲) ۰/۲
۳) ۰/۲۵
۴) ۰/۱



آزاد ۹۲

۷۱- انرژی سازه نشان داده شده کدام است؟ (قسمت AB صلب و



$$\text{نرمی فنر } f = \frac{l^3}{EI} \text{ می باشد}$$

$$\frac{3}{8} \frac{\omega^2 l^5}{EI} \text{ (r)}$$

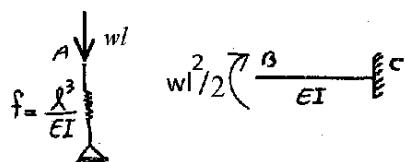
$$\frac{2}{5} \frac{\omega^2 l^5}{EI} \text{ (r)}$$

$$\frac{5}{8} \frac{\omega^2 l^5}{EI} \text{ (r)}$$

$$\frac{5}{3} \frac{\omega^2 l^5}{EI} \text{ (r)}$$

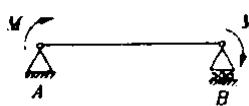
گزینه ۴ - مفصل B برش منتقل نمی کند و نیروی فنر برابر wl خواهد بود. از طرفی به عضو BC در نقطه B لنگر $\frac{wl^2}{2}$ وارد می شود.

$$U = \frac{wl \left(\frac{wl^4}{EI} \right)}{2} + \frac{\frac{wl^2}{2} \left(\frac{\frac{wl^2}{2} l}{EI} \right)}{2} = \frac{5w^2 l^5}{8 EI}$$



آزاد ۸۷

۵۹- انرژی کرنسر تبر زیر چقدر است؟ (طول تبر A و صلابت حمایت آر EI است)



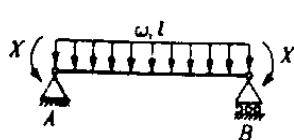
$$\frac{M^2 l}{12 EI} \text{ (t)}$$

$$\frac{M^2 l}{4 EI} \text{ (r)}$$

$$\frac{Ml^2}{3 EI} \text{ (r)}$$

$$\frac{M^2 l}{6 EI} \text{ (t)}$$

آزاد ۸۷

۶۰- چقدر باید نا انرژی کرنسر تبر زیر مبنیم شود؟ ($EI = \text{Con st}$)

$$\frac{wl^2}{8} \text{ (t)}$$

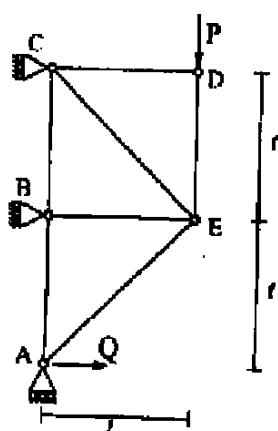
$$\frac{wl^2}{12} \text{ (r)}$$

$$\frac{wl^2}{4} \text{ (r)}$$

$$\frac{wl^2}{2} \text{ (t)}$$



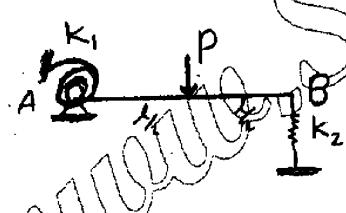
-۱۸ در خرپای روبورو، نیروی Q بر حسب P کدام است تا انرژی تغییر شکل سازه حداقل شود؟ صلبیت محوری اعضای AE و CE برابر $EA\sqrt{2}$ و صلبیت محوری سایر اعضاء برابر EA می‌باشد.



- ۱) ΔP
- ۲) $4P$
- ۳) $6P$
- ۴) $8P$

آزاد ۹۱

-۷۹ اگر در تیر نشان داده شده مقادیر سختی فنرها (k_1, k_2) به گونه‌ای در نظر گرفته شوند که انرژی سازه حداقل گردد آنگاه لنگر فنر پیچشی A کدام است؟



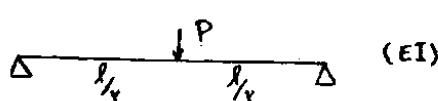
- | | |
|-------------------------|------------------------|
| $\frac{P\ell}{12}$ (۱) | $\frac{P\ell}{16}$ (۲) |
| $\frac{3P\ell}{16}$ (۳) | $\frac{P\ell}{8}$ (۴) |

گزینه ۴

برای حداقل شدن انرژی، سختی فنرها باید بینهایت بزرگ باشند که در این صورت سازه به یک تیر یک سرگیردار و یک سر مفصل تبدیل می‌شود. و بنابراین (با استفاده از شب افت) لنگر در فنر برابر است با:

$$M_A = 1.5 \times \frac{PL}{8} = \frac{3pl}{16}$$

آزاد ۸۴



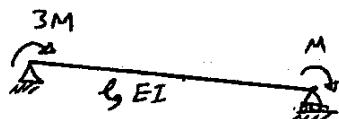
-۳۶ انرژی پتانسیل نیروی P در تیر ساده زیر کدام است؟

$$\frac{P^2l^3}{48EI}$$

$$\frac{P^2l^3}{96EI}$$

$$\frac{P^2l^3}{64EI}$$

$$\frac{P^2l^3}{144EI}$$



۷۹- انرژی کرنشی تیر زیر چقدر است؟

$$\frac{8M^2L}{3EI} \text{ (I)} \quad \frac{7M^2L}{6EI} \text{ (II)} \quad \frac{7M^2L}{3EI} \text{ (III)} \quad \frac{4M^2L}{3EI} \text{ (IV)}$$

$$\begin{aligned} & M = (4\theta_A + 2\theta_B) \frac{EI}{L} \quad (\text{I}) \\ & M = (2\theta_A + 4\theta_B) \frac{EI}{L} \quad (\text{II}) \rightarrow \text{I} - 2\text{II} \rightarrow M = (0 - 6\theta_B) \frac{EI}{L} \rightarrow \theta_B = -\frac{ML}{6EI} \\ & \text{II} \rightarrow M = \left(2\theta_A \frac{EI}{L}\right) - \frac{2M}{3} \rightarrow \theta_A = \frac{5ML}{6EI} \rightarrow U = \frac{1}{2} \left(3M\theta_A + M\theta_B\right) = \frac{L}{2EI} \left(\frac{15M^2}{6} - \frac{M^2}{6}\right) = \frac{7M^2L}{6EI} \end{aligned}$$

۵۹- در انتهای یک تیر طره با مقطع دایروی لقمه خمی M اعمال می‌شود. اگر این لقمه بصورت پیچشی در انتهای تیر اعمال شود انرژی کرنشی ذخیره شده در تیر چند برابر می‌شود؟ ($v = 0.2$)

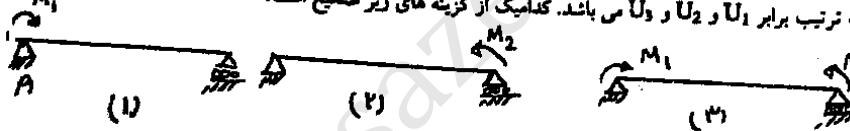
۱/۲ (۲) ۱/۲ (۱)

۲/۴ (۴) ۲ (۳)

$$\begin{aligned} U_1 &= \frac{M \left(\frac{ML}{EI} \right)}{2}, & U_2 &= \frac{T \left(\frac{TL}{GJ} \right)}{2} \\ J &= 2I \\ G &= \frac{E}{2.4} \\ M &= T \end{aligned}$$

$$\left. \begin{aligned} \frac{U_2}{U_1} &= \frac{EI}{GJ} = \frac{2.4}{2} = 1.2 \end{aligned} \right\}$$

۷۹- انرژی کرنشی تیرهای ۱ و ۲ و ۳ در شکل زیر به ترتیب برابر U_1 و U_2 و U_3 می‌باشد. گذاین از گزینه‌های زیر صحیح است؟ (طول تیرها و صلیت خشی آنها EI است.)



(۱) ممکن نام

۲) $U_3 > U_1 + U_2$ ۳) $U_3 < U_1 + U_2$ ۴) $U_3 = U_1 + U_2$

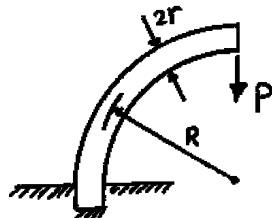
$$\begin{aligned} U_1 &= \frac{1}{2} M_1 \left(\frac{M_1 L}{2EI} \right) = \frac{M_1^2 L}{6EI} \\ U_2 &= \frac{M_2^2 L}{6EI} \\ U_3 &= U_1 + U_2 \quad \text{نموداری} \quad \text{نموداری} \\ & \text{از جایی که } \theta_A \text{ افزایش نمایند} \quad \text{از جایی که } \theta_B \text{ افزایش نمایند} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} M_1 &= 4\theta_1 + 2\theta_2 \\ -M_2 &= 2\theta_1 + 4\theta_2 \end{aligned} \quad \left\{ \begin{aligned} \theta_1 &= \frac{M_1 L}{3EI} + \frac{M_2 L}{6EI} \\ \theta_2 &= -\frac{M_2 L}{3EI} - \frac{M_1 L}{6EI} \end{aligned} \right\}$$

راهنمایی
برای
آنچه
آنچه
آنچه
آنچه

$$\begin{aligned} U_3 &= \frac{M_1 \theta_1 - M_2 \theta_2}{2} = \frac{M_1^2 L}{2EI} \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{6} \right) + \frac{M_2^2 L}{2EI} \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{6} \right) + \frac{M_1 M_2 L}{2EI} \left(\frac{1}{6} + \frac{1}{6} \right) \\ &= \frac{M_1^2 L}{6EI} + \frac{M_2^2 L}{6EI} + \frac{M_1 M_2 L}{6EI} \end{aligned}$$

۴- یک میله الاستیک به شعاع α (مقطع دایره‌ای)، به شکل یک دیسک دایره به شعاع R مطابق شکل خم شده و تحت بار قائم P قرار می‌گیرد. نسبت تغییر مکان قائم نقطه اثر بار (لبه آزاد جسم) ناشی از نیروی محوری ایجاد شده در میله به لنگر خمشی ایجاد شده در آن کدام است؟



$$\frac{2\alpha^3}{R^3} \quad (1)$$

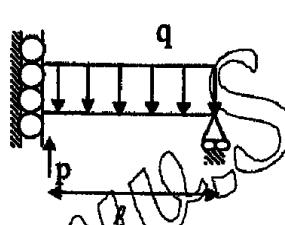
$$\frac{\alpha^3}{R^3} \quad (2)$$

$$\frac{4\alpha^3}{R^3} \quad (3)$$

$$\frac{1}{4} \frac{\alpha^3}{R^3} \quad (4)$$

تمرین: آزاد ۹۳

۵- نیروی P چقدر باشد تا انرژی داخلی سازه کمترین باشد؟



$$\frac{3ql^2}{8} \quad (1)$$

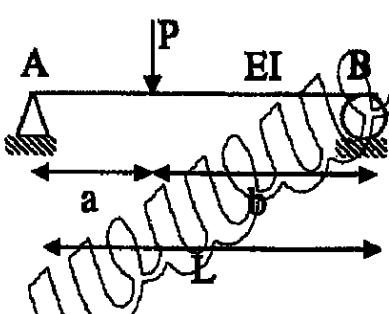
$$\frac{5ql^2}{384} \quad (2)$$

$$\frac{3ql^2}{384} \quad (3)$$

$$\frac{5ql^2}{8} \quad (4)$$

تمرین: آزاد ۹۳

۶- میزان انرژی خمشی در تیر مقابل کدام است؟



$$\frac{p^2 a^2 b^2}{3EIL} \quad (1)$$

$$\frac{p^2 a^2 b^2}{16EIL} \quad (2)$$

$$\frac{p^2 a^2 b^2}{6EIL} \quad (3)$$

$$\frac{pa^2 b^2}{6EIL} \quad (4)$$



آزاد ۸۶

-۵۸- در یک سازه تحت اثر وزن خود اگر همه ابعاد سازه α برابر شود چگالی ارزی کرنشی سازه چند برابر می شود؟

۱) چگالی ارزی کرنشی ثابت می باشد.

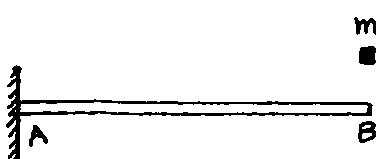
۲) α برابر

۳) α^4 برابر

۴) α^2 برابر

آزاد ۸۴

-۲۸- ماکریسم تغییر شکل نیز اگر وزنه m به جرم 10 kg از فاصله 10 سانتی متری انتهای نیز سقوط کند چندراست؟ ($I = 100 \text{ cm}^4$, $EI = 10^7 \text{ kg.cm}^2$)



- ۰.۳۳ cm (۱)
۲.۹۴ cm (۲)
۱.۷۲ cm (۳)
۳.۱۲ cm (۴)

$$\text{ارزی نیز} = mg\Delta$$

$$\text{ارزی تغییر شکل} = \frac{P_x \Delta}{2} = \frac{(k\Delta)A}{2}$$

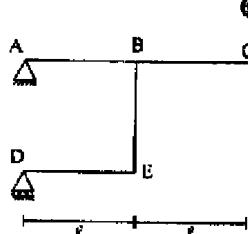
$$l_{0x}(l_0 + \Delta y) = k \times \frac{\Delta y^2}{2} \rightarrow l_0 + l_0 \Delta y = 15 \Delta y^2 \rightarrow \Delta y = \begin{cases} 2.94 \text{ cm} \\ -2.27 \text{ cm} \end{cases}$$

ارتفاع بُوژ

$$\frac{3EI}{L^3} = 300 \text{ N/cm}$$

دکتری ۹۲

-۱۱- وزنهای به وزن 2 تن از ارتفاع $h = 1 \text{ m}$ رها شده و به نقطه C اصابت می کند (شکل زیر). حداقل تغییر مکان قائمه این نقطه چند سانتی متر است؟ (EI اعضا ثابت و برابر 10^5 t.m^3 , $EI = 10^5 \text{ t.m}^3$, $\ell = 5 \text{ m}$, $h = 1 \text{ m}$ است).



- ۱) ۷.۳
۲) ۹.۳
۳) ۸.۳
۴) ۱۰.۳

آزاد ۸۸

- انرژی کرنشی میله استوانه‌ای زیر که نجت اثر وزن W و نیروی متغیر P در انتهای آن فرار دارد چقدر است؟

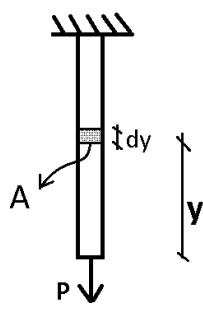


$$\frac{P^2 I}{2AE} + \frac{PWl}{6AE} + \frac{W^2 l}{6AE} \quad (1)$$

$$\frac{P^2 I}{2AE} + \frac{PWl}{4AE} + \frac{W^2 l}{6AE} \quad (1)$$

$$\frac{P^2 I}{2AE} + \frac{W^2 l}{6AE} \quad (1)$$

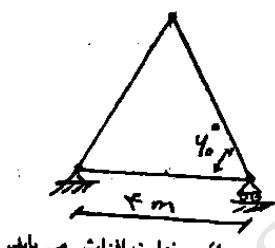
$$\frac{P^2 I}{2AE} + \frac{PWl}{2AE} + \frac{W^2 l}{6AE} \quad (1)$$



$$U = \int \frac{P^2 dy}{2EA} = \frac{1}{2EA} \int \left(P + W \frac{y}{L} \right)^2 dy = \frac{1}{2EA} \int \left(P^2 + \left(\frac{W}{L} \right)^2 y^2 + \frac{2PW}{L} y \right) dy \\ = \left(\frac{P^2 L}{2EA} + \frac{W^2 L}{6EA} + \frac{PWL}{2EA} \right)$$

آزاد ۸۵

- در خربای روپرو اگر دمای تمام اعضاء از 10° درجه به 20° درجه افزایش یابد انرژی کرنشی آن چقدر تغییر می‌کند؟ سطح مقطع تمام اعضاء 10 cm^2 هستند و $E = 2 \times 10^6 \text{ kg/cm}^2$ می‌باشد.



(۱) بیانیت افزایش می‌باشد.

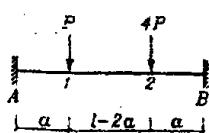
(۲) تغییر نمی‌کند چون سازه معین است.

(۳) برابر می‌شود.

(۴) برابر می‌شود.

آزاد ۸۶

- در تیز زیر تغییر مکان نقاط ۱ و ۲ تحت بار قائم P در نقطه ۱ بترتیب برابر Δ و $\frac{\Delta}{4}$ می‌باشد. اگر بارهای قائم P و $4P$ بطور همزمان در نقاط ۱ و ۲ وارد شوند انرژی کرنشی تیز چقدر می‌شود؟



$$\frac{7}{5} P \Delta \quad (2)$$

$$\frac{8}{5} P \Delta \quad (1)$$

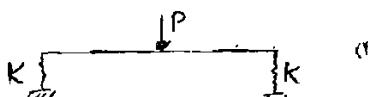
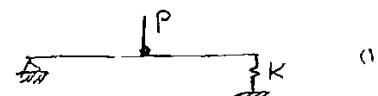
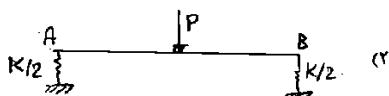
$$\frac{7}{5} P \Delta \quad (4)$$

$$\frac{9}{5} P \Delta \quad (3)$$

اگر هر دو بار همزمان وارد شوند، تغییر مکان نقطه ۱ و ۲ به ترتیب برابر 2Δ و $\frac{1}{4}\Delta + 4\Delta$ خواهد بود. بنابراین انرژی کرنشی آن برابر است با:

$$U = \frac{P \times 2\Delta}{2} + \frac{4P \times \frac{17}{4}\Delta}{2} = 9.5\Delta P$$

در گدام یک از سازه‌های زیر انرژی بیشتری ذخیره می‌شود؟ (EI در کلیه تیرها یکسان است). P در وسط قرار دارد.



$$U_1 = \frac{P_x}{2} \left(\Delta_{\bar{x}} + \frac{\Delta_{\bar{y}}}{2} \right) = \frac{P}{2} \left(\Delta_{\bar{x}} + \frac{F}{2K} \right)$$

$$U_2 = \frac{P}{2} \left(\Delta_{\bar{x}} + \Delta_{\bar{y}} \right) = \frac{P}{2} \left(\Delta_{\bar{x}} + \frac{F}{K/2} \right)$$

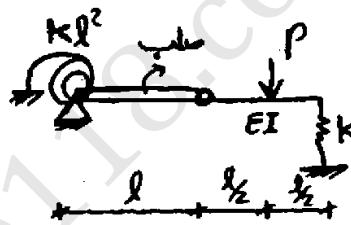
$$U_3 = \frac{P}{2} \left(\Delta_{\bar{x}} + \frac{\Delta_{\bar{y}} + \Delta_{\bar{y}''}}{2} \right) = \frac{P}{2} \left(\Delta_{\bar{x}} + \frac{F/K + F/K}{2} \right)$$

$$U_4 = \frac{P}{2} \left(\Delta_{\bar{x}} + \Delta_{\bar{y}} \right) = \frac{P}{2} \left(\Delta_{\bar{x}} + \frac{F}{K} \right)$$

نحوه بیشتر

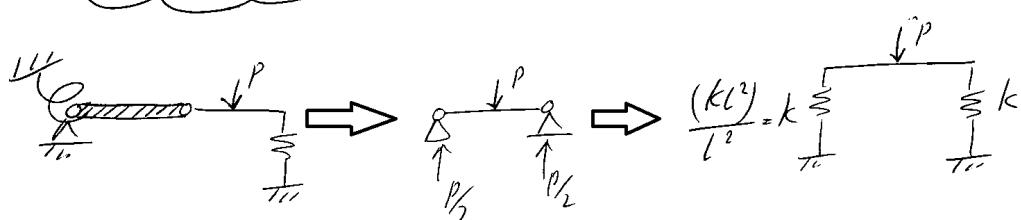
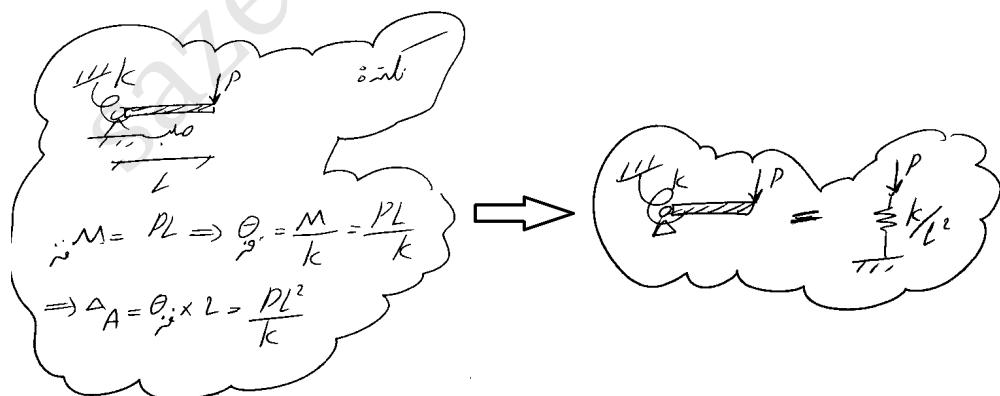
آزاد ۸۸

-۷۲- انرژی کرنشی ساره نشان داده شده چقدر است؟



$$\frac{P^2 l^3}{3EI} + \frac{P^2}{4K} \quad (I) \quad \frac{P^2 l^3}{48EI} + \frac{P^2}{K} \quad (II)$$

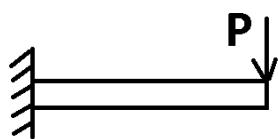
$$\frac{P^2 l^3}{96EI} + \frac{P^2}{4K} \quad (III) \quad \frac{P^2 l^3}{96EI} + \frac{P^2}{K} \quad (IV)$$



$$\Delta = \frac{P^2}{2} + \frac{PL^3}{48EI} = \frac{P}{2K} + \frac{PL^3}{48EI} \rightarrow U = \frac{P\Delta}{2} = \frac{P^2}{4K} + \frac{P^2 L^3}{96EI}$$



۱-۱۵- قضیه کاستلیانو



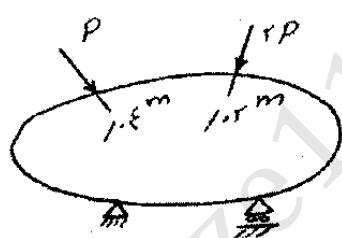
$$U = \frac{P^2 L^3}{6EI}$$

$$U = \frac{3\Delta^2 EI}{2L^3}$$

$$\frac{\partial U}{\partial P} = \frac{\partial \left(\frac{P^2 L^3}{6EI} \right)}{\partial P} = \frac{PL^3}{3EI}$$

سراسری ۸۹

-۶۰ سازه‌ی الاستیک خطی مطابق شکل مفروض است. اگر انرژی تغییر شکل این سازه را بر حسب نیروهای وارد P بیان کنیم، $U = U(p)$ کدام رابطه صحیح است؟



$$\frac{\partial U}{\partial p} = 0.15m \quad (1)$$

$$\frac{\partial U}{\partial p} = 0.14m \quad (2)$$

$$\frac{\partial U}{\partial p} = 0.16m \quad (3)$$

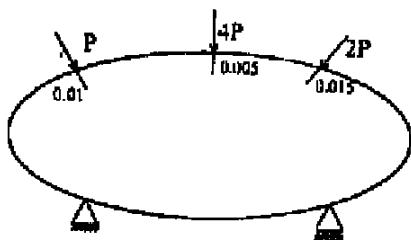
$$\frac{\partial U}{\partial p} = 0.18m \quad (4)$$



دکتری ۹۲

- ۱۳- جسمی مطابق شکل زیر، دارای رفتار خطی (رابطه نیرو - تغییر مکان در آن جسم خطی است) مفروض است. تغییر مکان در امتداد نیروی P به ترتیب برابر $4P$ ، $0.01m$ ، $0.005m$ و $0.015m$ است. V را انرژی تغییر شکل جسم بر حسب

$$\text{متغیر } P \text{ فرض کنید. } \frac{\partial V}{\partial P} \text{ چند متر است؟}$$



(۱) ۰,۰۱

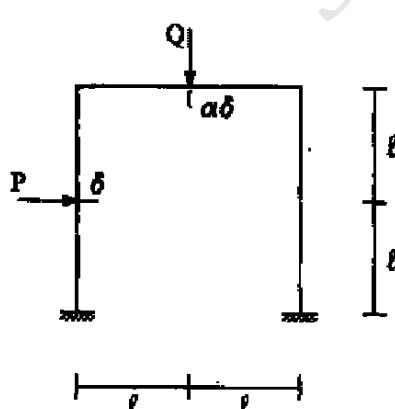
(۲) ۰,۰۳۲۵۰

(۳) ۰,۰۱۸۷۵

(۴) ۰,۰۶

دکتری ۹۱

- ۱۴- انرژی تغییر شکل در سازه مطابق شکل را U فرض می کنیم. $U = U(\delta)$ چقدر است؟



$$P + \alpha Q \quad (۱)$$

$$\alpha P + Q \quad (۲)$$

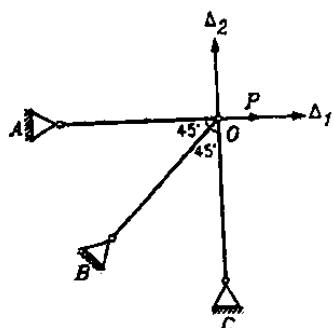
$$P + \frac{1}{\alpha} Q \quad (۳)$$

$$\frac{1}{\alpha} P + Q \quad (۴)$$



-۵۹- انرژی کرنشی خوبای زیر بصورت $V = \frac{AE}{4l} (3\Delta_1^2 + 3\Delta_2^2 + 2\Delta_1\Delta_2)$ می باشد که Δ_1 و Δ_2 به ترتیب تغییر مکان افقی و قائم مفصل ۰ هستند. ندر

مطلق نسبت $\frac{\Delta_1}{\Delta_2}$ برای بارگذاری داده شده چقدر است؟



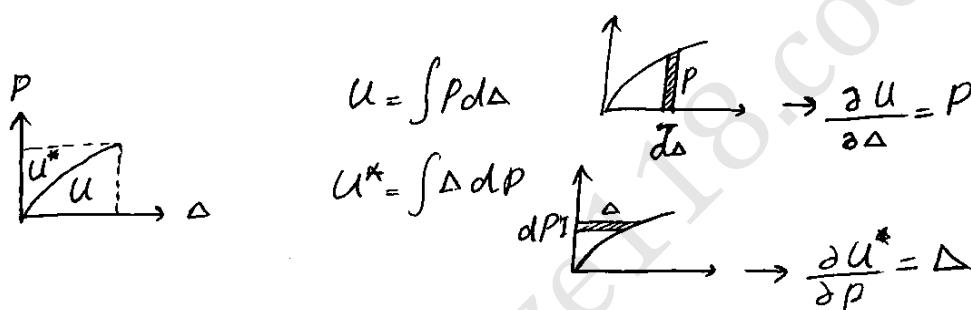
۲/۵ (۱) ۲ (۲) ۲ (۳) ۲/۵ (۱)

-۶۰- برای یک تیر الاستیک انرژی کرنشی تیر را با U و انرژی مکمل را با U^* نشان می دهد؟

$$\frac{\partial}{\partial P}(U+U^*) \quad (۱)$$

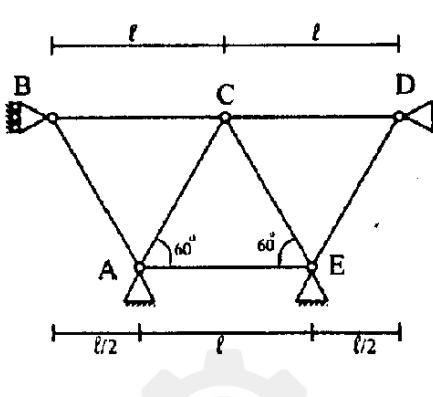
$$\frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial P}(U+U^*) \quad (۲)$$

$$\frac{\partial U^*}{\partial P} \quad (۳)$$



سراسری ۹۳

-۶۱- در خرپای مطابق شکل صلبيت محوری و طول اعضا يكسان و به ترتیب برابر EA و ℓ می باشد. اگر مفصل C به اندازه Δ بصورت افقی به سمت راست حرکت کند، انرژی تغییر شکل در خرپا برابر کدام است؟



$$\frac{\Delta \sqrt{2} EA}{2l} \quad (۱)$$

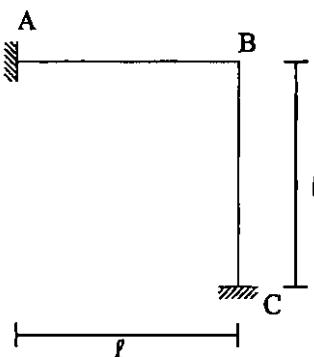
$$\frac{\sqrt{3} EA}{4l} \quad (۲)$$

$$\frac{\sqrt{3} EA}{2l} \quad (۳)$$

$$\frac{\Delta \sqrt{2} EA}{4l} \quad (۴)$$

سراسری ۹۲

- ۶۲ سازه زیر مفروض است. اگر نقطه B به اندازه l° , به سمت بالا و به اندازه l° , به سمت راست و به اندازه l° , رادیان در جهت مثلثاتی دوران کند، انرژی ذخیره شده خمشی در سازه چقدر است؟
- همه اعضا ثابت است.



$$21 \times 10^{-4} \frac{EI}{l} \quad (1)$$

$$14 \times 10^{-4} \frac{EI}{l} \quad (2)$$

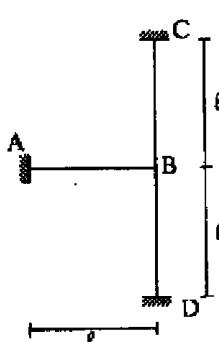
$$7 \times 10^{-4} \frac{EI}{l} \quad (3)$$

$$28 \times 10^{-4} \frac{EI}{l} \quad (4)$$

$$\left. \begin{array}{l} \approx M_{AB} = \frac{2EI}{L} \times (-0.01) - \frac{6EI}{L^2} \times (-0.02L) = \approx 0.1 \frac{EI}{L} \\ \approx M_{BA} = \frac{4EI}{L} \times (-0.01) - \frac{6EI}{L^2} \times (-0.02L) = \approx 0.08 \frac{EI}{L} \\ \downarrow V_{AB} = 0.18 \frac{EI}{L^2} \\ \uparrow V_{BA} = 0.18 \frac{EI}{L^2} \\ \approx M_{CB} = \frac{2EI}{L} \times (-0.01) - \frac{6EI}{L^2} \times (+.01L) = \approx -0.08 \frac{EI}{L} \\ \approx M_{BC} = \frac{4EI}{L} \times (-0.01) - \frac{6EI}{L^2} \times (+.01L) = \approx -0.1 \frac{EI}{L} \\ \rightarrow V_{BC} = 0.18 \frac{EI}{L^2} \\ \leftarrow V_{CB} = 0.18 \frac{EI}{L^2} \end{array} \right\} \begin{array}{l} U_{AB} = \frac{-M_{BA} \times 0.01 + V_{BA} \times 0.02L}{2} \\ = \left(\frac{-0.08 \times 0.01 + 0.18 \times 0.02}{2} \right) \frac{EI}{L} \\ U_{AB} = 0.0014 \frac{EI}{L} \\ \\ U_{BC} = \frac{-M_{BC} \times 0.01 + V_{BC} \times 0.01L}{2} \\ = \left(\frac{0.1 \times 0.01 + 0.18 \times 0.01}{2} \right) \frac{EI}{L} \\ U_{BC} = 0.0014 \frac{EI}{L} \end{array}$$

دکتری ۹۲

- ۶۰ در سازه رو به رو نقطه B به اندازه l° , به سمت راست و به اندازه l° , به سمت پائین و به اندازه l° , رادیان در جهت مثلثاتی دوران می‌گردد. انرژی تغییر شکل خمشی ذخیره شده در سازه چقدر است؟
- برای همه اعضا ثابت است؟



$$36 \times 10^{-4} \frac{EI}{l} \quad (1)$$

$$27 \times 10^{-4} \frac{EI}{l} \quad (2)$$

$$63 \times 10^{-4} \frac{EI}{l} \quad (3)$$

$$54 \times 10^{-4} \frac{EI}{l} \quad (4)$$

